

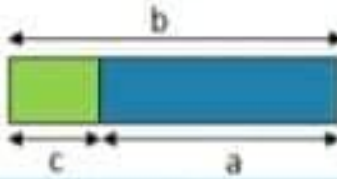


## جمع الأعداد الصحيحة الطبيعية وطرحها

جمع الأعداد الصحيحة الطبيعية من عملية :

- **تبادلية** : أي إذا كان  $a$  و  $b$  عددين صحيحين طبيعيين فإن  $a+b=b+a$  مثال  $37+14=14+37$

- **جمعية** : أي إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  أعدادا صحيحة طبيعية فإن  $(a+b)+c=a+(b+c)$  مثال  $137+(13+150)=(137+13)+150=137+13+150$



إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $b$  أكبر من  $c$  فإن  $a+b-c$  يعني  $a+c-b$   
أي إذا عرفنا مجموع عددين و أحدهما فإن معرفة العدد الآخر يكون باستعمال عملية الطرح.

مثال :  $53=27+26$  يعني  $53-27=26$  يعني  $27=53-26$

لا يتغير الفرق بين عددين إذا أضفنا إليهما أو طرحنا منهما نفس العدد أي إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $a$  أكبر من  $b$  و  $b$  أكبر من  $c$

فإن  $(a+c)-(b+c)=a-b$  مثال  $(177+845)-(77+845)=177-77=100$

و  $(a-c)-(b-c)=a-b$  مثال  $(577-314)-(477-314)=577-477=100$

لا يتغير مجموع عددين إذا أضفنا إلى أحد العددين عدداً و طرحنا العدد نفسه من العدد الثاني . أي إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  أعداد صحيحة طبيعية حيث  $a$  أكبر من  $c$

فإن  $(a-c)+(b+c)=a+b$  مثال  $(17-8)+(13+8)=17+13=30$

عدد طرح عدد من مجموع عددين يمكن طرحه من أحدهما ثم القيام بعملية الجمع .

إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $b$  أكبر من  $c$  فإن  $(a+b)-c = a+(b-c)$  مثال  $(587+11)-87 = (587-87)+11$

إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $a$  أكبر من  $b+c$  فإن  $a-(b+c)=(a-b)-c$  مثال :

$$317-(17+101) = (317-17)-101 = 300-101 = 199$$

$$137+(13+150) = (137+13)+150 = 137+13+150$$

$$37+14 = 14+37$$

$$53 = 27 + 26 \text{ يعني } 27 = 53 - 26 \text{ يعني } 26 = 53 - 27$$

$$(17-8) + (13+8) = 17 + 13 = 30$$

$$(177+845) - (77+845) = 177 - 77 = 100$$

$$(577-314) - (477-314) = 577 - 477 = 100$$

$$(587+11) - 87 = (587-87) + 11$$

$$(587+11) - 87 = (587-87) + 11$$





- ☒ إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $b$  أكبر من  $c$  فإن:  $a+c=b$  يعني  $a=b-c$ .
- ☒ لا يتغير الفرق بين حدين إذا أضفنا إليهما أو طرحنا منهما نفس العدد أي: إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $a$  أكبر من  $b$  و  $b$  أكبر من  $c$  فإن:  $(a+c)-(b+c)=a-b$  و  $(a+c)-(b+c)=a-b$ .
- ☒ لا يتغير مجموع عددين إذا أضفنا إلى أحدهما عدداً وطرحنا العدد نفسه من العدد الثاني أي: إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $a$  أكبر من  $c$  فإن:  $(a-c)+(b+c)=a+b$ .
- ☒ إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $b$  أكبر من  $c$  فإن:  $(a+b)-c=a+(b-c)$ .
- ☒ إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $a$  أكبر من  $b+c$  فإن:  $a-(b+c)=(a-b)-c$ .
- ☒ ضرب الأعداد الصحيحة الطبيعية عملية تبديلية وتجميعية يعني عند حساب جزاء عدة أعداد بحق لنا تغيير ترتيب عوامله أو تعويض جزاء عاملين بنتيجة حسابه.
- ☒ عملية الضرب توزيعية على الجمع أي: إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية فإن:  $a \times (b+c) = a \times b + a \times c$ .

نشر

$$a \times (b+c) = a \times b + a \times c$$

- ☒ عملية الضرب توزيعية على الطرح أي إذا كان  $a$  و  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث  $b$  أكبر من  $c$  فإن:  $a \times (b-c) = a \times b - a \times c$
- نشر

$$a \times (b-c) = a \times b - a \times c$$

تفكيك

- ☒ عند حساب عبارات بها جمع وضرب وبها أقواس فإن الأولوية للعبارة التي بين قوسين.
- ☒ حساب عبارات بها ضرب وجمع ودون أقواس فإن الأولوية للضرب.





$(216 + 87 - 79) - (148 + 87 - 79) = \dots\dots\dots$  ;  $(853 - 439) - (641 - 439) = \dots\dots\dots$   
 $(153 + 237 + 86) - (199 + 86 + 153) = \dots\dots\dots$        $(185 + 49) - (97 + 49) = \dots\dots\dots$   
 $(509 - 446) - (446 + 209) = \dots\dots\dots$  ;       $(705 - 537) - (655 - 537) = \dots\dots\dots$   
 $(1376 - 249 + a) - (587 - 249 + a) = \dots\dots\dots$  ;       $(1376 - 249 - a) - (587 + 249 - a) = \dots\dots\dots$

استعمال القاعدة $(a+c)-(b+c)=a-b$ $(a-c)-(b-c)=a-b$	
مثال :	

**التمرين رقم 7**

إبحث عن العدد x في كل حالة :

$x + 289 = 341$        $x - 105 = 105$  ;       $28 + x = 93$   
 $3014 + x = 3271$  ;       $93 - x = 28$  ;       $x - 289 = 341$   
 $8 - x = 8$  ;       $28 + x = 15$  ;       $11 - x = 7$   
 $35 - x = 289$  ;       $x - 199 = 199$  ,       $x - 199 = 0$

$(x = b - a)$ ينحني $(a + x = b)$		
$(x = b + a)$ ينحني $(x - a = b)$		
$(x = b - a)$ ينحني $(x - a = b)$		
مثال 3 :	مثال 2 :	مثال 1 :
	$x - 3 = 7$ <input type="text"/>	$2 + x = 7$ <input type="text"/>
	$x = 7 + 3$ <input type="text"/>	$x = 7 - 2$ <input type="text"/>
	$x = 10$	$x = 5$

**التمرين رقم 8**

أحسب بطريقتين مختلفتين العمليات التالية:

$\dots\dots\dots = 711 - 209 - 444$  ;       $\dots\dots\dots = 657 - 343 - 189$  ;       $\dots\dots\dots = (435 + 196) - 666$  ;       $\dots\dots\dots = 108 - (249 - 97)$   
 $\dots\dots\dots = 803 - 277 + 395$  ;       $\dots\dots\dots = 415 - 359 + 237$  ;       $\dots\dots\dots = (258 - 189) - 314$  ;       $\dots\dots\dots = 355 + (783 - 445)$   
 $\dots\dots\dots = 297 + 333 - 179$  ;       $\dots\dots\dots = 504 + 106 - 317$  ;       $\dots\dots\dots = 186 - (153 + 273)$  ;       $\dots\dots\dots = (101 - 87) + 355$   
 $\dots\dots\dots = 142 - 115 + 28$  ;       $\dots\dots\dots = (165 - 80) - 285$  ;       $\dots\dots\dots = (238 + 145) - 523$  ;       $\dots\dots\dots = (186 - 59) + 357$   
 $\dots\dots\dots = (259 - 350) - 659$  ;       $\dots\dots\dots = 421 - 345 + 355$        $\dots\dots\dots = 204 - 96 - 108$  ;       $\dots\dots\dots = 325 + 406 - 277$

استعمال القاعدة $a - (b + c) = (a - b) - c$ أو القاعدة $a - (b - c) = (a - b) + c$	
مثال 2 :	مثال 1 :
أحسب بطريقتين الطريقة الأولى	أحسب بطريقتين





فوزي العيسى

اعداد السيد :

الأعداد الصحيحة الطبيعية و العمليات  
عليها  
أساسي 7

التمرين رقم 1

أكمل بـ  $\in$  أو  $\notin$  :

$$\frac{23}{3} \dots \mathbb{N} ; \frac{3}{4} \dots \mathbb{N} ; 1897 \dots \mathbb{N} ; 0,5 \dots \mathbb{N}$$

$$\frac{189}{7} \dots \mathbb{N} ; \frac{111}{3} \dots \mathbb{N} ; 5,0001 \dots \mathbb{N} ; \frac{8}{2} \dots \mathbb{N}$$

التمرين رقم 2

أصب المجاميع التالية

$$\dots = 6810 + 5789 + 769 ; \dots = 1111 + 999 + 387$$

$$\dots = 234 + 967 ; \dots = 1995 + 1419$$

$$\begin{array}{r} 354 \\ + 27.9 \\ 3.55 + \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 210 \\ + 7.6 \\ + 5.89 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1966 \\ 757 + \\ 3088 + \end{array}$$

$$= 999.$$

$$= 10854$$

التمرين رقم 3

a و b و c تمثل أعدادا صحيحة طبيعية نريد أن نبيّن أن  $a+(b+c)=(a+b)+c$

لهذا أكمّل ما يلي بالعدد المناسب و الخاصيّة المناسبة:

$$(\dots + a + b) + c = a + (b + \dots) \quad (\dots \text{ الخاصيّة})$$

$$a + (\dots + b) = (\dots + a) + b \quad (\dots \text{ الخاصيّة})$$

$$\dots + (\dots + a) = (\dots + \dots) + a \quad (\dots \text{ الخاصيّة})$$

التمرين رقم 4

أصب بطريقتين مختلفتين العمليات التالية:

$$\dots = 199 + 86 + 153 ; \dots = 359 + 803 + 444 ; \dots = 297 + 355 + 783$$

أي خاصيّة من خاصيّات صليّة الجمع استعملت ؟

استعمل القاعدة  $a+(b+c)=(a+b)+c$



أصب بطريقتين  
الطريقة الأولى

الطريقة الثانية

التمرين رقم 5

أصب بأسهل طريقة العمليات التالية :

$$\dots = 39 + 45 + 55 ; \dots = 77 + 89 + 123 ; \dots = 990 + 110 + 267$$

التمرين رقم 6

أصب بأسهل طريقة العمليات التالية :





مع الملاحظة ان لا يمكن جمعها ولا اختصارها

التمرين رقم  
أتم الفراغات التالية :

التمرين رقم 15

إختصر الكتابات التالية :

$$7a + 7b ; 15a + 5b ; 12a + 18b$$

$$14a + 3b + 9a + 6b ; 11a + 5a ; 3a + 5b + a - b$$

$$3a + 18a + 21b ; 7a - 4b - 4a + 10b ; ab + a$$

$$15a + 3b ; 27a + 18b ; 5ab + 15a$$

$$2ab - 3ac ; 18ab - 6a ; 25a - 5$$

$$15ab - 6 ; 3ab - 6c ; 15 - 5a$$

$$(3a + 2)(b + 5) + (2a + 1)(b + 5) ; (a + 1)(b + 5) + (a + 1)(b - 2)$$

$$2a(b + 1) + 5(b + 1) ; (3a + 1)b + (3a + 1)$$

لاحظ وجود عامل (أو عوامل) مشترك



مثال 1:

مثال 2:

في هذه الحالة العامل هو نجمة داخل قوس



TuniTests





قوى الغريبي

اعداد السيد :

المطريقة الأولى المطريقة الثانية يجب الحصول على نفس النتيجة	المطريقة الثانية يجب الحصول على نفس النتيجة
--	--

التمرين رقم 10

إبحث عن العدد  $x$  في كل حالة :

$$(x + 127) - 89 = 89 \quad , \quad 127 - (x - 3) = 75 \quad , \quad 201 - (x + 43) = 75$$

$$127 - (53 - x) = 111 \quad ; \quad 15 - (x + 3) = 12 \quad ; \quad 17 - (7 + x) = 0$$

$$33 - (x - 17) = 13 \quad ; \quad 21 - (19 - x) = 5 \quad ; \quad 16 - (4 - x) = 15$$

$$18 - (5 + x) = 10 \quad ; \quad 35 - (x + 30) = 3 \quad ; \quad 125 - (x - 15) = 70$$

$$(x - 14) + 12 = 50 \quad ; \quad (x - 15) - 35 = 5$$

ابداً بفتح الأقواس ثم احسب $x$ كما تعلمت في التمارين السابقة واستعمل القواعد التالية $a - (b + c) = a - b - c$ $a - (b - c) = a - b + c$	
مثال 2	مثال 1 :

التمرين رقم 11

$a$  و  $b$  عدنان مسيحيان طبيعيان بحيث  $a - b = 15$  احسب العمليات التالية:

$$(a + 27) - b = \dots\dots\dots \quad ; \quad 51 - (a - b) = \dots\dots\dots$$

$$(45 - a) + b = \dots\dots\dots \quad ; \quad (a + 49) - (b + 49) = \dots\dots\dots$$

$$(a + 87) - (b + 69) = \dots\dots\dots \quad ; \quad (a - 53) - (b - 53) = \dots\dots\dots$$

$$(a + 49) - (b - 37) = \dots\dots\dots \quad ; \quad a - (b - 17) = \dots\dots\dots$$

$$a - (b + 3) = \dots\dots\dots \quad ; \quad (a + 10) - (b + 10) = \dots\dots\dots$$

$$(a - 10) - b = \dots\dots\dots \quad ; \quad (a + 3) - (b + 20) = \dots\dots\dots$$

أزل الأقواس ثم عوض العبارة $a - b$ بالعدد	
مثال 2	مثال 1

التمرين رقم 12

احسب  $a - b$  في كل مرة :





ابدأ بإزالة الأقواس ثم اكتب العبارة a-b بين قوسين ثم احسبها 	
مثال 1	مثال 2

### التمرين رقم 12

احسب بطريقتين مختلفتين مع ذكر الخاصية المستعملة:

$$25 \times (11 + 14) ; 21 \times (10 + 3) ; (6 + 4) \times 39$$

$$64 \times (100 + 1) ; 10 \times (31 + 23 + 46) ;$$

$$18 \times (75 - 25) ; 35 \times (100 - 1) ; 27 \times (20 - 9)$$

$$9 \times (1000 - 10) ; (10 - 1) \times 49 ; (18 - 7) \times 65$$

$$3 \times 5 + 13 \times 10 ; 7 \times 12 + 7 \times 6 ; 11 \times 5 + 13 \times 5$$

$$14 \times 3 + 10 \times 3 ; 9 \times 25 + 9 \times 15 ; 3 \times 5 + 5 \times 5$$

$$13 \times 3 - 13 \times 2 ; 25 \times 7 - 25 \times 5 ; 17 \times 10 - 17 \times 5$$


$$75 \times 12 - 75 \times 10 ; 35 \times 14 - 35 \times 4$$

$$15 \times 7 + 15 ; 25 \times 4 + 25 ; 6 \times 13 + 6$$

$$70 + 5 \times 70 ; 30 + 30 \times 15$$

$$321 \times 58 + 321 \times 12 + 321 \times 30$$

$$792 \times 245 + 792 \times 451 + 792 \times 304$$

استعمل القاعدة 
$a \times (b + c) = a \times b + a \times c$
$a \times (b - c) = a \times b - a \times c$
مثال: احسب بطريقتين الطريقة الأولى الطريقة الثانية

### التمرين رقم 13

اكتب في شكل مبسط:





قوى القوي

اعداد الشيد :

$$a + a ; 3a + 2a ; 5a + 2a + a ; 4a + 15a$$

$$12a + 2a + 5a ; 7a + 3a ; a + b + a + b$$

$$6a + 3b + 4a + 6b ; 15a + 3b + 3a + 2a + 5b$$

$$a + 2b + 3a + 5b + a ; 12a - 2a ; 5a - 2a$$

$$13a + 5a - 2a ; 33a + 2b - 5a + 11b - 4b$$

$$a - a ; a + b - a - b ; a + 3b + 18a - b - 12a - b$$

$$7a - 2a + 3a - b - 2a + 5b + 3a - 2b - 5a$$

التمرين رقم 14

أنتشر واختصر ما يلي :

$$5(a + 2) ; 7(a + 3) ; 8(2a + b) ;$$

$$3(2a + 3b + 4) ; 16(2a + 2) ; 12(2a + 3b)$$

$$7(2a + 3b) + 5(3b + a) ; 3(2b + 5) + 5(2a - 2)$$

$$3(5a + 2) - 2(4a + 1) ; 8(a + b) + 5(2a + 3b)$$

$$3(a + 7) + 4(2a + 3) ; 6(5a + 3) + 4(2a - 4)$$

$$5(a + 2) + 2(5 - a) + 3(3 + a) - 6a$$

$$(4 + a)(b + 7) ; (a + 5)(b + 2)$$

$$(2 + 3a)(2b + 7) ; (2a + 3)(b + 2)$$

$$(a + b)(c + 1) + 3(b + 2) + a(5 + b) ; (a + 3)(b + c) + 3c - ac - 3b$$

$$3(a + b - 1) + (a - 3)b - ab$$

$$a \times (b + c) = a \times b + a \times c$$

$$a \times (b - c) = a \times b - a \times c$$

$$(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$$



مثال 1 :

مع الملاحظة ان لا يمكن جمعها ولا اختصارها

مثال 2 :

مع الملاحظة ان لا يمكن جمعها ولا اختصارها

مثال 3 :



# مرحبا بكم علي منصة مراجعة



**COLLEGE.MOURAJAA.COM**



**NEWS.MOURAJAA.COM**

