



الاختبار: الرياضيات	الجمهورية التونسية
المستوى: التاسعة أساسي	وزارة التربية
المسابقة الجهوية في المواد المميّزة	المنشورية الجهوية للتربية بتطاوين
الحصة: ساعتان	●●○●●
التاريخ: 2025/04/19	أفريل 2025

يتكوّن الاختبار من ثلاث صفحات مرقّمة من 3/1 إلى 3/3. الصفحة 3/3 (الملحق) لا ترجع مع أوراق التحرير.

التمرين الأول (3 نقاط)

يلي كل سؤال ثلاث إجابات، احداها فقط صحيحة.

أنقل، في كلّ مرة، على ورقة تحريرك رقم السؤال و الإجابة الصحيحة الموافقة له.

(1) إذا كان a و b عددين حقيقيين مقلوبين حيث $a < b$ و $a^2 + b^2 = 18$ فإن العدد $a - b$ يساوي:

(أ) -4 (ب) 4 (ج) $-\sqrt{20}$

(2) العدد $1a7a77a8$ ، حيث a رقم فردي، يقبل القسمة على:

(أ) 6 (ب) 12 (ج) 15

(3) عدد الأعداد الصحيحة الطبيعية التي تقبل القسمة على 12 والمتكونة من ثلاثة أرقام مختلفة باستعمال الأرقام 1 و 2 و 3 و 6 هو:

(أ) 2 (ب) 3 (ج) 4

التمرين الثاني (3 نقاط)

نعتبر العبارة $A = \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} - \left| 3\sqrt{2} - \frac{17}{4} \right| + \left(\frac{1}{2} - \sqrt{3} \right)^2$

(1) | أ) بين أن $(\sqrt{3} - \sqrt{2})^2 = 5 - 2\sqrt{6}$.

ب) قارن $3\sqrt{2}$ و $\frac{17}{4}$.

ج) استنتج أن $A = 2\sqrt{2} - 1$.

(2) | أ) بين أن $A^2 - 3 = 2(\sqrt{2} - 1)^2$ ثم استنتج أن $A > \sqrt{3}$.

ب) بين أن $\frac{2\sqrt{2} + 1}{7} < \frac{\sqrt{3}}{3}$.

التمرين الثالث (4.5 نقاط)

I- نعتبر العبارة $F = x^2 - 8x + 7$ حيث x عدد حقيقي.

(1) | أ) بين أن $F = (x - 4)^2 - 9$.

ب) استنتج أن $F = (x - 7)(x - 1)$.

ج) أوجد قيم العدد الحقيقي x التي تحقق $F = 0$.

(2) | بين أن $F + 5 = (x - 6)(x - 2)$.

II- (وحدة قياس الطول هي الصنّيمتر).

في الرسم المقابل:

• (ζ) نصف دائرة قطرها [BC] و D منتصف [BC].

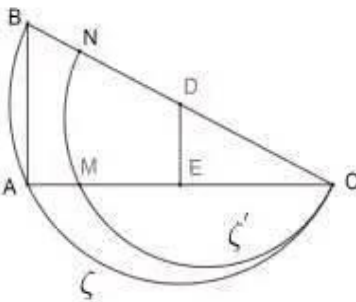
• A نقطة من (ζ) حيث $AB = 2$ و $AC = 4$ و E المسقط العمودي لـ D على [AC].

• N نقطة من [BD] و (ζ') نصف دائرة قطرها [CN].

• (ζ') تقطع [AC] في نقطة ثانية M حيث $AM = a$ و $0 < a < 2$.

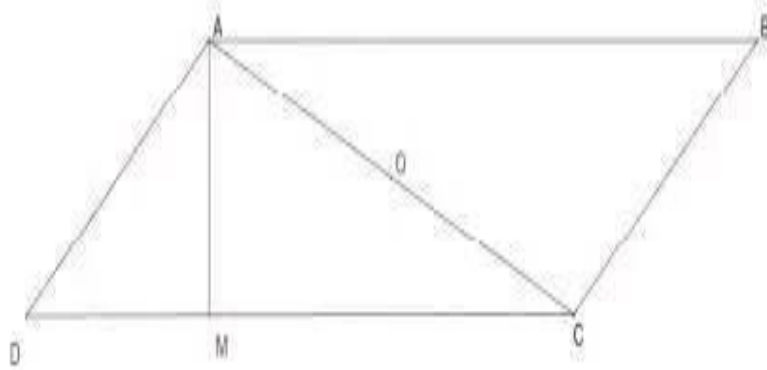
(1) | بين أن $(AB) \parallel (MN)$.

ب) بين أن $\frac{NM}{AB} = \frac{CM}{AC}$.





الملحق





ج) استنتج أن $MN = \frac{4-a}{2}$.

2) ا) بين أن E منتصف [AC] ثم أحسب DE.

ب) لتكن S مساحة شبه المنحرف MNDE. بين أن $S = \frac{1}{4}(6-a)(2-a)$.

3) أوجد العدد الحقيقي a بحيث $S = \frac{5}{4}$.

التمرين الرابع (4.5 نقاط) (وحدة قيس الطول هي الصنتمتر).

في الرسم المقابل (O,I,J) معينا متعامدا في المستوي حيث $OI = OJ = 1$.

نعتبر النقاط A(5,2) و B(1,5) و C(-3,2).

1) لتكن K منتصف [AC] و D مناظرة B بالنسبة إلى K.

أ) أوجد إحداثيات كل من K و D.

ب) بين أن الرباعي ABCD معين.

ج) أحسب الأبعاد AC و BD و AB.

2) أ) أحسب مساحة المثلث ABD.

ب) ليكن [BH] الارتفاع الصادر من B في المثلث ABD.

بين أن $BH = 4.8$ و $DH = 3.6$.

3) لتكن E مناظرة B بالنسبة إلى A.

أ) بين أن المثلث BDE قائم الزاوية في D.

ب) أحسب DE.

ج) بين أن الرباعي ACDE متوازي الأضلاع.

4) المستقيم (BH) يقطع (AC) في النقطة L والمستقيم (DL) يقطع (AB) في النقطة P.

بين أن النقاط P و H و D و B تنتمي إلى نفس الدائرة. حدّد مركزها و شعاعها.

التمرين الخامس (5 نقاط) (وحدة قيس الطول هي الصنتمتر).

في الرسم بالملحق (نظر الصفحة 3/3):

• ABCD متوازي الأضلاع مركزه O حيث $AD = 5$ و $CD = 12$ و $AC = \sqrt{73}$.

• النقطة M هي المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (DC).

1) ليكن $DM = a$

أ) بين أن $AM^2 = 25 - a^2$ و أن $AM^2 = 73 - (12 - a)^2$.

ب) استنتج أن $DM = 4$ ثم أحسب AM.

2) المستقيم (OM) يقطع [AB] في النقطة N.

أ) بين أن $\frac{AN}{MC} = \frac{ON}{OM} = \frac{OA}{OC}$

ب) بين أن الرباعي AMCN مستطيل.

3) لتكن E مناظرة A بالنسبة إلى D.

أ) بين أن النقطة M هي مركز ثقل المثلث ACE.

ب) استنتج أن النقاط N و M و E على استقامة واحدة.

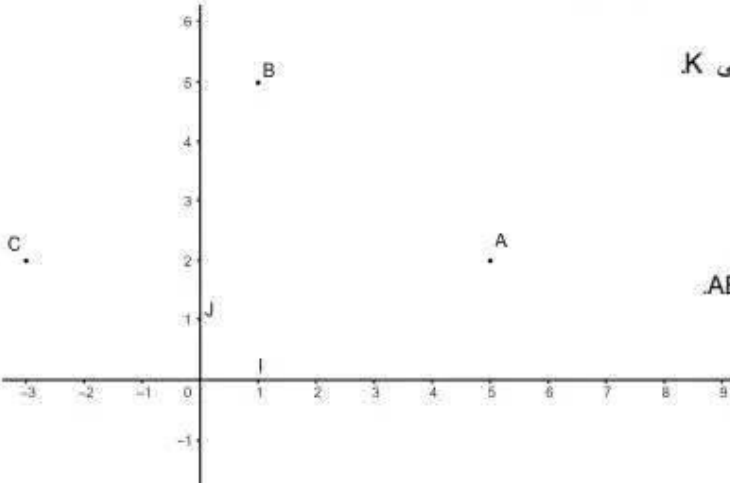
ج) بين أن M منتصف [EN].

4) الدائرة (C) التي قطرها [AB] تقطع المستقيم (AC) في نقطة ثانية H.

أ) بين أن المثلث ABH قائم الزاوية في H.

ب) المستقيمان (NC) و (BH) يتقاطعان في النقطة K. بين أن K هي المركز القائم للمثلث ABC.

ج) المستقيم (BC) يقطع الدائرة (C) في نقطة ثانية P. بين أن النقاط A و P و K على استقامة واحدة.



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

