



MATH+

فرض تاليفي 3

تصين عدد 1 (4ن)

يلي كل سؤال ثلاث اجابات ارحاها فقط صححة: ضع علامة (x) في الخانة المناسبة لها

(1) بكيس 3 اقراس بها الأرقام 3 و 4 و 4. نسحب قرصين في نفس الوقت. احتمال الحصول على

قرصين بهما نفس الرقم هو:

$\frac{1}{3}$

$\frac{1}{4}$

$\frac{1}{2}$

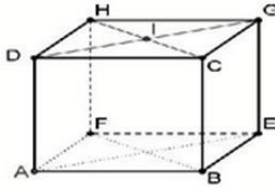
(2) مجموعة حلول المتراجحة $|x - 1| > 3$ هو:

$] -3, 3[$

$] -\infty, 3[\cup] 3, +\infty[$

$] -\infty, -2[\cup] 4, +\infty[$

(3) يمثل الشكل المصاحب مكعبا ABCDFEGH



المستقيم (CH) عمودي على المستوي:

(HGE)

(AHF)

(DGA)

(4) إذا كان a و b عدنان حقيقيان حيث: $a+b=8$ و $ab=10$ فان $a^2 + b^2$ تساوي

100

64

44

تصين عدد 2 (4ن)

لتكن العبارة $A = x^2 - x + \frac{1}{4} - (2x + \frac{1}{2})^2$

(1) أ- أنشر ثم اختصر العبارة: $(x - \frac{1}{2})^2$

ب- استنتج أن $A = -3x(x + 1)$

ج- حل في \mathbb{R} المعادلة: $A = -5x$

(2) أ- حل في \mathbb{R} المتراجحة $-3x(x + 1) < 3(1 - x)(1 + x)$

ب- مثل مجموعة حلول المتراجحة على المستقيم العددي .

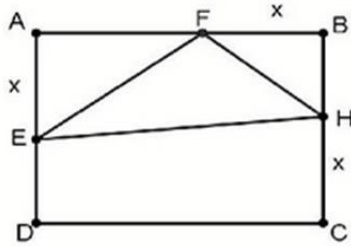
ج- هل أن $\sqrt{10} - 2$ حل لهذه المتراجحة؟ علل جوابك





تمرين عدد 4 (4ن)

ABCD مستطيل حيث: $AD=4$ ' $AB=6$ و $AE=BF=CH=x$



- (1) احسب مساحة شبه المنحرف CHED
- (2) احسب بدلالة x مساحة المثلثين AEF و BFH
- (3) نعتبر S مساحة المثلث EFH

أ - بين أن: $S = 12 + x^2 - 5x$

ب - بين أن $x^2 - 5x + 4 = (x - 1)(x - 4)$

ج - اوجد قيم العدد x التي تحقق: $S=8$

تمرين عدد 5 (4ن)

SABCD هو هرم قاعدته المستطيل ABCD و قمته S حيث (SA) عمودي على كل من (AB) و (AD) كما بينه الشكل أسفله

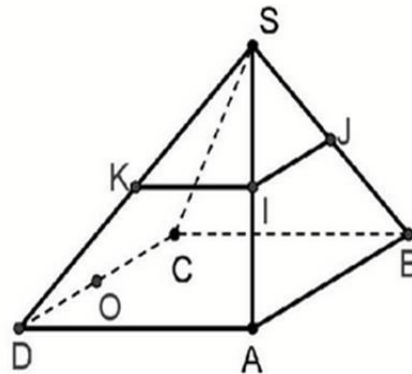
- (1) ليكن O منتصف [CD] بين أن المثلث SAO قائم الزاوية
- (2) أ - بين أن (AD) عمودي على (SAB)

ب - استتج أن (BC) عمودي على (SAB)

- (3) ليكن I و J و K منتصفات [SA] و [SB] و [SD] على التوالي

أ - بين أن (SA) عمودي على (IJK)

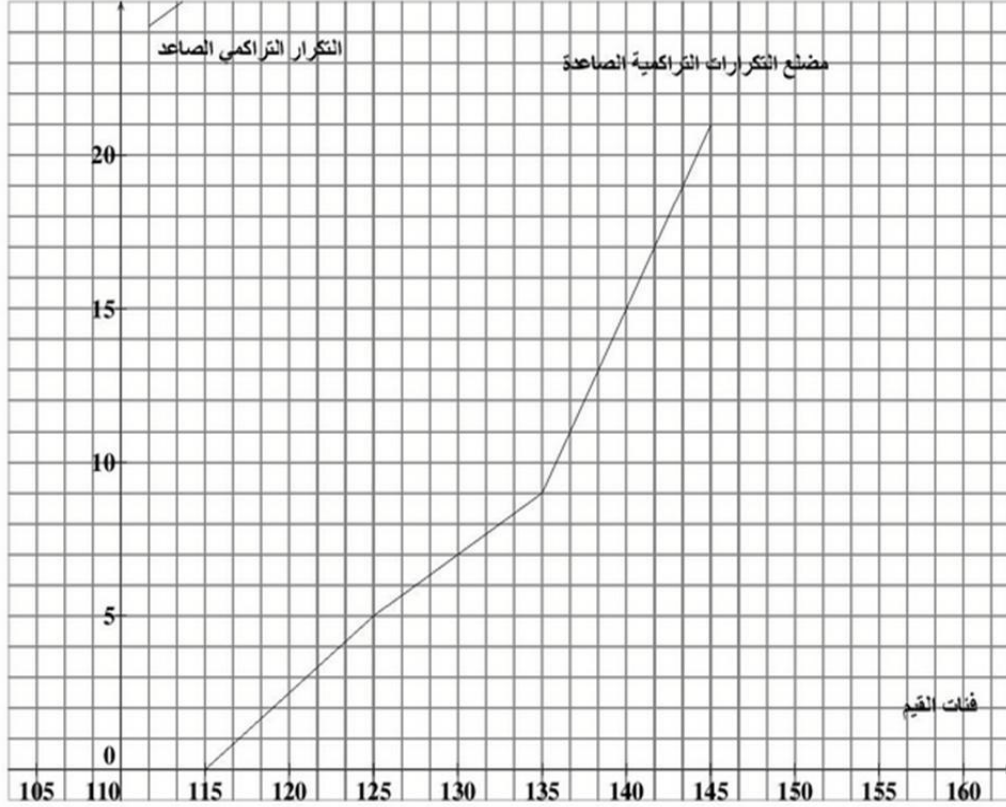
ب - استتج أن (IJK) // (ABC)





تمرين عدد 3 (4ن)

يمثل الرسم التالي نتائج تلاميذ التاسعة أساسي في مسابقة القفز العالي بمضلع التكرارات التراكمية الصاعدة



(1) أكمل الجدول معتمدا الرسم المصاحب

الارتفاع بالصم	[115,125[[125,135[[135,145[[145,155[
التكرار التراكمي الصاعد	5			
التكرار	5			

- (2) اوجد معدل ارتفاع القفزة بالنسبة لتلاميذ هذا القسم
- (3) أعط قيمة تقريبية لموسط هذه السلسلة
- (4) اخترنا تلميذا من بين المشاركين في المسابقة بصفة عشوائية. ما هو احتمال أن يكون ارتفاع قفزته أكبر من 135صم؟





تمرين عدد 4 4.5 ن

1. يبيّن الجدول التالي توزّع 150 رياضياً في ألعاب القوى حسب الوقت المسجّل لقطع مسافة 400 متر حواجز

الفئة (الوقت المسجّل بالثواني)	[48; 52[[52; 56[[56; 60[[60; 64[[64; 68[
النسبة المائويّة	6%	30%	32%	24%	8%
عدد الرياضيين					
التكرار التراكمي الصّاعد					

(1) ما هي ميزة هذه السلسلة

(2) أ) أنقل الجدول على ورقة تحريرك و أتممه

ب) ما هو مدى و منوال هذه السلسلة

ج) مثل جدول التكرارات التراكميّة الصّاعدة بمضلع (على ورقة مليمترية)

د) أعط قيمة تقريبية لموسّط هذه السلسلة

2. يمثّل المخطّط التالي تصنيف 48 كويرة حسب ألوانها

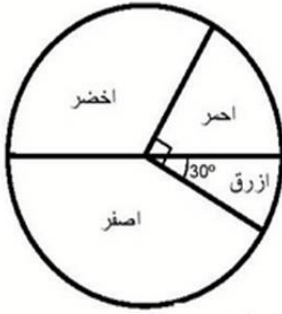
(1) أنجز الجدول الموافق لعدد الكويرات بالنسبة إلى كلّ لون مع ذكر تواترات هذه الألوان

(2) وضع حسين الكويرات في كيس و طلب من أخيه مهدي

أن يستخرج كويرة واحدة من الكيس دون رؤية الكويرات

أ) أكتب في شكل عدد كسري احتمال استخراج كويرة لونها أخضر

ب) رتب الألوان حسب احتمال استخراجها من الكيس



تمرين عدد 5 4.5 ن

أرسم مستطيلاً ABCD بحيث $AB = 9cm$ و $AD = 3cm$ و E منازرة B بالنسبة إلى C و I منتصف $[DE]$

المستقيم العمودي على (DE) و المارّ من I يقطع (AB) في J

(1) أ) بيّن أنّ المثلث DJE متقايس الضلعين

ب) لتكن $AJ = x$ بيّن أنّ $DJ^2 = x^2 + 9$ و $JE^2 = (9 - x)^2 + 36$

ج) استنتج أنّ $AJ = 6$ و أنّ المثلث DJE قائم الزاوية

(2) (EJ) يقطع (DC) في F . بيّن أنّ $IF = \frac{3\sqrt{5}}{2}$ و (DJ) موازي لـ (IF)

(3) لتكن النقطة M من $[IE]$ بحيث $\frac{MI}{ME} = \frac{1}{2}$

أ) بيّن أنّ $IM = \frac{1}{3}IE$ ثمّ ابن النقطة M

ب) (FM) يقطع الموازي لـ (IF) و المارّ من E في N

بيّن أنّ $DNEJ$ مربع

ج) بيّن أنّ M هي مركز ثقل المثلث JEN





MATH+

فرضن تأليف في 3

تمرين عدد 1 4 ن

ضع العلامة \times في الخانة المناسبة إجابة فقط صحيحة

(1) $|x| \leq \frac{1}{4}$ يعني

(أ) $x \in [-\frac{1}{4}; \frac{1}{4}]$ (ب) $x \in [0; \frac{1}{4}]$ (ج) $x \in [-\infty; \frac{1}{4}]$

(2) $\sqrt{3}$ هو حل للمعادلة

(أ) $x\sqrt{3} - 2 = 1$ (ب) $\frac{x}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$ (ج) $x + \sqrt{3} = 3$

(3) كيس به 5 كويرات حمراء و 3 كويرات خضراء و 6 كويرات بيضاء ماهو الحدث الأقل احتمالاً للوقوع

(أ) سحب كويرة حمراء (ب) سحب كويرة بيضاء (ج) سحب كويرة خضراء

(4) سجّلت درجات الحرارة بمدينة تطوين خلال أسبوع شهر ماي فكانت كالتالي: 31 ; 32 ; 33 ; 31 ; 34 ; 34 ; 33

موسّط هذه السلسلة الإحصائية لدرجات الحرارة هو

(أ) 31 (ب) 32 (ج) 33

تمرين عدد 2 3.5 ن

نعبر a عددا حقيقياً بحيث : $a \in [-1; 3]$ و العبارة $E = 3a^2 - 6a - 9$

(1) أوجد حصر $a - 1$.

(2) استنتج أنّ : $0 \leq (a - 1)^2 \leq 4$

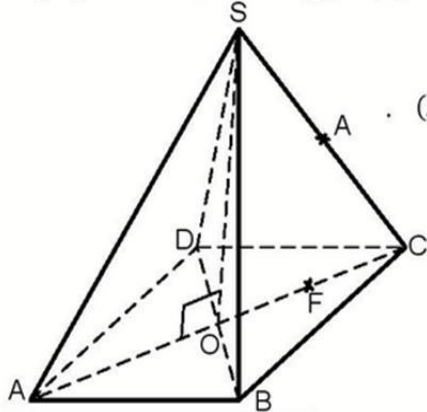
(3) (أ) بيّن أنّ : $E = 3(a - 1)^2 - 12$

(ب) استنتج حصر E

(ج) احسب إذن : $|E| + 3a(a - 2)$

تمرين عدد 3 3.5 ن

نعبر الهرم $SABCD$ المنتظم قاعدته المربع $ABCD$ لتكن O مركز المربع $ABCD$ و E منتصف $[SC]$



(1) بيّن أنّ المستقيم (OB) عمودي على المستقيم (SO)

(2) (أ) أثبت أنّ المستقيم (BO) عمودي على المستوي (SAC) .

(ب) استنتج أنّ BOE مثلث قائم

(3) لتكن F منتصف $[OC]$

(أ) بيّن أنّ المستوي (SBD) موازي لـ (EF)

(ب) أثبت أنّ (EF) عمودي على المستوي (ABC)





.....
.....
.....
.....
ب- استنتج حصر لـ E إذا كان $x \in I$.

4- حل في $\mathbb{R} : (A) - E = 0$

ب- $E < 4x^2$

❖ بكيس 3 أقراص 2 بيضاء و 1 أحمر, (نرمز للقرص الأبيض بـ B و للقرص الأحمر بـ R).
قام عبد الله بسحب قرصين من الكيس الواحدة تلو الأخر بطريقة عشوائية دون إرجاع القرص المسحوب
الأول قبل سحب القرص الثاني .
1- ما هو عدد كل إمكانيات السحب ؟

2- ما هو احتمال سحب قرصين لهما نفس اللون ؟

تمرين عدد 3:

يبين الجدول التالي كمية العسل بالكيلوغرام التي تنتجها خلايا نحل .

[24,28[[20,24[[16,20[[12,16[الإنتاج بالكيلوغرام
3	7	6	4	التكرار (عدد خلايا النحل)

1- أحسب N التكرار الجملي لهذه السلسلة الإحصائية.

2- أحسب مدى و منوال هذه السلسلة الإحصائية.

3- أنقل الجدول التالي و أكمله .





[24,28[[20,24[[16,20[[12,16[الإنتاج بالكيلوغرام (الفترة)
			14	مركز الفئة
		10	4	التكرار التراكمي الصاعد
			$\frac{4}{20} \times 100$ $= 20\%$	التواتر التراكمي الصاعد بالنسبة المئوية

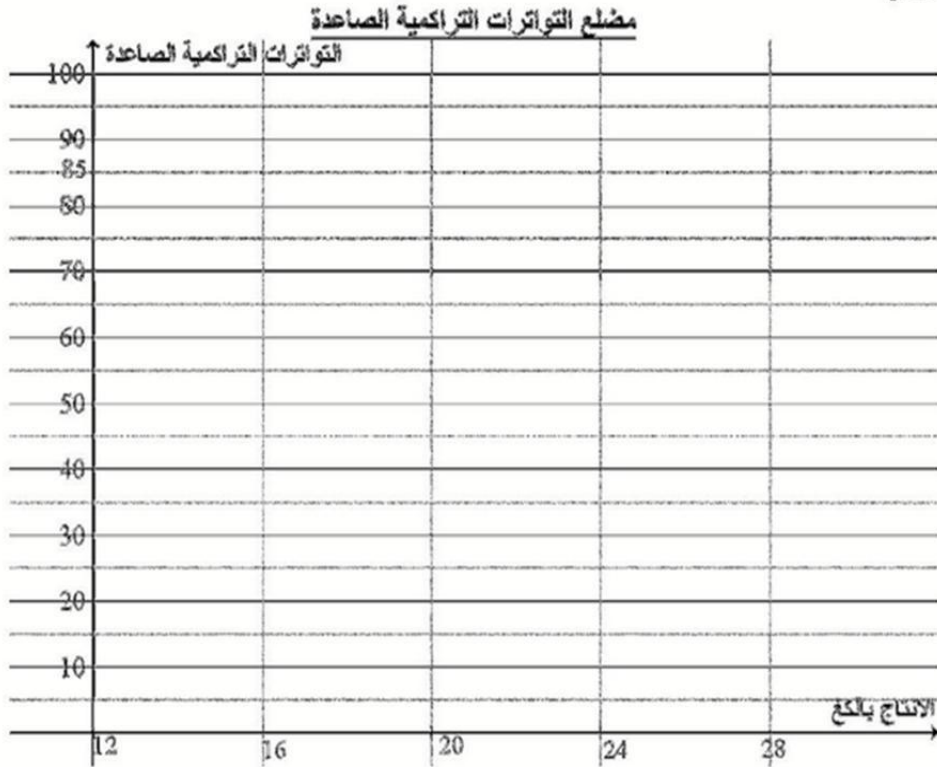
4- أحسب \bar{X} المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية.

.....

.....

.....

5- ارسم مضلع التواترات التراكمية الصاعدة الموافق لهذه السلسلة الإحصائية في المعين التالي



ب- استنتج Me متوسط هذه السلسلة الإحصائية.

Me=.....

تمرين 04 عدد 5:

ليكن SABC هرم حيث ABC مثلث قائم الزاوية في A والمستقيم (SA) عمودي على (AB) و عمودي على (AC)، SA=6cm و AB=3cm و AC=4cm (أنظر الرسم التالي).

I و J هي علي التوالي منتصف القطع [SB] و [SC]. [AH] الارتفاع الصادر من A للمثلث ABC.

- أحسب BC ثم استنتج AH.

.....

.....





MATH+

فرص تآليف في 3

تمرين 1 (4ن)

ضع علامة (X) أمام الإجابة الصحيحة

عند إجراء تجربة عشوائية يكون الحدث مستحيلا إذا كان احتمالها					1
أ	مساو ل 1	ب	مساو ل 0	ج	
إذا كان SABCD هرم منتظم فإن قاعدته الرباعي ABCD هو :					2
أ	مستطيل	ب	مربع	ج	
مجموعة حلول المعادلة $ x-1 =1$ في \mathbb{R} هي :					3
أ	ϕ	ب	$\{0;2\}$	ج	
بكيس 3 أفراس حمراء و 7 بيضاء يقع سحب قرصين الواحد تلو الآخر بطريقة عشوائية و بدون إرجاع. عدد إمكانيات السحب تساوي					4
أ	100	ب	90	ج	

تمرين 2 (4ن)

ليكن : $A=9x^2+12x-5$; $B=(3x-1)^2$ حيث $x \in \mathbb{R}$
 (1) -أ- احسب A إذا علمت أن $x = \frac{1}{3}$.

.....

ب- بين أن : $A=(3X+2)^2 - 9$.

.....

ج- استنتج تفكيكا للعبارة A إلى جداء عوامل

.....

(2) - حل في \mathbb{R} المعادلة $A = 0$

.....

(3) -أ- بين أن $A+B = 2(3x-1)(3x+2)$.

.....





ب- حلّ في \mathbb{R} المعادلة $A+B=0$.

.....
.....
.....

4- حل في \mathbb{R} المتراجحة $A \leq 9x^2$.

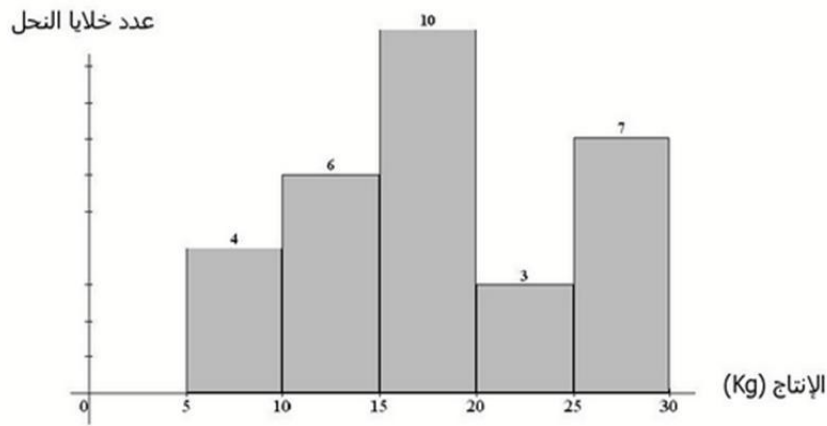
.....
.....

تمرين 3 (3 ن)

- بكيس 3 أقراص بيضاء و 2 حمراء, (نرمز للقرص الأبيض بـ B و للقرص الأحمر بـ R).
قام عبد الله بسحب قرصين من الكيس الواحدة تلو الأخر بطريقة عشوائية مع إرجاع القرص المسحوب الأول قبل سحب القرص الثاني .
1- ما هو عدد كل إمكانيات السحب ؟
.....
2- ما هو احتمال سحب قرصين لهما نفس اللون ؟
.....
3- ما هو احتمال سحب قرصين مختلفي اللون ؟
.....

تمرين 4 (7 ن)

يمثل مخطط المستطيلات التالي توزيع خلايا نحل حسب إنتاجها للعسل بالكيلوغرام



1. أكمل الجدول التالي الموافق لهذه السلسلة .
2.

الإنتاج (Kg)	التكرار (عدد خلايا النحل)
$[5,10[$	
$[10,15[$	
$[15,20[$	
$[20,25[$	
$[25,30[$	





(1)- أحسب N التكرار الجملي لهذه السلسلة الإحصائية.

.....

(2)- أحسب e و Mo مدى و منوال هذه السلسلة الإحصائية.

.....

.....

(3)- أكمل الجدول التالي.

[25,30[[20,25[[15,20[[10,15[[5,10[الإنتاج (Kg)
				7,5	مركز الفئة
				4	التكرار التراكمي الصاعد
			20%		التواتر التراكمي الصاعد بالنسبة المئوية

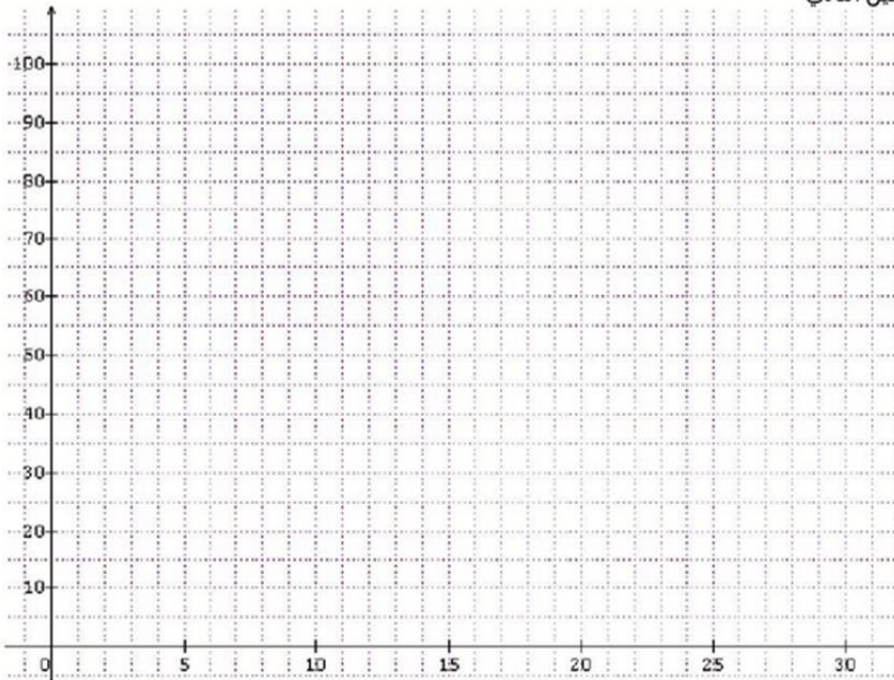
(4)- أحسب X المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية.

.....

.....

.....

(5)- (أ) ارسم مضع التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المئوية الموافق لهذه السلسلة الإحصائية في المعين التالي



(ب)- استنتج Me موصل هذه السلسلة الإحصائية.

$Me =$





تمرين 5 (6 ن)

نعتبر متوازي مستطيلات $ABCDEFGH$ ، حيث $AB=6$ cm و $AD=4$ cm و $AE = 2\sqrt{3}$ cm
(1) لتكن O مركز المستطيل $ABCD$. بين أن $BD = 2\sqrt{13}$ ثم أستنتج OD .

.....

.....

.....

.....

(2) لتكن I منتصف $[AD]$. بين أن $(AB) // (IO)$ ثم احسب OI .

.....

.....

.....

(3)-أ) بين أن $(HD) \perp (ABD)$.

.....

.....

.....

.....

ب) استنتج أن HDO مثلث قائم في D ثم بين أن $OH=5$.

.....

.....

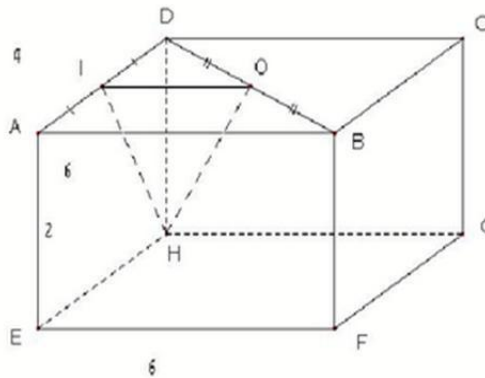
.....

(4) احسب IH ثم استنتج أن المثلث IOH قائم في I .

.....

.....

.....





MATH+

فرض تأليفي 3

لتمرين الأول:

ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة :

1) كيس به قرصان بيضاويان و ثلاثة أقراص حمراء و أربعة أقراص زرقاء

أ- احتمال سحب قرص أبيض هو:

$\frac{1}{2}$ $\frac{2}{9}$ $\frac{1}{9}$

ب- احتمال سحب قرصين حمراوين (سحب متتالي و بدون

إرجاع) هو:

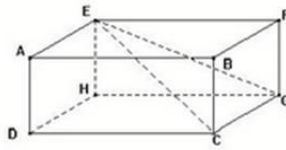
$\frac{2}{9}$ $\frac{1}{12}$ $\frac{2}{3}$

ج- احتمال سحب قرص أبيض ثم قرص أزرق (سحب

متتالي مع الإرجاع) هو:

$\frac{8}{81}$ $\frac{8}{72}$ $\frac{2}{6}$

المتتال ECG قائم
 (AE) و (CG) ليسا في نفس المستوي
 (AB) و (EC) متقاطعان



2) ABCDEFGH متوازي مستطيلات

لتمرين الثاني:

نعتبر العبارة $E = (3x - 1)^2 - 4x^2$

1) فكك E إلى جذاء عوامل لتجد $E = (x - 1)(5x - 1)$

.....
.....
.....

2) بين أن $E = 5x^2 - 6x + 1$

.....
.....

3) حل في \mathbb{R}

أ- لمعادلة $E = 0$

ب- المتراجحة $E < 5x^2$

.....
.....

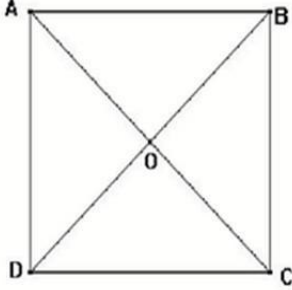




لتمرين لثالث:

ABCD مربع مركزه O و طول قطره $AC = 6 \text{ cm}$

(1) بين أن $AB = 3\sqrt{2}$



(2) عين على النقطه E و على النقطه F

بحيث $OE = OF = 4 \text{ cm}$

ا- بين أن الرباعي AECF معين

ب- اثبت أن $AE = 5$

(3) لتكن I منتصف [AB]. المستقيم (OI) يقطع (AE) في J

ا- بين أن $(AD) \parallel (OI)$ و أن $OI = \frac{\sqrt{2}}{2}$

ب- استنتج IJ





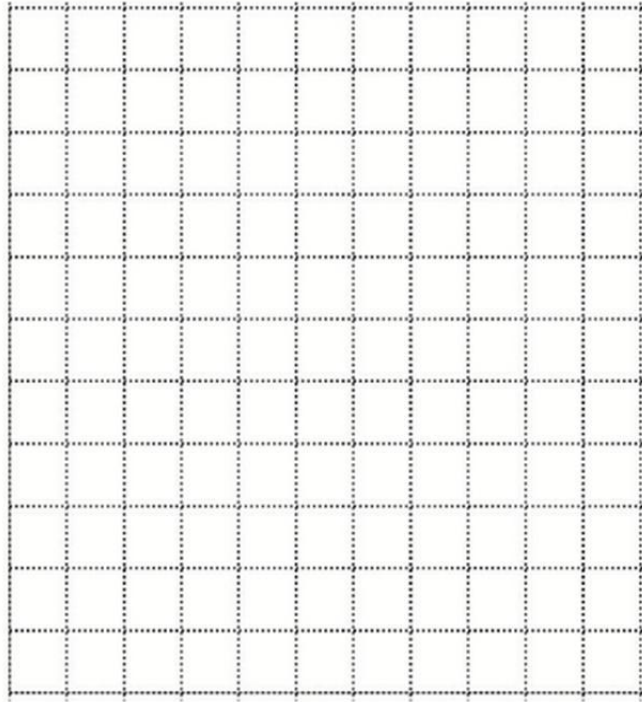
لتصنيف لترتيب:

يمثل الجدول التالي مرتبات 25 عاملا بأحد الشركات

[400 ;450[[350 ;400[[300 ;350[[250 ; 300[المرتّب بالذّينار
6	8	7	4	عدد العمّال
.....	التكرار التراكمي الصّاعد
.....	التواتر التراكمي الصّاعد بالنسبة المائويّة

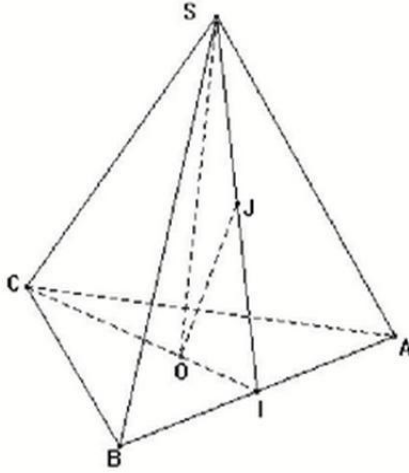
(1) اتمم الجدول

(2) ارسم مزلّع التواترات التراكميّة الصّاعدة ثمّ استنتج موزنط هذه السلسلة الإحصائيّة



.....





لتبرين لخاصين:

SABCD هرم منتظم بحيث:

$$SA = SB = SC = AB = AC = BC = 2\sqrt{3}$$

الدائرة المحيطة بقاعدته ABC و ارتفاعه SO و I

منتصف [AB]

(1) أ- ما هي طبيعة كل من المثلثين ABC و SAB؟
علل إجابتك.

ب- استنتج أن $(AB) \perp (SIC)$

(2) أ- احسب CI

ب- استنتج أن $OI = 1$

(3) احسب الارتفاع SO

(4) لتكن J منتصف [IS] احسب OJ





MATH+

فرض تآليفي، 3

التمرين الأول:

أوجد العدد الحقيقي يكون نصفه ناقص أربعة مساويا لثمنه زائد اثنان.

اختيار المجهول:	كتابة المعادلة:	حل المعادلة:	التحقق من النتيجة:
.....
.....
.....
.....

التمرين الثاني: (6 نقط) لنفترض العبارتين $A = 4x^2 - 1$ و $B = (2x+1)(x+1)$

(1) فكك العبارة A	(2) استنتج أن $A - B = (2x+1)(x-2)$
.....
.....
.....
.....
(3) حل في IR المعادلة $A = B$	(4) حل في IR المعادلة $A = -B$
.....
.....
.....
.....
(5) أنشر العبارة B	(6) حقق أن $A - 2B = -3(2x+1)$
.....
.....
.....

(7) حل في IR المتراجحة $ A - 2B \leq 4$	(8) حل في IR المتراجحة $A - 2B \geq -5x$
.....
.....
.....
.....





التمرين الثالث: (5نقطة)

يمثل الجدول التالي أجور يومية لعمال شركة
(1) أكمل الجدول

30	25	20	15	10	الأجور بالدينار
4	8	14	8	6	عدد العمال
					التكرارات التراكمية الصاعدة
					التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المئوية

(2) أوجد العدد الجملي والمدى والمنوال

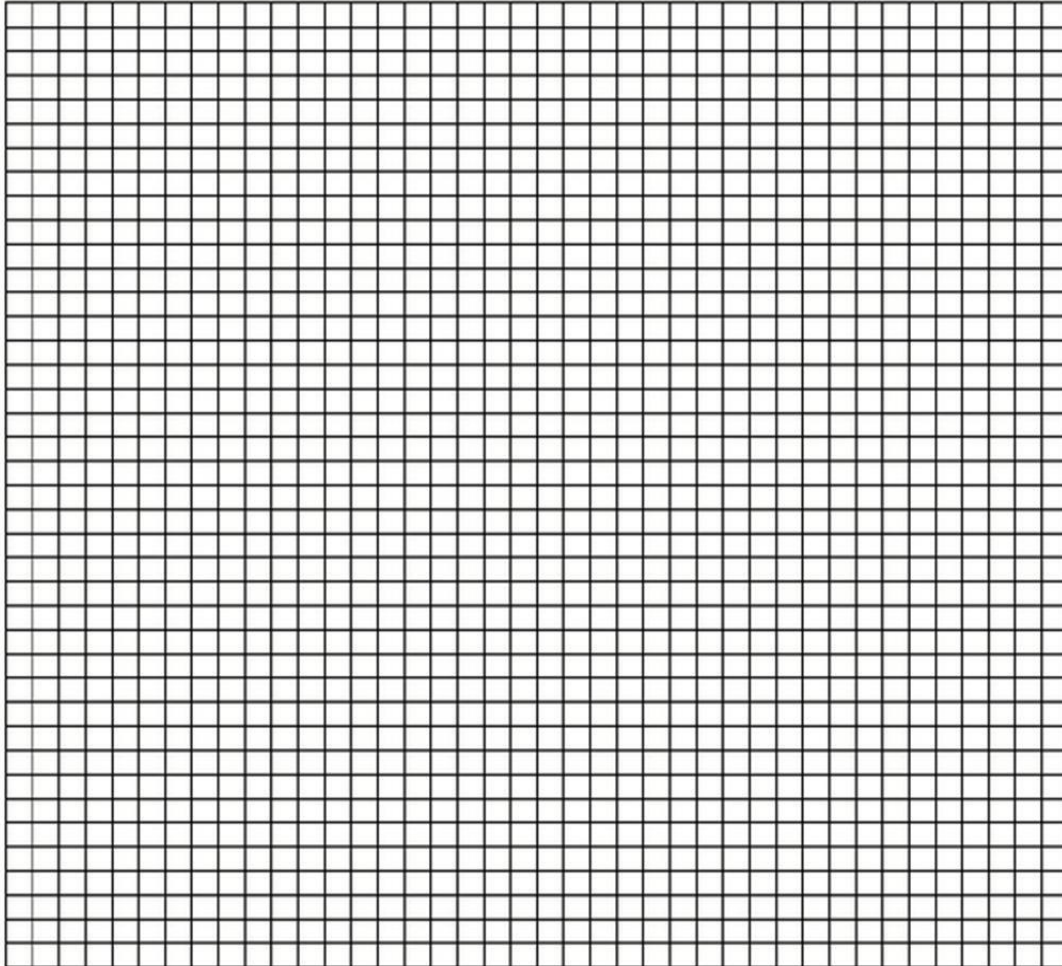
.....
.....

(3) احسب M معدل الأجور

.....

.....

(4) ارسم مضع التكرارات التراكمية الصاعدة لهذه السلسلة الإحصائية ثم استنتج القيمة التقريبية للموسط لهذه السلسلة الإحصائية





التمرين الثالث: (4 نقاط)

<p>نعتبر $ABCDEF$ منشور قائم قاعدته مثلث ABC قائم الزاوية في C بحيث $AC = 8cm$ و $BC = 6cm$ وارتفاعه $AD = 5cm$ ولتكن M منتصف $[AB]$ و N منتصف $[AC]$ حيث (BN) و (CM) يتقاطعان في النقطة G</p>	
---	--

(2) أحسب MC مغلًا جوابك

(1) أحسب AB مغلًا جوابك

<p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>	<p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>
--	--

(4) أحسب MN

(3) بين أن $(MN) \parallel (EFD)$

<p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>	<p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>
--	--

(5) أحسب MF

(4) بين أن MCF قائم الزاوية

<p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>	<p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>
--	--

(7) أوجد النسبة $\frac{BG}{NG}$

(6) ماذا تمثل النقطة G بالنسبة للمثلث ABC

<p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>	<p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>
--	--





التمرين الرابع: (3نقط)

تحتوي علبة على 10 أقراص 6 بيضاء و 4 حمراء اللون نسحب قرصين متتاليين بدون إرجاع القرص الأول.

(1) أوجد عدد الجملي للإمكانات

.....
.....

(2) أجب بخطأ أو صحيح الأجوبة التالية معطلا جوابك:

..... (أ) احتمال سحب قرصين بيضاوين هو $\frac{1}{3}$:

..... (ب) احتمال سحب قرصين حمراوين هو $\frac{4}{15}$:

(3) ما هو احتمال سحب قرصين من نفس اللون؟

.....
.....

(4) ما هو احتمال سحب قرصين مختلفين اللون؟

.....
.....





MATH+

فرضن تأليفياً 3

تمرين عدد 1: (4,5)

في كل وضعية اجابة صحيحة واحدة. ضع أمامها علامة X

(1) مستقيمان ليسا في نفس المستوي يمكن أن :

يعامدا نفس المستوي يوازيان نفس المستوي يمران من نفس النقطة

(2) $]-3; 3[\in x$ يعني :

$|x| < -3$ $|x| < 3$ $|x| > -3$

(3) اذا كان p احتمال وقوع حدث غير أكيد و غير مستحيل فان :

$p > 1$ $0 < p < 1$ $p = 1$

تمرين عدد 2: (4)

لتكن العبارتين : $A = 4x^2 - 1$ و $B = (2x - 1)(3x + 1)$

(1) أحسب B في حالة : $x = \sqrt{3}$

(2) أ بين أن : $A = (2x - 1)(2x + 1)$

(ب) استنتج تفكيكاً ل : $A + B$

(3) حل في المجموعة R : $A = 0$ ؛ $A = -B$ ؛ $A - 2x < 1 + 4x^2$

تمرين عدد 3: (4) (وحدة القيس هي الصنمتر)

OABCD هو هرم حيث : $OA = 8$ و قاعدته ABCD على شكل مربع قيس ضلعه $3\sqrt{2}$

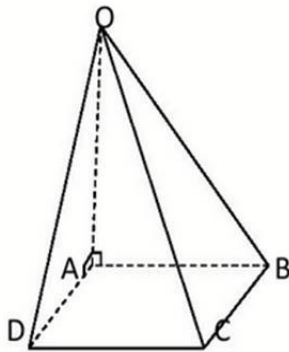
و المستقيم (OA) عمودي على (AB) و عمودي على (AD)

(1) أحسب AC

(2) أ بين أن (AO) عمودي على المستوي (ABD)

(ب) استنتج أن المثلث OAC قائم في A.

(ج) أحسب OC.





تمرين عدد 4: (3,5ن)

صندوق به 8 كرات متشابهة ولا يمكن التفرقة بينها بواسطة اللمس : 4 حمراء و 3 بيضاء و 1 خضراء.

سنسحب كرتين بصفة متتالية و بدون ارجاع. (تكون نتائج الأسئلة التالية على شكل أعداد كسرية)

(1) ما هو احتمال سحب كرتين حمراويتين؟

(2) ما هو احتمال سحب كرتين بيضاويتين؟

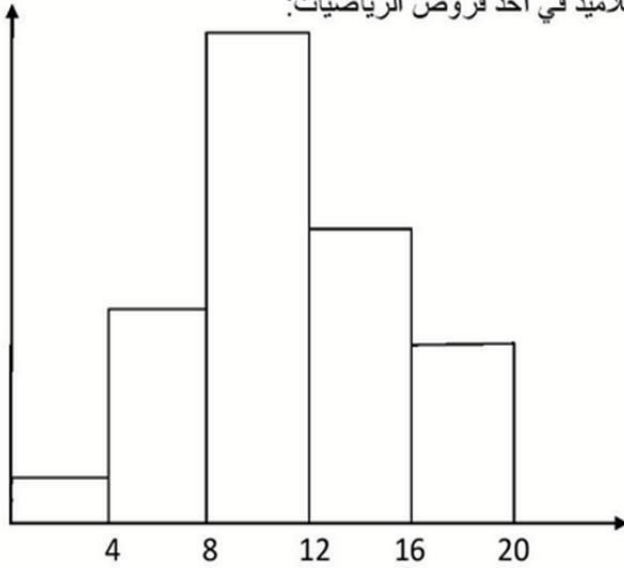
(3) ما هو احتمال سحب كرتين خضراويتين؟

(4) أحسب احتمال سحب كرتين لهما نفس اللون.

(5) استنتج احتمال سحب كرتين مختلفي اللون.

تمرين عدد 5: (4ن)

يبين المخطط التالي أعداد مجموعة من التلاميذ في أحد فروض الرياضيات:



(1) أنقل الجدول التالي و أكمله:

العدد(الفئة)	مركز الفئة	عدد التلاميذ
[0 ؛ 4 [
[4 ؛ 8 [6	
[8 ؛ 12 [
[12 ؛ 16 [
[16 ؛ 20 [6

(2) حدد المدى و الفئة المنوالية ثم أحسب المعدل الحسابي لهذه السلسلة.

(3أ) كون جدول التكرارات التراكمية الصاعدة

(ب) حسب النسبة المئوية للتلاميذ الذين تحصلو على عدد أصغر من

(4) أرسم منحنى التكرارات التراكمية الصاعدة و استنتج قيمة تقريبية للموسط.





MATH+

فرض تأليفي 3

التمرين الأول: (6 نقط) لنفترض العبارتين $A = 9x^2 + 12x + 4$ و $B = (3x+2)(2x+1)$			
$A - B = \dots\dots\dots$ $A - B = \dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$	(2) استنتج أن: $A - B = (2x+3)(x+1)$	$A = 9x^2 + 12x + 4$ $A = \dots\dots\dots$ $A = \dots\dots\dots$	(1) فكك العبارة A
$A = B$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$	و	$A = 0$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$	(3) حل في IR المعادلتين
$ x\sqrt{2} - \sqrt{2} \leq \sqrt{2}$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$	و	$A \geq 9x^2 - 8$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$ $\dots\dots\dots$	(4) حل في IR المتراجتين:

التمرين الثاني: (5 نقط)

كمية استهلاك 50 عائلة للماء الصالح للشرب بالتر متر مكعب خلال ثلاثية

80	74	60	48	40	35	22	كمية الماء
1	2	4	6	17	8	12	عدد العائلات
							التكرار
							التراكمي النازل
							القواتر
							التراكمي النازل

(1) أكمل الجدول

(2) ارسم مخطط العصيات للتكرار التراكمي النازل و مضع التكرارات التراكمية النازلة على ورقة مليمتريه في الصفحة المه النة ثم حدد مه سط السلسلة

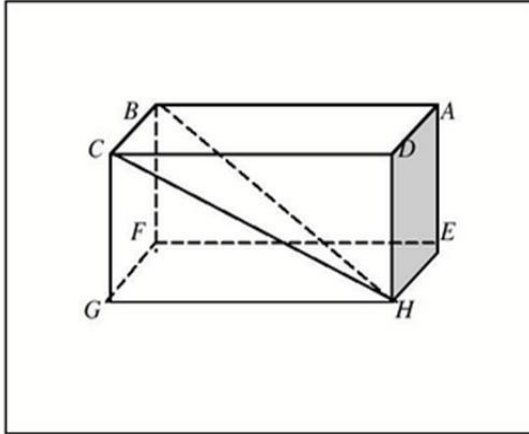
(3) احسب معدل استهلاك الماء





4) أوجد عدد العائلات التي تستهلك دون المعدل الحسابي ثم النسبة المئوية

التمرين الثالث: (4 نقط)



ليكن $ABCDEFGH$ متوازي المستطيلات
بحيث:

$AE = 6cm$ و $BC = 2\sqrt{11}cm$ و $AB = 8cm$
1) بين أن $(AD) \parallel (BCH)$

2) بين أن BCG مثلث قائم الزاوية

3) أحسب BH

4) أحسب CH

4) بين أن (HE) محتوى في (BCH)





التمرين الرابع: (3نقط)

تحتوي علبة على 5 أقراص تحمل الأعداد التالية: 1 و $\frac{1}{2}$ و -1 و $\frac{-1}{2}$ و $\frac{3}{2}$ نسحب قرصين متتاليين مع إرجاع القرص الأول ثم الاهتمام بالمجموع . أوجد كل الحلول الممكنة

جدول الإمكانيات

+					

(1) أحسب مجموع الإمكانيات

.....

(2) ما هو احتمال سحب قرصين مجموعهم يساوي صفر

.....

(3) ما هو احتمال سحب قرصين مجموعهم سالب قطعا

.....

(4) ما هو احتمال سحب قرصين مجموعهم موجب قطعا

.....

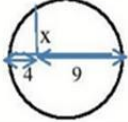




MATH+

فرض تأليفي 3

التمرين 1 (4 نقاط) يلي كل سؤال من أسئلة هذا التمرين ثلاث إجابات إحداهما فقط صحيحة. ضعها في إطار

$X = 36$	$X = 6$	$X = 18$		(1)
$BH = 3\sqrt{35}$	$BH = \sqrt{70}$	$BH = 5\sqrt{21}$	إذا كان ABCDEFGH متوازي مستطيلات أبعاده $AB=3$ و $AE=5$ و $AD=6$ فإن قيس قطره	(2)
\emptyset	$]-\infty, -5]$	$]-\infty, +\infty[$	مجموعة حلول المتراجحة $-2x + 3 \leq 8 - 2x$ في \mathbb{R} هي	(3)
10	9	8	موسط السلسلة 5,6,7,11,10,11,9,5,7 هو	(4)

التمرين 2 (4 نقاط)

(I) نعتبر العبارتين A و B التاليتين حيث x عدد حقيقي

$$A = 2x^2 - 4x + 2 \quad \text{و} \quad B = x^2 - 4x + 3$$

(1) أحسب القيمة العددية لـ A و B إذا كان $x = 1 - \sqrt{2}$

(2) أثبت أن $B = (x - 2)^2 - 1$

(3) أكتب كلا من A و B في صيغة جداء

(4) حل في \mathbb{R} المعادلتين $A = 2$ و $B = 0$

(5) أثبت أن $A + B = (3x - 5)(x - 1)$ و $B - A = 1 - x^2$

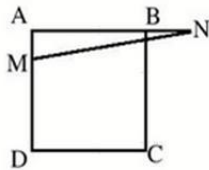
(6) حل في \mathbb{R} المعادلتين $A + B = 0$ و $B = A$

(II) نعتبر العدد الحقيقي x حيث $|x| \leq 3$

(1) أوجد حصر الكلا من $\frac{x}{3} + 5$ و $2x - 8$

(2) اختصر العبارة التالية $E = |2x - 8| - \left| \frac{x}{3} + 5 \right|$

(3) حل المتراجحة $|E| \leq 5$



التمرين 3 (3,5 نقاط)

(1) نعتبر العبارة I التالية $I = x^2 + 2x - 8$

أثبت أن $I = (x - 2)(x + 4)$ ثم حل في \mathbb{R} المعادلة $I = 0$

(2) ليكن ABCD مربعا طول ضلعه 4 سم و M نقطة من [AD] حيث $AM = x$ و لتكن N نقطة من [AB] و لا تنتمي للقطعة [AB] حيث $BN = 2x$

أ - أحسب مساحة المثلث AMN بدلالة x

ب - أوجد x حيث مساحة المثلث AMN تساوي نصف مساحة المربع ABCD

ج - عين على [BA] نقطة P و لا تنتمي للقطعة [AB] حيث $AP = 2x$ و النقطة E منتصف [DC] إلى أي مجال ينتمي x حيث مساحة المثلث AMN أصغر أو مساوية لمجموع مساحتي المثلثين AMP و ADE





التمرين 4 (3,5 نقاط)

يمثل الجدول التالي توزيعاً لدرجات الحرارة لـ 100 يوم

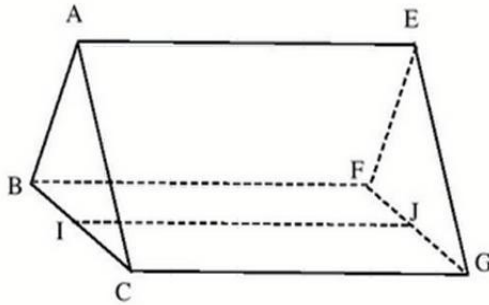
درجات الحرارة	[20,25[[25,30[[30,35[[35,40[
عدد الأيام	15	50	25	10
التواتر				
التواتر التراكمي النازل				

- (1) حدد ميزة هذه السلسلة و نوعيتها
- (2) حدد مدى و منوال السلسلة الإحصائية.
- (3) أكمل الجدول و أرس مضع التواترات التراكمية النازلة لهذه السلسلة ثم استنتج متوسطها.

التمرين 5 (5 نقاط)

يمثل الرسم التالي موشورا قائما ABCEFG قاعدته مثلث متقايس الأضلاع حيث $AE = 9$ و $AB = 6$

و لتكن النقطة I منتصف [BC] و النقطة J منتصف [FG]



- (1) أ- أحسب AI و AF و IF
ب- استنتج أنّ المثلث AIF قائم الزاوية في I
- (2) أ- بين أنّ المستقيم (BF) عمودي على المستوي (ABC)
ب- بين أنّ الرباعي BFJI مستطيل
ج - استنتج أنّ المستقيم (IJ) يعامد المستوي (ABC)

(3) لتكن النقطتين M و N منتصفي الضلعين [AB] و [AC] على التوالي و لتكن K نقطة تقاطع المستقيمين (MN) و (AI)

- أ- أثبت أن $(MN) \parallel (BC)$ و أحسب MN
- ب- أثبت أنّ النقطة K هي منتصف [AI]
- (4) أثبت أنّ المثلث NIJ قائم في I





MATH+

فرض تأليفي 3

التمرين الأول

نقترح خمسة أسئلة مرقمة من 1 إلى 5 لكل سؤال ثلاثة أجوبة مختلفة . التعليل غير مطلوب
ضع على ورقتك رقم السؤال ثم أمامه الحرف الموافق للأجابة الصحيحة.

- (1) تقاطع المجموعتين $]-\infty, 3[$ و $]-2, 5]$ هو :
أ - $]-2, 3]$ ب - $]-2, 3[$ ج - $]-2, 3[$
- (2) إذا كان x عدد حقيقي حيث $-1 \leq x + 2 \leq 3$ فإن :
أ - $-1 \leq x \leq 3$ ب - $-3 \leq x \leq 1$ ج - $-3 \leq x \leq -1$
- (3) بكيس 5 كرات : 3 حمراء و 2 زرقاء قام أحد التلاميذ بسحب كرتين من الكيس الواحدة تلو الأخرى بطريقة عشوائية وفي كل مرة يرجع الكرة المسحوبة إلى الكيس ما هو احتمال سحب كرتين ذي لونين مختلفين :
أ - $\frac{12}{25}$ ب - $\frac{13}{25}$ ج - $\frac{14}{25}$
- (4) لنا مثلث قائم الزاوية في B حيث $AC = 5cm$ و $AB = \frac{7}{2}cm$ إذن :
أ - $BC = \frac{51}{2}cm$ ب - $BC = \frac{51}{4}cm$ ج - $BC = \frac{\sqrt{51}}{2}cm$
- (5) لنا مربع $EFGH$ مربع قيس طول قطره 3 إذن قيس طول ضلعه هو :
أ - $3\sqrt{2}$ ب - $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ ج - $\frac{3\sqrt{2}}{3}$

التمرين الثاني

- (1) لتكن العبارة التالية $A = 2x - 1$ حيث x عدد حقيقي
أ - أحسب A إذا علمت أن $x = \frac{1}{2}$
ب - حل في مجموعة الأعداد الحقيقية المتراحة $3 - 1 \leq 2x$
- (2) لتكن العبارة $B = 4x^2 - 1$ حيث x عدد حقيقي
أ - أحسب B علما وأن $x = -\sqrt{2}$
ب - فكك B إلى جذاء عوامل
- (3) أ - بيّن أن $A + B = 2(x + 1)(2x - 1)$
ب - حل في IR المعادلة $A + B = 0$

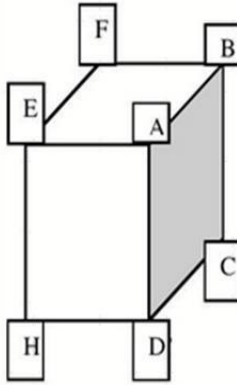
التمرين الثالث

- لتكن $x \leq 2$ و $-1 < y < 3$ حيث x و y عدنان حقيقيان
(1) بيّن أن : أ - $(2x - 5)$ عدد سالب
ب - $0 < 3 - y < 4$
- (2) إستنتج حسابا : $E = |2x - 5| + |3 - y| + 2x + y$





التمرين الرابع (وحدة قياس الطول هي الصم)



1) ليكن $ABCD$ مستطيل أبعاده $AB = 4\sqrt{5}$ و $BC = \frac{AB}{2}$

أ- أحسب AC

ب- لتكن النقطة K المسقط العمودي لـ B على (AC)

أحسب BK

ج- بيّن أن $KC = 2$

2) نعتبر أن المستطيل $ABCD$ هو وجه من متوازي المستطيلات $ABDEFGH$

أ- بيّن أن المثلث BKF قائم الزاوية

ب- بيّن أن (AC) و (HD) ليسا في نفس المستوى

التمرين الخامس

يمثل الجدول التالي عدد الهواتف الخلوية لدى 20 عائلة تمّ إستجوابها

قيمة الميزة x (عدد الهواتف)	0	1	2	3	4
التكرار n (عدد العائلات)	1	3	2	8	6

1) أ- أعطى مدى ومنوال هذه السلسلة

ب- أحسب معدل الهواتف الخلوية بالعائلة الواحدة

ج- ما هو متوسط هذه السلسلة الإحصائية

2) أ- أنقل الجدول التالي على ورقتك ثم أكمله

القيمة x (عدد الهواتف)	0	1	2	3	4
التكرار التراكمي الصاعد	1		6		20
التواتر التراكمي الصاعد بـ %		20%		70%	100%

ب- مثل مضلع التواترات التراكمية الصاعدة



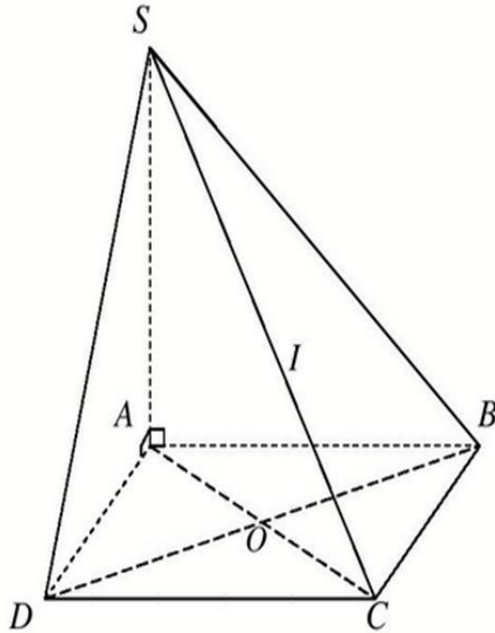


- (1) حدد منوال ومدى هذه السلسلة الإحصائية .
- (2) أتمم الجدول أعلاه .
- (3) احسب \bar{X} معدل الساعات الإضافية لكل عامل.
- (4) أ- ارسم مضلع التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المئوية .
ب- استنتج M_e موصل هذه السلسلة.

التمرين الرابع : $ABCD$ معين مركزه O حيث : $AC = 8\text{ cm}$ و $BD = 4\text{ cm}$.

- (1) بين أن : $AB = 2\sqrt{5}$.
- (2) I منتصف $[BC]$ و J منتصف $[AD]$.
 H و K المسقطان العموديان لـ I و J على (AC) . (على التوالي)
- أ- بين أن H منتصف $[OC]$ واحسب IH .
ب- أثبت أن $IHJK$ متوازي الأضلاع .
3) أثبت أن $BKDH$ مُربع .
4) العمودي على (AD) والمار من O يقطع (AD) في L و (JK) في M .
احسب LO و LD و LJ و LM .

التمرين الخامس : $SABCD$ هرم قاعدته المربع $ABCD$ ذو المركز O .
حيث : $(SA) \perp (AD)$ و $(SA) \perp (AB)$ وحيث : $SA = AB = 6\text{ cm}$.



- (1) بين أن : $OA = 3\sqrt{2}$.
- (2) أ- بين أن : $(SA) \perp (ABC)$.
ب- استنتج أن المثلث SAC قائم .
ج- احسب : SC .
- (3) أ- بين أن : $(AD) \perp (SAB)$.
ب- استنتج أن : $(BC) \perp (SAB)$.
- (4) لتكن I منتصف $[SC]$.
أ- احسب AI و IB .
ب- أثبت أن : $(IO) \parallel (AS)$.
ج- استنتج أن : $(IO) \perp (ABC)$.





MATH+

فرض تآليف في مادة 3

التمرين الأول: ضع علامة X أمام كل إجابة صحيحة:

(أ) مجموعة حلول المعادلة $x^2 + 1 = 0$ في \mathbb{R} هي:

\emptyset $\{-1\}$ $\{1, -1\}$

(ب) مجموعة حلول المتراجحة $(1-\sqrt{2})x \leq (1-\sqrt{2})$ في \mathbb{R} هي:

\emptyset $]-\infty, 1]$ $[1, +\infty[$

(ج) فيما يلي الأعداد التي تحصل عليها 9 تلاميذ في فرض لمادة الرياضيات:

(3 - 5 - 12 - 15 - 14 - 3 - 12 - 5 - 15) مُوسَّط هذه السلسلة هو:

14 15 12

(د) لتكن المتراجحة: $|x - 2| \leq 2$. والمجموعة $A = \{-1; 0; 3; 2; 1; 5\}$.

احتمال أن يكون أحد عناصر المجموعة A حلاً للمتراجحة هو:

$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{6}$

التمرين الثاني: لتكن العبارتين التاليتين حيث x عدد حقيقي.

$$B = x^2 - 4 \quad \text{و} \quad A = x^2 - 6x + 8$$

(1) احسب A إذا كان $x = \sqrt{3} + 3$.

(2) فكك العبارة B إلى جذاء عوامل.

(3) أ- بين أن: $A - B = -6(x - 2)$.

ب- استنتج أن: $A = (x - 2)(x - 4)$.

(4) أ- فكك العبارة $A + B$ إلى جذاء عوامل.

ب- حلّ في \mathbb{R} المعادلة: $A + B = 0$.

(5) أ- بين أن: $A = (x - 3)^2 - 1$.

ب- بين أن: $A \leq 3$ يعني $x \in [1, 5]$.

(6) أ- حل في \mathbb{R} المتراجحة: $A \geq 0$. ب- استنتج أن: $\pi^2 + 8 < 6\pi$. *****

التمرين الثالث: حققت إحدى الشركات أرباحاً إضافية خلال أحد الأشهر. فقامت الإدارة بدراسة

تخصّص عدد الساعات الإضافية لهذا الشهر لعمالها البالغ عددهم 200 حسب الجدول الإحصائي التالي:

عدد الساعات الإضافية	$[0, 4[$	$[4, 8[$	$[8, 12[$	$[12, 16[$	$[16, 20[$
التكرار (عدد العمال)	10	30	50	90	20
التكرار التراكمي الصاعد
التواتر التراكمي الصاعد (بالنسبة المئوية)





MATH+

فرض تأليفي 3

التمرين 1 عدد: أجب بـ " صحيح " أو بـ " خطأ "

(1) حلّ المتراجحة $|x+3| \geq 5$ هو $S_{\text{sol}} =]-\infty; -8] \cup [2; +\infty[$

(2) متوسط سلسلة إحصائية تكرر ها الجملي العدد الزوجي N هو ترتيب النقطة التي فاصلتها $\frac{N}{2}$ من مضلع التكرارات التراكمية الصاعدة.

(3) المستويان P و P' متعامدان و المستقيم Δ محتوي في P و المستقيم Δ' محتوي في P' إذن $\Delta \perp \Delta'$

(4) المستويان P و P' متوازيان و المستقيم Δ محتوي في P و المستقيم Δ' محتوي في P' حيث Δ و Δ' غير متوازيان إذن Δ و Δ' ليسا من نفس المستوي.

التمرين 2 عدد: نعتبر العبارتين التاليتين حيث x عدد حقيقي:

$$B = (5x + 2)^2 \quad \text{و} \quad A = (5x - 1)^2 - 9$$

(1) أحسب العبارة A في الحالتين $x = \sqrt{2}$ و $x = \frac{4}{5}$

(2) أ- بيّن أنّ $A = (5x + 2)(5x - 4)$

ب- استنتج أنّ: $A - B = -6(5x + 2)$

(3) إذا علمت أنّ $x \in [2; 3]$

أ- جد حصر A و $5x + 2$ و $5x - 4$; ب- استنتج حصر A

(4) حل في \mathbb{R} المعادلة $A = 0$ و المتراجحة $A > B$

التمرين 3 عدد: تمثّل الأعداد التالية إنتاج 27 فلاح من القمح بالطنّ خلال أحد المواسم الفلاحية

28	26	26	31	30	24	26	24	20
28	30	31	32	31	24	28	26	26
20	28	28	24	26	30	26	31	32

(1) كوّن من خلال هذه المعطيات جدولاً إحصائياً.

(2) أ- حدّد مدى و منوال هذه السلسلة الإحصائية.

ب- أحسب M معتلّ إنتاج الفلاح الواحد في هذا الموسم.

(3) أ- كوّن جدول التكرارات التراكمية الصاعدة.

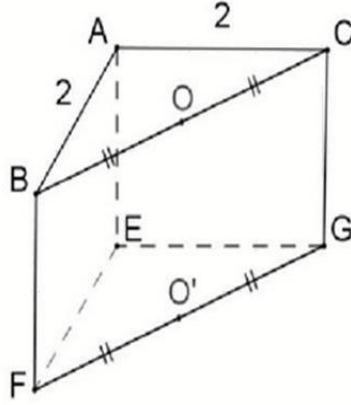
ب- أرسم على معيّن في المستوي مضلع التكرارات التراكمية الصاعدة.





- 4) أ- حدّد من خلال المخطّط موسّط هذه السلسلة الإحصائيّة معلّلا جوابك.
ب- تحقّق من النتيجة المتحصّل عليها بطريقة ثانية

التمرين 4د:



ليكن $ABCEFG$ منشورا قائما قاعدته المثلث EFG القائم في E
و المتقايس الضلعين كما يبين الشكل حيث: $AB=AC=2$

- (1) بين أن: $BC=2\sqrt{2}$
- (2) ليكن O منتصف $[BC]$. احسب: OA ;
- (3) بين أن المثلث AOC قائم في O
- (4) ليكن O' منتصف $[FG]$.

بين أن المستقيم (OA) عمودي على المستوي (FCG)

التمرين 5د:

ليكن ABC مثلثا حيث $AB=2cm$ و $AC=4\sqrt{2}cm$ و $BC=cm$

- (1) بيّن أنّ المثلث ABC قائم في A .
- (2) أ- أرسم الدائرة Γ المحيطة بالمثلث ABC (مركزها منتصف الوتر) ثمّ عيّن النقطة E من نصف المستقيم $[BA]$ حيث $BE=6cm$ و النقطة D منظرية E بالنسبة إلى B .
ب- بيّن أنّ المثلث DEC قائم في C .
ج- احسب EC ثمّ استنتج DC .
- (3) المستقيم (DC) يقطع الدائرة Γ في نقطه I .
أ- بيّن أنّ المستقيمين (EC) و (BI) متوازيين.
ب- أثبت أنّ I منتصف $[DC]$ ثمّ احسب BI .
- (4) لتكن F نقطة تقاطع (AC) و (BI) .
أ- بيّن أنّ $EC=2.BF$
ب- بيّن أنّ الرباعي $EFDI$ متوازي أضلاع.
ج- بيّن أنّ الرباعي $EFIC$ مستطيل.





MATH+

فرض تأليفي 3

التمرين الأول

(I) أجب بصحيح أو خطأ

- (1) مستقيمان في الفضاء يعامدان نفس المستقيم هما متوازيين
(2) إذا كان x عدد حقيقي حيث $\sqrt{x^2} \leq 2$ فإن $x \in [-2; 2]$

(II) نقتح سؤالين . لكل سؤال ثلاثة إجابات واحدة فقط صحيحة.

- أكتب على ورقة امتحانك رقم السؤال ثم الحرف الموافق للإجابة الصحيحة.
(1) كل رباعي محدب له زاويتان متتاليتان قائمتان هو:
أ- مستطيل ب- مربع ج- شبه منحرف
(2) متوسط سلسلة إحصائية هو فاصلة النقطة المنتهية لمضغ التواترات التراكمية والتي ترتيبها:
أ- $\frac{27}{54}$ ب- $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ج- $\frac{\pi}{6,28}$

التمرين الثاني

- (1) لتكن العبارة $A = 2x - 3$ حيث x عدد حقيقي.
حل في مجموعة الأعداد الحقيقية IR المتراجحة $2x - 3 \leq 5$
(2) لتكن العبارة $B = 4x^2 - 9$ حيث x عدد حقيقي.
أ- أحسب القيمة العددية لـ B حيث $x = \sqrt{2}$
ب- فكك العبارة B
(3) أ- بيّن أن $B + 2A = (2x - 3)(2x + 5)$
ب- حل في مجموعة الأعداد الحقيقية IR المعادلة $B = -2A$

التمرين الثالث

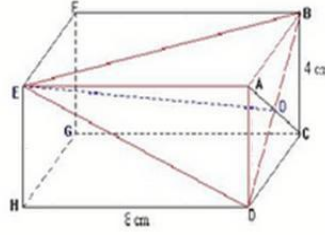
- لتكن العبارة $E = \frac{2x - 3}{x + 2}$ حيث x عدد حقيقي و $3 \leq x \leq 5$.
(1) أ- أوجد حصر الـ $2x - 3$ ثم $\frac{1}{x + 2}$
ب- بيّن أن $\frac{3}{7} \leq E \leq \frac{7}{5}$
ج- ما هو مدى حصر E
(2) أ- بيّن أن $E = 2 - \frac{7}{x + 2}$
ب- بيّن أن $\frac{3}{5} \leq E \leq 1$
(3) أي الحصرين أدقّ. عكّل جوابك؟





التمرين الرابع (وحدة قياس الطول هي الصم)

نعتبر متوازي المستطيلات ABCDEFGH حيث الوجه ABCD مربع قياس طول ضلعه 4 و DH=8



- (1) أحسب الأبعاد التالية : DE و BD و EB
- (2) إستنتج أن المثلث BDE متقايس الضلعين ؟
- (3) بيّن ان المستقيمان (EO) و (BD) متعامدان .
- (4) أ- بيّن أن المستقيم (AE) يعامد المستوى (ABC)
ب- إستنتج أن المثلث EAC ققم الزاوية في A

التمرين الخامس

قامت فرقة متنقلة من الحرس الوطني بتسجيل سرعة 150 سيارة بطريق وطنية فتحصّلت على الجدول التالي

السرعة (Km/h)	[50 ; 70]	[70 ; 90]	[90 ; 110]	[110 ; 130]
عدد السيارات	15	90	30	15

(1) أوجد مدى ومنوال هذه السلسلة الإحصائية.

(2) أنقل الجدول التالي على ورقة تحريرك ثم أكمله

السرعة (Km/h)	[50 ; 70]	[70 ; 90]	[90 ; 110]	[110 ; 130]
عدد السيارات	15	90	30	15
مركز الفئة				
التكرار التراكمي الصاعد				
النواتر التراكمي الصاعد بـ %				

(3) أ- أوجد المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية

ب- أرسم مصلع النواتر التراكمية الصاعدة بـ % ثم إستنتج موّسط هذه السلسلة

(4) تعتبر مخالفة مرورية كل سيارة تكون سرعتها 90 Km/h فما فوق

إذا أخذنا بصفة عشوائية سيارة . ما هو احتمال أن تتعرض إلى مخالفة





MATH+

فرض تأليفي 3

التمرين الأول: (4 نقاط)

يلي كل سؤال إجابة واحدة صحيحة فقط من بين الأجوبة المقدمة. حددها بوضع رقم السؤال والإجابة الموافقة له.

- (1) العدد الذي ينتمي إلى المجال $[5\sqrt{2}; 4\sqrt{3}]$ هو (أ) 7 (ب) $4\sqrt{3}$ (ج) $3\sqrt{5}$
- (2) مجموعة حلول المتراجحة $7x+5 < 5x+3$ هي (أ) $]-\infty; -1[$ (ب) $]-\infty; +\infty[$ (ج) $]-1; +\infty[$
- (3) كيس به 3 كوريات تحمل الأرقام 1 و 5 و 8 ونسحب من الكيس كورة بطريقة عشوائية ثم نعيد الكورة إلى الكيس ونسحب مرة أخرى كورة بطريقة عشوائية نتحصل على عدد من رقمين احتمال الحصول على عدد يقبل القسمة على 3 هو (أ) $\frac{2}{3}$ (ب) $\frac{4}{9}$ (ج) $\frac{1}{2}$

القيمة	65	72	75	80	82	90
التكرار	2	5	4	5	3	1

(4) نعتبر السلسلة الإحصائية التالية

موسط هذه السلسلة هو (أ) 75 (ب) 80 (ج) 77,5

التمرين الثاني: (4 نقاط)

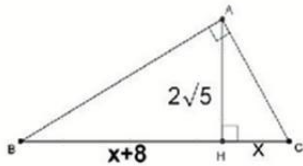
نعتبر العبارة $E = x^2 + 8x - 20$ حيث x عدد حقيقي

(1) احسب E في حالة $x = \sqrt{2} - 2$

(2) أختصر $(x-2)(x+10) - (x^2 + 8x - 20)$ ثم أستنتج تفكيكا إلى جذاء عاملين للعبارة E

(3) حل في \mathbb{R} (أ) $x^2 + 8x - 16 = 4$ (ب) $(x-2)(x+8) > x^2 + 8x - 20$

(4) في الشكل المقابل لنا المثلث ABC قائم في A و $[AH]$ الارتفاع الصادر من A و حيث $AH = 2\sqrt{5}$



$BH = x+8$ و $CH = x$ حيث x عدد حقيقي موجب قطعاً

(أ) بين أن x حل لمعادلة $x^2 + 8x - 20 = 0$

(ب) استنتج ابعاد المثلث ABC

التمرين الثالث (5 نقاط)

(1) نعتبر معين (O, I, J) حيث $(OI) \perp (OJ)$ و $OI = OJ = 1\text{cm}$

عين النقطتين $A(2; 0)$ و $B(4; 0)$ ثم عين النقطة C حيث ABC متقايس الأضلاع و فاصلة C موجبة

(أ) أحسب AB

(ب) بين أن المثلث COB قائم في C و بين أن $OC = 2\sqrt{3}$

(2) المستقيم (BC) يقطع (OJ) في D . بين أن $CD = 6$

(3) عين النقطة H المسقط العمودي لـ C على (AB) . حدّد إحداثيات C

(ب) المستقيم المار من A و العمودي على (OA) يقطع $[BD]$ في النقطة F و يقطع $[OC]$ في النقطة E

(أ) بين أن C منتصف $[BF]$. أحسب EC

(4) المستقيم المار من F و الموازي لـ (OI) يقطع المستقيم (OC) في K بين أن الرباعي $OBKF$ معين ثم استنتج إحداثيات K





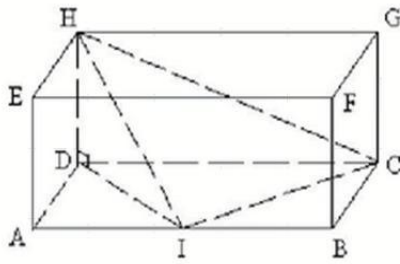
التمرين الرابع (3 نقاط)

يمثل الجدول التالي توزيعا لعمال إحدى الشركات حسب العمر

العمر بالسنة	[20;30[[30;40[[40;50[[50;60[
التكرار	15	70	30	10

- (1) ما هو معدل الأعمار بهذه الشركة ؟
- (2) أ) كون جدول التواترات التراكمية الصاعدة لهذه السلسلة و مثل هذا الجدول بمضلع
ب) أستنتج قيمة تقريبية لموسط أعمار في هذه الشركة

تمرين الخامس (4 نقاط)



AD=DH=4cm متوازي مستطيلات حيث
و I منتصف [AB] و AB=8

- (1) أ) أحسب DI و CH.
ب) بين أن المثلث DHI قائم في D
ج) بين أن $HI = 4\sqrt{3}$
- (2) أ) بين أن المثلث ICH قائم في I
ب) بين أن $(IC) \perp (IDH)$
- (3) أ) أحسب حجم الهرم CDIH قاعدته المثلث IDH
(حجم الهرم $V = \frac{b \times h}{3}$ حيث b مساحة القاعدة و h ارتفاع الهرم)





MATH+

فروض تآليفية 3

التمرين الأول (3)

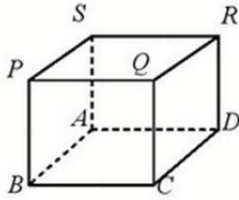
يلي كل سؤال ثلاثة اجابات واحدة فقط صحيحة اكتب على ورقة تحريرك رقم السؤال والاجابة الصحيحة

1 - كيس يحوي 8 كويرات 3 حمراء و 5 زرقاء

• سحب كويرة حمراء او زرقاء هو حدث

أ- مستحيل ب- أكيد ج- ممكن
• احتمال سحب كويرة زرقاء يساوي

أ- $\frac{3}{5}$ ب- 1 ج- $\frac{5}{8}$



2 - يمثل الشكل المقابل مكعبا $ABCDSPQR$ المستقيم (BD) عمودي على

أ- (BCQ) ب- (BAS) ج- (ACQ)

3 - اذا كان $x \in [-3; 3]$ فان

أ- $x^2 \in [-9; 9]$ ب- $x^2 \in]0; 9[$ ج- $x^2 \in [0; 9]$

التمرين الثاني (5)

ليكن $x \in R$ بحيث $x \in [-1; 2]$

1 - أ- أوجد حصرا لكل من $1-2x$ و $x+3$

ب- استنتج أن $x+3 \neq 0$

2 - نعتبر العبارة $A = \frac{1-2x}{x+3}$

أ- بين أن $A = -2 + \frac{7}{x+3}$

ب- استنتج حصر ال A ثم احسب مداه

3 - حل في R المتراجحات التالية

أ- $3x+1 < 2x+3$ ب- $4x \leq 2(3x+2)$ ج- $|1-2x| \leq 3$





التمرين الثالث (4)

نعتبر العبارة $A = x^2 - 8x + 7$ حيث x عدد حقيقي

1 - أ- احسب القيمة العددية للعبارة A اذا كان $x = \sqrt{2}$

ب - بين أن $A = (x-4)^2 - 9$

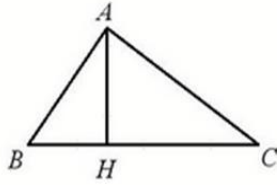
ت - فكك A الى جداء عوامل

ث - حل في R المعادلة $A = 0$

2-وحدة القيس هي الصنتمتر

في الشكل المقابل لدينا ABC مثلث قائم الزاوية في A و $[AH]$ ارتفاعه الصار من A

حيث $BH = 4$ و $CH = \frac{9}{4}$ و $AH = x - 4$ و $x > 4$



أبين أن $(x-4)^2 - 9 = 0$ واستنتج x ثم احسب AH

ت - احسب محيط المثلث ABH

التمرين الرابع (4)

الجدول الاحصائي التالي توزيعا لعدد من الفلاحين حسب المساحة التي يمتلكونها بالهكتار

المساحة بالهكتار	$[1,3[$	$[3,5[$	$[5,7[$	$[7,9[$
عدد الفلاحين	35	10	4	1
النواتر %				
النواتر التراكمي الصاعد %				
مركز الفئة				

1 - انقل الجدول واكمله

2 - اعط مدى ومنوال هذه السلسلة الاحصائية

3 - احسب معدل هذه السلسلة الاحصائية

4 - أ- ارسم مضلع النواتر التراكمي الصاعد بالنسبة المقوية

ت - استنتج متوسط هذه السلسلة الاحصائية

5 - ما هو احتمال أن يكون للفلاح قطعة أرض مساحتها على الأقل 5 هكتارات





التمرين الخامس (4)

$SABCD$ هرما منتظما قاعدته المربع $ABCD$ مركزه O و $AB = 4\sqrt{2}$ و $SO = 3$ ارتفاعه

1 - أحسب OA

2 - أسبين أن المثلث SOA قائم الزاوية في O

ب - أحسب SA

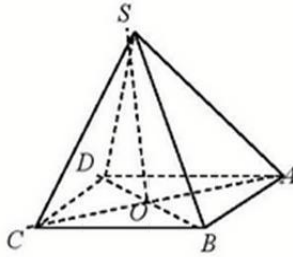
3 - لتكن E منتصف $[SA]$ و F منتصف $[SB]$

أ - احسب EF

ب - بين أن $(EF) \perp (ABC)$

3 - لتكن G منتصف $[BC]$

ماهي طبيعة الرباعي $EFGO$ علل جوابك





MATH+

فرض تآليفي 3

التمرين 1 (4 نقاط) يلي كل سؤال من أسئلة هذا التمرين ثلاث إجابات إحداها فقط صحيحة. ضعها في إطار

2	1	0	(1) عدد حلول المعادلة $\sqrt{x-1} = 1$ هو
$DF = \sqrt{17}$	$DF = 3\sqrt{11}$	$DF = \sqrt{135}$	(2) إذا كان ABCDEFGH متوازي مستطيلات أبعاده $AD=7$ و $AB=AE=5$ فإن قيس قطره
$] -5, +\infty[$	$] -\infty, -5]$	$] -\infty, -5[$	(3) مجموعة حلول المتراجحة $-2x + 3 < 8 - x$ في IR هي
1	13	5	(4) ليكن عدد حقيقي حيث $-3 < x < -2$ إذا مدى حصر x^2 هو

التمرين 2 (3 نقاط)

- (1) نعتبر العدان الحقيقيان x و y حيث $|x| \leq 3$ و $|y| \leq 2$
- أوجد حصر الكلا من x و y
 - أوجد حصر $x + 4$ و $2y - 5$
 - استنتج حصر $\frac{x+4}{2y-5}$
- (2) أ- أثبت أن xy ينتمي للمجل $[-6; 6]$

التمرين 3 (3 نقاط)

- نعتبر العبارتين A و B التاليتين حيث x عدد حقيقي
- $$A = (x-5)^2 - 4 \quad \text{و} \quad B = x^2 - 6x + 9 + (x+4)(x-3)$$
- أنشر و اختصر العبارة A
 - أحسب القيمة العددية لـ A في كلا من الحالتين
أ- $x = 3$ ب- $x = \sqrt{2}$
 - أ- أكتب كلا من A و B في صيغة جداء
 - ب- حلّ في \mathbb{R} المعادلتين $A = 21$ و $A + B = 0$
 - حلّ في \mathbb{R} المتراجحة $A \leq 11 + x^2$

التمرين 4 (3 نقاط)

يمثل الجدول التالي توزيعا لعمال إحدى الشركات حسب العمر

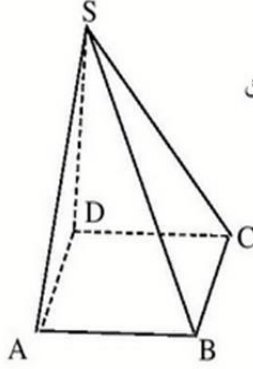
[50,60[[40,50[[30,40[[20,30[العمر بالسنة
10	30	70	15	عدد العمال
				التواتر
				التواتر التراكمي النازل





- (1) حدد ميزة هذه السلسلة و نوعيتها و أحسب معدل الأعمار بالشركة
- (2) حدد مدى و منوال السلسلة الإحصائية.
- (3) أكمل الجدول و أرسم مضلع التواترات التراكمية النازلة لهذه السلسلة ثم استنتج موسطها.

التمرين 5 (3 نقاط)



يمثل الشكل المقابل هرمًا منتظمًا SABCD قاعدته المربع ABCD مركزه O حيث $SO = 8$ و ارتفاعه $AB = 6$

- (1) أحسب قياس حرفه SA
- (2) لتكن النقطتين I منتصف [BC] و J منتصف [AB]
أ- أحسب البعد IJ
ب- بين أنّ المستقيم (OJ) عمودي على المستوي (SOI)
- (3) لتكن K نقطة من [SC] حيث $SK = 2$ والنقطة L من [SA] حيث $(AC) // (LK)$
أحسب LK

التمرين 6 (4 نقاط)

أرسم مثلثًا ACO قائمًا في O حيث $OA = 4\text{ cm}$ و $OC = 3\text{ cm}$ و لتكن النقطة B منظرًا A بالنسبة لـ O و D منظرًا A بالنسبة لـ C ثم عين النقطة G تقاطع المستقيمين (OD) و (BC)

- (1) ماذا تمثل النقط G بالنسبة للمثلث ABD
- (2) المستقيم (AG) يقطع [BD] في E أثبت أنّ E هي منتصف [BD]
- (3) أثبت أنّ المثلث ABD قائم و أحسب BD
- (4) ما هي طبيعة الرباعي OCEB علّل جوابك
- (5) لتكن I نقطة تقاطع المستقيمين (AE) و (OC)
أ - بين أن الرباعي OECA متوازي أضلاع
ب - أثبت أنّ $\frac{EG}{EI} = \frac{2}{3}$ و إستنتج أنّ النقطة G هي مركز ثقل المثلث OEC





MATH+

فرض تأليفي، ص 3

التمرين الأول: (4 نقاط)

لكل سؤال، واحدة من بين الإجابات الأربعة صحيحة. أوجد الإجابة المناسبة.

د	ج	ب	أ	
$ x > 6,7$	$ x \leq 6,7$	$ x \geq 6,7$	$ x < 6,7$	1 في حالة العدد الحقيقي x يحقق $-6,7 < x < 6,7$ ، فإن ...
الحصر $3,141 \leq \pi \leq 3,143$	الحصر $3,1414 \leq \pi \leq 3,1416$	الحصر $3,1415 \leq \pi \leq 3,1416$	الحصر $3,141 \leq \pi \leq 3,142$	2 علمًا أنّ $\pi = 3,141592 \dots$ فإن القيمة 2×10^{-4} هي مدى ...
من نفس المستوى أوليس من نفس المستوى	ليس متوازيين وليس متقاطعين	متوازيان أو متقاطعان	من نفس المستوى	3 مستقيمان من الفضاء، هما مستقيمان ...
إذن Δ قاطع لـ P مستقيمتين	إذا عاود Δ مستقيما موازيًا لـ P	إذن Δ يعاود كل مستقيمتين المرارة من M	إذا عاود Δ مستقيما من P مرًا من M	4 يمكن Δ مستقيما و P مستويًا من الفضاء. Δ يعاود P في نقطة M ، ...

التمرين الثاني: (4 نقاط ونصف)

لاحظ الرسم البياني عـ1-د بالملحق، حيث:

$M \in [AB]$ و $N \in [DC]$ حيث كلا من الرباعين المحدبين AMND و MNCB هو مستطيل،

$AB = \sqrt{3} \text{ cm}$ و $MB = BC$ و $MA = x \text{ cm}$ حيث $x > \sqrt{3}$

(1) ليكن S قيس مساحة الرباعي AMND و S' قيس مساحة الرباعي MNCB بحساب الصنمتر مربع.

أ- بين أنّ: $S = x(x - \sqrt{3})$ و $S' = (x - \sqrt{3})^2$

ب- أوجد القيمة العددية الممكنة لـ x ، إذا علمت أنّ قيس مساحة الرباعي MNCB

مساو لثلاث قيس مساحة الرباعي AMND.

(2) ليكن x عددًا حقيقيًا والعبارتين الجبريتين: $P = (x - \sqrt{3})^2$ و $Q = x^2 - 2\sqrt{3}x + 8$

أ- أوجد القيمة العددية لـ Q في كل حالة من الحالات التالية:

$x = 3$ (*) ; $x = \sqrt{5}$ (*) ; $x = 2 + \sqrt{3}$ (*)

ب- بين أنّ $Q = 5 + p$ ، ثم استنتج أنّ: $Q > 5$

(3) حلّ، في المجموعة \mathbb{R} ، ما يلي:

$x^2 - 2\sqrt{3}x + 8 = 8$; $x^2 - 2\sqrt{3}x + 8 \leq x^2 + 3$; $5 + (x - \sqrt{3})^2 > 5$

التمرين الثالث: (3 نقاط ونصف)

لاحظ الرسم البياني عـ2-د بالملحق، حيث الجسم ABCDEFGH مكعبًا قيس طول حرفه مساو لـ 5 cm ،

$M \in [AD]$ و $N \in [AB]$ حيث $MA = 2 \text{ cm}$ و $(MN) \parallel (BD)$

أ- بين أنّ: $AF = BD = 5\sqrt{2} \text{ cm}$

ب- بتطبيق ميرهنة طالس في المثلث ABD،

بين أنّ: $MN = 2\sqrt{2} \text{ cm}$ و $NB = 3 \text{ cm}$

أ- بين أنّ المستقيم (MA) يعاود المستوي (ABE).

ب- بين أنّ المثلث MAF قائم الزاوية في النقطة A.

ج- استنتج أنّ: $MF = 3\sqrt{6} \text{ cm}$

(3) هل أنّ المثلث MNF قائم الزاوية في النقطة N؟ علّل الإجابة.

انظر الصفحة الموالية





التمرين الرابع: (4 نقاط)

- توجد بكيس عازل للرؤية خمس قريصات متشابهة ، يحملن الأعداد: 0 و 2 و 3- و $\sqrt{5}$ و $-\sqrt{5}$ ،
 ❖ نعتبر التجربة العشوائية التالية: سحب اثنين من القريصات ثم الاهتمام بنتيجة جداء العددين المتحصّل عليهما ،
 مع العلم أنّ القريصات لهن نفس الاحتمال للسحب
 ❖ لاحظ الرّسم البياني عـ3د بالملحق ، الذي يحدّد كلّ النتائج الممكنة لهذه التجربة العشوائية.
 (1) بالاعتماد على المعلومات المقدّمة، حدّد عدد كلّ الحالات الممكنة للتجربة العشوائية.
 (2) مقدّما الاحتمالات في شكل كتابة كسريّة مختزلة إلى أقصى حدّ:
 أ- أوجد p احتمال تحقّق الحدث التالي: " الحصول على جداء عدد حقيقيّ سالب قطعاً "
 ب- أوجد q احتمال تحقّق الحدث التالي: " الحصول على جداء عدد حقيقيّ موجب "
 ج- أوجد k احتمال تحقّق الحدث التالي: " الحصول على جداء عدد صحيح نسبيّ "
 د- تحقّق من المساواة التالية: $p + q + k = 1,6$
 (3) بإضافة قريص سادس يحمل العدد $\sqrt{5}$ إلى القريصات السابقة ، وقع القيام بنفس التجربة العشوائية.
 أ- حدّد عدد كلّ الحالات الممكنة للتجربة العشوائية.
 ب- مقدّما الاحتمال في شكل كتابة كسريّة مختزلة إلى أقصى حدّ ،
 أوجد e احتمال تحقّق الحدث التالي: " الحصول على جداء عدد صحيح طبيعيّ "

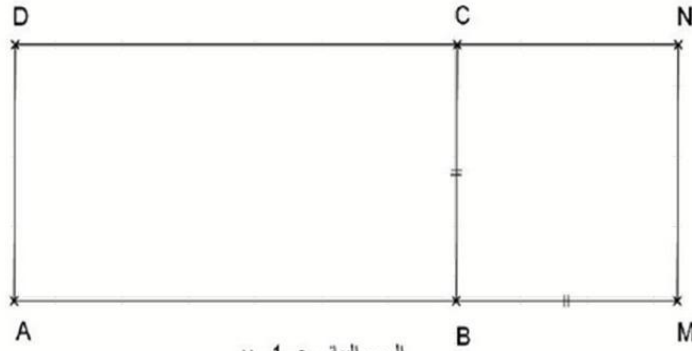
التمرين الخامس: (4 نقاط)

- ❖ قامت إدارة إحدى المؤسسات الاقتصادية بسبر للآراء لمعرفة المدة الزمنية بالدقيقة ،
 المقضّاة من طرف موظفيها بين مقرّ الإقامة ومقرّ العمل.
 ❖ لاحظ الرّسم البياني عـ4د بالملحق ، الذي يحدّد النتائج التي أفرزتها هذه الاستمارة.
 (1) أ- ماهي المجموعة الإحصائية المدروسة؟
 ب- ماهي الميزة الإحصائية المدروسة؟ ماهي طبيعتها؟ ماهي خاصياتها؟
 (2) أ- حدّد e مدى هذه السلسلة الإحصائية، معللاً الإجابة.
 ب- حدّد الفئة الزمنية الموافقة لأكبر عدد من الموظفين، معللاً الإجابة.
 (3) ماهو عدد الموظفين الذين يقضون أقلّ مدّة زمنية؟ أكبر مدّة زمنية؟
 (4) أ- انقل ، ثمّ أكمل تعميم الجدول التالي:

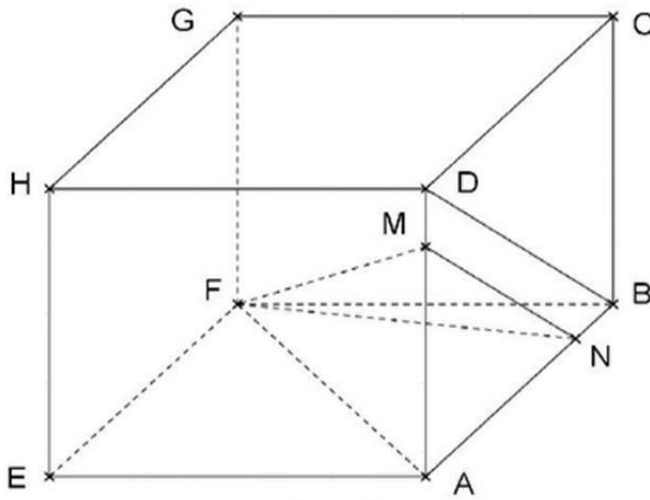
المدة الزمنية بالدقيقة (الفئة)	[10;15[[15;20[[20;25[[25;30[[30;35[[35;40[
مركز الفئة c_i	12,5					
عدد الموظفين (التكرار n_i)						5
التكرار التراكمي الصّاعد	16					80

- ب- احسب \bar{x} المعتل الحسابي التقريبي للمدة الزمنية بالدقيقة الموافقة لكلّ موظف.
 ج- أوجد النسبة المئوية لعدد الموظفين، الذين يقضون مدّة زمنية أكبر أو مساوية لعشرين دقيقة.
 (5) أ- مثل هذه السلسلة الإحصائية بمضلع التكرارات التراكمية الصّاعدة، وفق السلم التالي:
 5 وحدات من الفئة $\longleftrightarrow 1,5cm$ (على محور الفاصلات)
 10 تكرارات تراكمية صاعدة $\longleftrightarrow 1cm$ (على محور الترتيبات)
 ب- استنتج قيمة تقريبية للمتوسط Me برقم واحد بعد الفاصل.





الرسم البياني عد1-د



الرسم البياني عد2-د

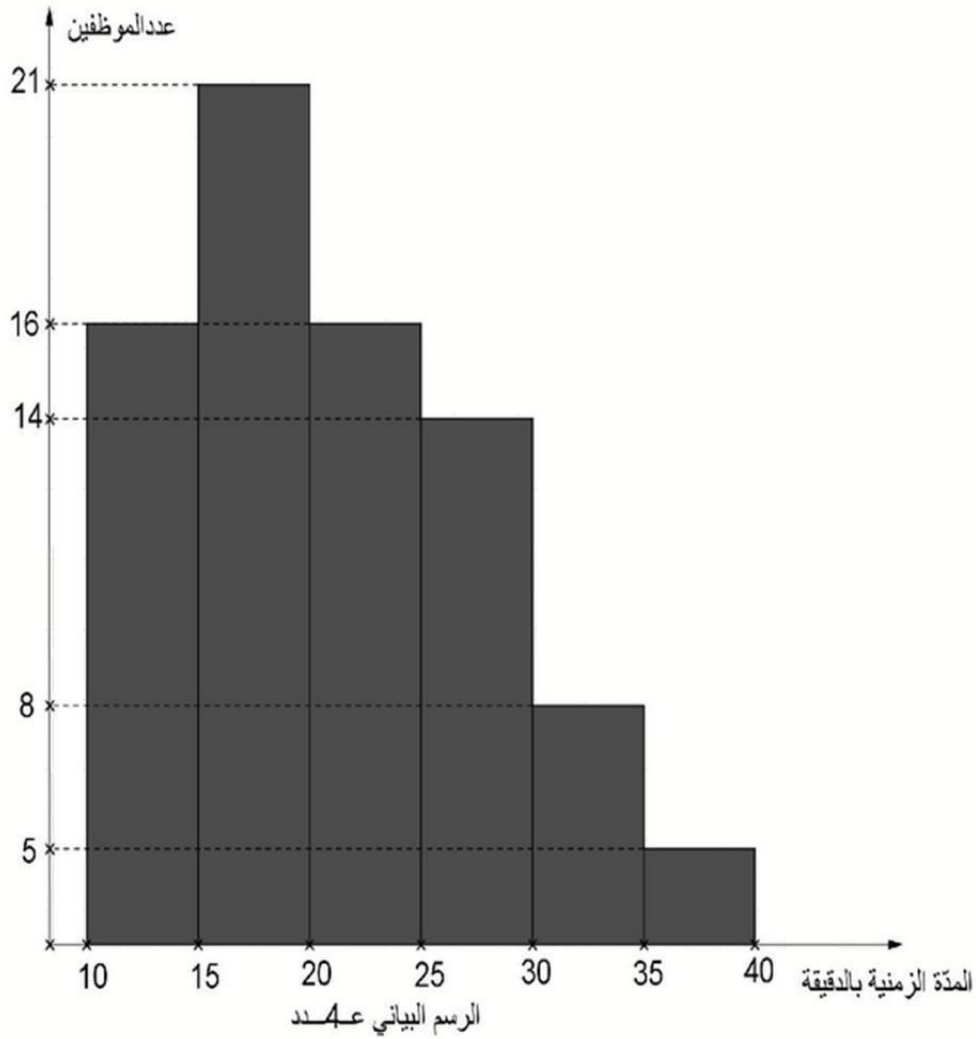
(الحالة)
 $\{-3; \sqrt{5}\}$
هي مثال من نتائج
التجربة العشوائية

$-\sqrt{5}$	$\sqrt{5}$	-3	2	0	
$\{0; -\sqrt{5}\}$	$\{0; \sqrt{5}\}$	$\{0; -3\}$	$\{0; 2\}$		0
$\{2; -\sqrt{5}\}$	$\{2; \sqrt{5}\}$	$\{2; -3\}$			2
$\{-3; -\sqrt{5}\}$	$\{-3; \sqrt{5}\}$				-3
$\{\sqrt{5}; -\sqrt{5}\}$					$\sqrt{5}$

الرسم البياني عد3-د

انظر الصفحة الموالية





مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

