




0.5 = 2x0.25	 28 JUN 2024	$(AE) \perp (EFH)$ $(AE) \perp (EM)$	$(AE) \perp (EH)$ $(AE) \perp (EF)$ $(EH) \cap (EF) = \{E\}$ $(ME) \subset (EFH)$	ب -
0.5 = 2x0.25		لدينا AIE مثلث قائم الزاوية في E إذن $AI^2 = AE^2 + \left(\frac{EM}{2}\right)^2 = 4^2 + 3^2 = 25$ $AI = 5$	ج -	
0.5 = 2x0.25		$AF^2 = AB^2 + BF^2 = 36 + 16 = 52$ $AI^2 + IF^2 = 25 + 27 = 52$ إذن $AI^2 + IF^2 = AF^2$ ومنه AFI قائم الزاوية في I.	د -	
0.5 = 2x0.25		(FI) عمودي على (AI) و (FI) عمودي على (EM) (EM) و (AI) مستقيمان متقاطعان من المستوي (AEM) إذن (FI) عمودي على (AEM)	3	
0.5 = 2x0.25		في المثلث AEM لدينا J منتصف [AM] و I منتصف [EM] إذن (AE) // (IJ) ABEF مستطيل إذن (FB) // (AE) و (JI) و (FB) متوازيان	4) أ -	
0.25		(JI) و (FB) متوازيان إذن (JI) محتوي في (BFI) و I و J نقطتان من (AEM) وبالتالي (JI) محتوي في (AEM)	ب -	
0.25		المستويان (AEM) و (BFI) غير متطابقين (لأن A نقطة غير مشتركة) إذن المستويان (AEM) و (BFI) يتقاطعان حسب المستقيم (IJ)	ب -	

التمرين الخامس : (4.5 نقاط)

المقياس	الإصلاح	المسؤول
0.25	$S = \frac{(MN + PQ) \times AQ}{2} = \frac{(4 - 2x + 4)(5 - x)}{2}$	1) (أ)
0.25	$= \frac{2 \times (4 - x)(5 - x)}{2} = (4 - x)(5 - x)$	
0.25	$(4 - x)(5 - x) = x^2 - 4x - 5x + 20 = x^2 - 9x + 20$	ب) (ب)
0.25	$12 + (x - 1)(x - 8) = 12 + x^2 - 9x + 8 = x^2 - 9x + 20$	
0.25	$12 + (x - 1)(x - 8) = 12$	ج) (ج)
0.25	$(x - 1)(x - 8) = 0$ يعني $x = 8$ أو $x = 1$	
0.25	$x = 1$ إذن $8 \notin]0, 2[$	
0.5	حسب طاليس $\frac{OM}{OQ} = \frac{MN}{QP} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$	2) (أ)
0.25	$(MN) // (QP)$ $N \in (OP)$ $M \in (OQ)$	في المثلث OPQ لدينا
0.5	بما أن $M \in [OQ]$ فإن M منتصف [OQ]	





امتحان شهادة ختم التعليم الأساسي العام		الجمهورية التونسية وزارة التربية
دورة 2024		
الاختبار: الرياضيات	الحصة : ساعتان	

8 JUN 2024



الإصلاح ومقياس إسناد الأعداد

التمرين الأول : (3 نقاط)

رقم السؤال	الإصلاح	المقياس
(1)	(ج)	1
(2)	(ب)	1
(3)	(ب)	1

التمرين الثاني : (3.5 نقاط)

السؤال	الإصلاح	المقياس
(1) (1)	$(7\sqrt{2})^2 = 98$ و $(3\sqrt{11})^2 = 99$ موجبان و $(7\sqrt{2})^2 = 98$ و $(3\sqrt{11})^2 = 99$ إذن $(7\sqrt{2})^2 < (3\sqrt{11})^2$ وبالتالي $7\sqrt{2} < 3\sqrt{11}$	$0.5 = 2 \times 0.25$
(ب)	$(7\sqrt{2} - 3\sqrt{11})^2 = (7\sqrt{2})^2 - 2(7\sqrt{2} \times 3\sqrt{11}) + (3\sqrt{11})^2$ $= 98 - 42\sqrt{22} + 99$ $= 197 - 42\sqrt{22}$	$0.5 = 2 \times 0.25$
(ج)	$a = \sqrt{197 - 42\sqrt{22}} = \sqrt{(7\sqrt{2} - 3\sqrt{11})^2}$ $= 7\sqrt{2} - 3\sqrt{11} = 3\sqrt{11} - 7\sqrt{2}$	$0.5 = 2 \times 0.25$
(2)	$(\sqrt{11} - \sqrt{2})(\sqrt{11} + \sqrt{2}) = (\sqrt{11})^2 - (\sqrt{2})^2 = 9$ $h = \frac{27}{\sqrt{11} + \sqrt{2}} + 2\sqrt{50} = \frac{3 \times 9}{(\sqrt{11} + \sqrt{2})} + 10\sqrt{2} = \frac{3 \times (\sqrt{11} + \sqrt{2})(\sqrt{11} - \sqrt{2})}{(\sqrt{11} + \sqrt{2})} + 10\sqrt{2}$ $= 3(\sqrt{11} - \sqrt{2}) + 10\sqrt{2} = 3\sqrt{11} + 7\sqrt{2}$	$0.5 = 2 \times 0.25$
(3) (أ)	$a \cdot b = 99 - 98 = 1$ إذن a و b عددان مقلوبان	0.25
(ب)		$0.5 = 2 \times 0.25$
(ج)	$0 < a < 1$ إذن $0 < a^2 < a$ و منه $197 - 42\sqrt{22} < 3\sqrt{11} - 7\sqrt{2} < 197 + 7\sqrt{2}$ إذن $197 - 42\sqrt{22} < 3\sqrt{11} - 7\sqrt{2}$	$0.5 = 2 \times 0.25$





3) أ- بين أن مجموعة الأعداد الحقيقية x بحيث $\left|x + \frac{1}{\sqrt{2}}\right| < \frac{1}{\sqrt{2}}$ هي المجال $]-\sqrt{2}, 0[$

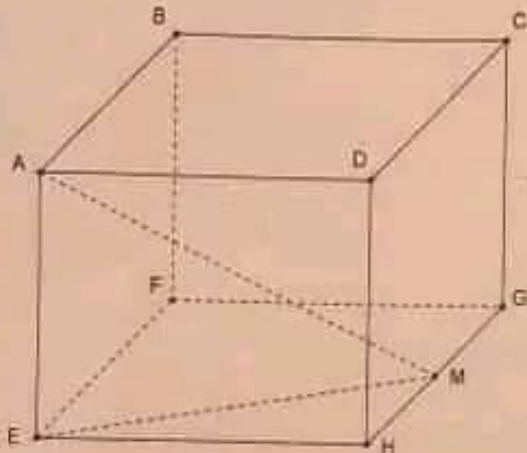
ب- بين أن $T = \left(x + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 - \frac{19}{2}$

ج- استنتج مجموعة الأعداد الحقيقية x التي تحقق $T < -9$

التمرين الرابع: (4.5 نقاط) (وحدة قياس الطول هي الصنمتر).

نعتبر متوازي المستطيلات ABCDEFGH حيث $AD = 3\sqrt{3}$ و $AB = 6$ و $AE = 4$

لتكن M منتصف [GH]



1) أ- بين أن $EM = 6$

ب- بين أن المثلث EFM متقايس الأضلاع.

2) لتكن النقطة I منتصف [EM]

أ- احسب FI

ب- بين أن المثلث AEM قائم الزاوية في E

ج- احسب إذن AI

د- استنتج أن المثلث AFI قائم الزاوية في I

3) بين أن المستقيم (FI) عمودي على المستوي (AEM)

4) لتكن النقطة J منتصف [AM]

أ- بين أن المستقيمين (IJ) و (BF) متوازيان.

ب- بين إذن أن المستويين (AEM) و (BFI) يتقاطعان وفق المستقيم (IJ)

التمرين الخامس: (4.5 نقاط) (وحدة قياس الطول هي الصنمتر).

في الرسم المقابل لدينا:

• ABCD مستطيل حيث $AD = 4$ و $AB = 5$

• M و N نقطتان من [AD] حيث $AM = DN = x$ و $x \in]0, 2[$

• P نقطة من [DC] حيث $PC = x$ و Q السقط العمودي لـ P على (AB)

1) لتكن S مساحة شبه المنحرف MNPQ

أ- بين أن $S = (4-x)(5-x)$

ب- بين أن $(4-x)(5-x) = 12 + (x-1)(x-8)$

ج- أوجد إذن x حيث $S = 12$

في ما يلي من التمرين نعتبر أن $x = 1$

2) المستقيمان (MQ) و (NP) يتقاطعان في نقطة O

أ- بين أن M منتصف [OQ]

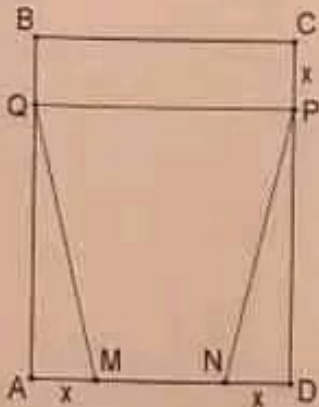
ب- لتكن H منتصف [MN]. بين أن المستقيمين (OH) و (MN) متعامدان.

3) المستقيمان (MP) و (OH) يتقاطعان في نقطة G

أ- بين أن G مركز ثقل المثلث OPQ

ب- لتكن H' السقط العمودي للنقطة G على المستقيم (AQ)

بين أن $AQ = 3 AH'$ واستنتج إحداثيات النقطة G في المعين (A, D, Q)





امتحان شهادة ختم التعليم الأساسي العام		الجمهورية التونسية وزارة التربية
دورة 2024		
الاختبار: الرياضيات	الحصة: ساعتان	

التمرين الأول: (3 نقاط)

يلي كل سؤال ثلاثة اقتراحات، أحدها فقط يمثل الإجابة الصحيحة.
أنقل، في كل مرة، على ورقة تحريرك رقم السؤال والإجابة الصحيحة الموافقة له.

(1) يحتوي صندوق على 30 كرة متشابهة و مرقمة من 1 إلى 30. نسحب بصفة عشوائية كرة واحدة من الصندوق، علما أن مجموعة قواسم 34 هي $\{1; 2; 17; 34\}$ ، فإن احتمال أن يكون رقم الكرة المسحوبة من قواسم 34 هو:

(أ) $\frac{1}{30}$ (ب) $\frac{1}{4}$ (ج) $\frac{1}{10}$

(2) العدد $6 - 24 \times 10^{24}$ يقبل القسمة على:

(أ) 15 (ب) 9 (ج) 12

(3) ليكن (O, I, J) معيناً متعامداً في المستوي. إذا كانت A' منازرة النقطة $A\left(\frac{1}{1+\sqrt{2}}, 2\sqrt{2}\right)$ بالنسبة إلى (O, J) فإن:

(أ) $A'(-1+\sqrt{2}, -2\sqrt{2})$ (ب) $A'(1-\sqrt{2}, 2\sqrt{2})$ (ج) $A'(-1+\sqrt{2}, 2\sqrt{2})$

التمرين الثاني: (3,5 نقاط)

نعبر العددين الحقيقيين $a = \sqrt{197 - 42\sqrt{22}}$ و $b = \frac{27}{\sqrt{11} + \sqrt{2}} + 2\sqrt{50}$

(1) - اقرن $3\sqrt{11}$ و $7\sqrt{2}$

ب- تحقق أن $(7\sqrt{2} - 3\sqrt{11})^2 = 197 - 42\sqrt{22}$

ج- استنتج أن $a = 3\sqrt{11} - 7\sqrt{2}$

(2) احسب $(\sqrt{11} - \sqrt{2}) \times (\sqrt{11} + \sqrt{2})$ ثم استنتج أن $b = 3\sqrt{11} + 7\sqrt{2}$

(3) أ- بين أن العددين a و b مقلوبان.

ب- استنتج أن $0 < a < 1$

ج- بين إذن أن $197 + 7\sqrt{2} < 3\sqrt{11} + 42\sqrt{22}$

التمرين الثالث: (4,5 نقاط)

(1) ليكن x عدداً حقيقياً.

أ- بين أن $x^2 + x\sqrt{2} - 4 = (x - \sqrt{2})(x + 2\sqrt{2})$

ب- حلّ في \mathbb{R} المعادلة $x^2 + x\sqrt{2} - 4 = 0$

(2) نعتبر العبارة $T = x^2 + x\sqrt{2} - 9$ حيث x عدد حقيقي.


أ- احسب العبارة T في حالة $x = -\sqrt{2}$

ب- ليكن x عدداً من المجال $]-3, -1[$ بين أن $T < -\sqrt{2}$

ج- جد مجموعة الأعداد الحقيقية x من المجال $]-3, -1[$ التي تحقق $|x^2 + x\sqrt{2} - 9| = 5$





0.25		في المثلث MDP لنا $MG = \frac{1}{3}MP$ و منه $\frac{MG}{MP} = \frac{MH}{MD} = \frac{1}{3}$ حسب طاليس (GH) // (DP)
0.25		في المثلث OPQ لدينا G تنتمي إلى [MP]
0.25		[MP] المتوسط المتوازي من P و $MG = \frac{1}{3}MP$ G مركز ثقل المثلث OPQ.
0.25 +	28 JUN 2024	لنا $\frac{AH'}{AQ} = \frac{MG}{MP}$ و $\frac{MG}{MP} = \frac{1}{3}$ إذن $AQ = 3AH'$
0.5 = 2x0.25		إذن إحداثيات G في المعين (A, D, Q) هي $(\frac{1}{2}, \frac{1}{3})$



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

