



نتيجة: $x = \frac{13}{3}$ لأن $S_{\mathbb{R}} = \left\{ \frac{13}{3} \right\}$

الحالة الرابعة: $x - 8 \leq 0$ و $2x - 5 \geq 0$ إذن: $S = \left\{ \frac{13}{3} \right\}$

version 8.8.2
Essal de PDF Annotator - www.PDFAnnotator.com





(أ) لين أن: $M = -3 - \frac{10}{y-4}$

(ب) استنتج أن: $M \in \left] \frac{-4}{3}; 7 \right[$

الهندسة: (8 نقاط)

$ABCD$ شبه منحرف حيث: $AB = 3cm$ و $AD = 4cm$ و $DC = 6cm$

- (1) احسب BD
- (2) المستقيم المار من A و الموازي لـ (BC) يقطع (DC) في I
 - (أ) ما هي طبيعة الرباعي $ABCI$ و احسب مساحته
 - (ب) استنتج ان I منتصف $[DC]$.
 - (3) بين ان الرباعي $ABID$ مستطيل.
 - (4) استنتج ان المثلث BCD متقايس الضلعين قمته الرئيسية B .
 - (5) لتكن E مناظرة B بالنسبة لـ I . برهن ان الرباعي $BCED$ معين و احسب مساحته





Prof : Yidri Younes Elhoussayni

Tel : 00216 54 813 037

الاختبار: رياضيات	<u>فرض مراقبة عن عدد</u>	المدرسة الإعدادية الكافية
التاريخ: 21 / 04 / 2012	الحصة: 45 دقيقة	مدار بورقيبة
المستوى: 9 أساسي 3		

تمرين ع 1 - عدد

نعتبر المجالين: $I = \left[-\frac{3}{2}; 0\right]$ و $J = \left[-\frac{3}{2}; +\infty\right[$

- (1) أكتب هذه المجالات في شكل مجموعات.
- (2) مثل هذه المجالات على مستقيم عددي وحدة تدرجه $OI = 1cm$ (استعمل لونين مختلفين)
- (3) أوجد المجموعات التالية: $I \cup J$ و $I \cap J$.
- (4) أكمل بـ \in أو \notin أو \subset أو $\not\subset$.

$$\left\{-\frac{3}{2}, 0\right\} \dots\dots\dots I \quad (-\sqrt{2}) \dots\dots\dots J \quad 0 \dots\dots\dots I$$

$$[1, +\infty[\dots\dots\dots J \quad [-1, 0[\dots\dots\dots J$$

(5) أكتب المجموعات التالية على شكل مجال أو اتحاد مجالين:

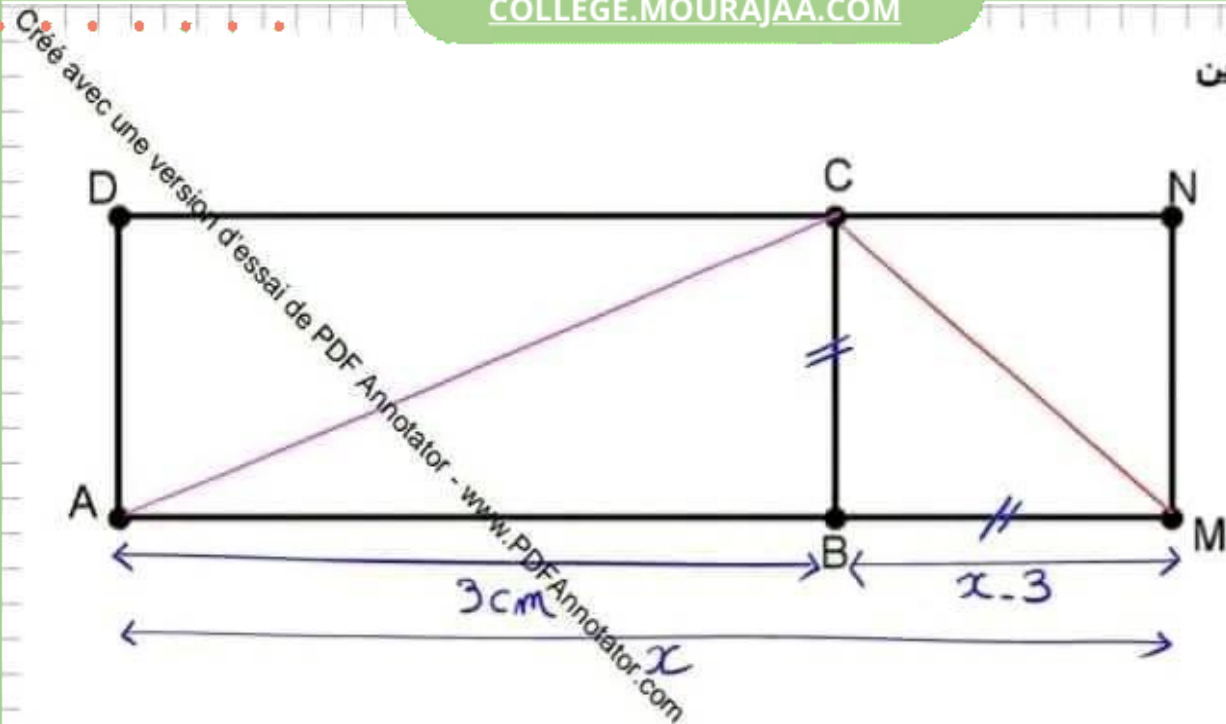
$$B = \{x \in \mathbb{R} / |x + 1| \geq 2\} \quad \text{و} \quad A = \{x \in \mathbb{R} / |x| \leq 2\}$$

تمرين ع 2 - عدد: (6 نقاط)

- (1) ليكن y عدد حقيقي حيث: $y \in]-2, 3[$
 - (أ) أوجد حصرا لكل من: $5 - y$ و $y - 4$.
 - (ب) اختصر العبارة التالية: $C = 3 \cdot |y - 4| - |5 - y|$.
 - (ت) استنتج حصرا لـ A .
- (2) نعتبر العبارة M حيث: $M = \frac{-3y + 2}{y - 4}$

Tous les droits sont réservés.





لاحظ الرسم المصاحب حيث المستطيلان AMND و MNCB حيث $MB=BC$ و $CE \perp [DN]$ و $BE \perp [AM]$ حيث $MA=x$ cm و $AB=3$ cm و $x \in]4,7[$

(1) احسب AC^2 و CM^2 بدلالة x

* لنا $MNCB$ مثلث متساوي الساقين حيث $MB=BC$ اذن MBC مثلث قائم الزاوية
و متقا للضلعين MC و BC و $MC=BC$ و $MC^2=BC^2$ حسب نظرية
بيثاغورس لنا:
 $CM^2 = 2BM^2 = 2(x-3)^2 = 2(x^2 - 6x + 9)$
 $CM^2 = 2x^2 - 12x + 18$
 $AC^2 = AB^2 + BC^2 = 3^2 + (x-3)^2 = 9 + x^2 - 6x + 9 = x^2 - 6x + 18$ *

بـمين انه في حالة x يحقق المعادلة $x^2 - 9x + 18 = 0$ يكون المثلث ACM قائم

ليكون المثلث ACM قائم الزاوية في C ، حسب تلك النظرية بينا عورنا

$$CA^2 + CM^2 = AM^2$$

يعني: $x^2 - 6x + 18 + 2x^2 - 12x + 18 = x^2$
يعني: $2x^2 - 18x + 36 = 0$
يعني: $x^2 - 9x + 18 = 0$

(2) ايس ان $x^2 - 9x + 18 = (x - \frac{9}{2})^2 - \frac{9}{4}$

$$(x - \frac{9}{2})^2 - \frac{9}{4} = x^2 - 9x + \frac{81}{4} - \frac{9}{4} = x^2 - 9x + \frac{72}{4} = x^2 - 9x + 18$$





المدرسة الإعدادية الكاهنة

الاختبار: رياضيات

فرض مراقبة عد 5

مدار بورقيبة

التاريخ: 21 / 04 / 2012

الحصة: 45 دقيقة

المستوى: أساسي 3

تمرين ع-1

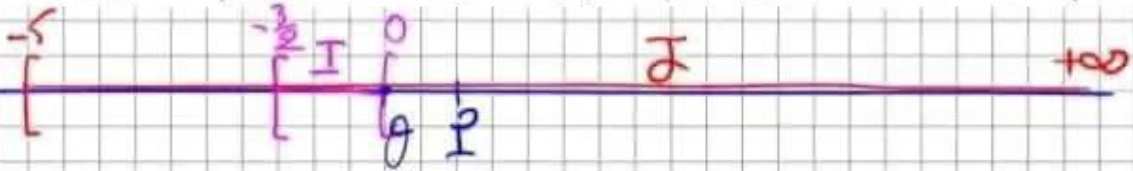
نعتبر المجالين: $J = [-5; +\infty[$ و $I = \left[-\frac{3}{2}; 0\right[$

(1) أكتب هذه المجالات في شكل مجموعات.

$$I = \left\{ x \in \mathbb{R} / -\frac{3}{2} \leq x < 0 \right\}$$

$$J = \left\{ x \in \mathbb{R} / x \geq -5 \right\}$$

(2) مثل هذه المجالات على مستقيم عددي وحدة تدرجه $OP = 1cm$ (استعمل لونين مختلفين)



(3) أوجد المجموعات التالية: $I \cup J$ و $I \cap J$.

$$I \cup J = J \quad \text{و} \quad I \cap J = I$$

(4) أكمل بـ \in أو \notin أو \subset أو \supset .

$$\left\{-\frac{3}{2}, 0\right\} \dots \subset \dots I \quad (-\sqrt{2}) \dots \in \dots J \quad 0 \dots \in \dots I$$

$$[1, +\infty[\dots \subset \dots J \quad [-1, 0[\dots \subset \dots I$$

(5) أكتب المجموعات التالية على شكل مجال أو اتحاد مجالين:

$$B = \{x \in \mathbb{R} / |x+1| \geq 2\} \quad \text{و} \quad A = \{x \in \mathbb{R} / |x| \leq 2\}$$

$$A = \{x \in \mathbb{R} / |x| \leq 2\} = [-2; 2]$$

$$x+1 \in]-\infty, -2] \cup [2, +\infty[\quad \text{يعني: } |x+1| \geq 2$$

$$x \in]-\infty, -3] \cup [1, +\infty[\quad \text{يعني:}$$





ب) استنتج ان: $M \in]-\frac{4}{3}; 7[$

لنا مما سبق: $-1 < y-4 < 6$ بيان -6 و -1 نفس العلامة فإن $-\frac{1}{6} < \frac{1}{y-4} < -1$ وبيان -1 عدد سالب فإن $10 < \frac{-10}{y-4} < -\frac{10}{3} = -\frac{10}{6}$ يعني $-\frac{4}{3} < -3 - \frac{10}{y-4} < 7$ يعني: $M \in]-\frac{4}{3}; 7[$

تمرين

(1) ليكن x و y عدنان حقيقيان حيث: $x \in [-3; -1]$ و $2 \leq y \leq 5$
 (أ) أوجد حصر الكل من: $x+y$ و $-x$ و $x-y$.

$a, b, c, d \in \mathbb{R}$ (1)
 $a < x < b$
 $c < y < d$
 $a+c < x+y < b+d$

* لنا: $x \in [-3; -1]$ يعني $-3 \leq x \leq -1$
 ولنا: $2 \leq y \leq 5$ إذن: $-1 \leq x+y \leq 4$
 كبيان: $-3 \leq x \leq -1$ فإن: $1 \leq -x \leq 3$
 * لنا: $2 \leq y \leq 5$ يعني $-5 \leq -y \leq -2$
 ولنا: $-3 \leq x \leq -1$ إذن: $-8 \leq x-y \leq -3$

$a, b, c, d \in \mathbb{R}_+$ (2)
 $a < x < b$
 $c < y < d$
 $ac < xy < bd$

ب) بين ان: $xy \in [-15; -2]$
 لنا: $-3 \leq x \leq -1$ يعني $1 \leq -x \leq 3$
 ولنا $2 \leq y \leq 5$ إذن $2 \leq -xy \leq 15$ ومنه $-15 \leq xy \leq -2$
 وبالتالي: $xy \in [-15; -2]$

(2) لتكن العبارة: $C = \frac{3x+4}{x-1}$
 (أ) بين ان: $x-1 \neq 0$

لنا: $-3 \leq x \leq -1$ يعني $-4 \leq x-1 \leq -2$ إذن: $x-1 \neq 0$





Créé avec une version d'essai de PDF Annotator - www.PDFAnnotator.com

$$B = \{x \in \mathbb{R} \mid |x+1| \geq 2\} =]-\infty, -3] \cup [1, +\infty[$$

ملاحظة

$$-2x \in]-\infty, -2] \cup [2, +\infty[\text{ : يعني } |2x| \geq 2$$

$$-x \in]-\infty, -1] \cup [1, +\infty[\text{ : يعني}$$

$$x \in [1, +\infty[\cup]-\infty, -1]$$

تمرين 2 عدد: (6 نقاط)

(1) ليكن y عدد حقيقي حيث: $y \in]-2, 3[$

(ا) اوجد حصر الكل من: $5-y$ و $y-4$.

$$* \quad]-2, 3[\text{ يعني } 2 < y < 3 \text{ : يعني } -2-4 < y-4 < 3-4$$

$$\text{يعني } -6 < y-4 < -1 \text{ (عدد سالب مقطعا)}$$

$$* \quad -2 < y < 3 \text{ يعني } -3 < -y < 2 \text{ يعني } -3 < 2+y < 5-y < 3+5$$

$$\text{يعني } 2 < 5-y < 7 \text{ (عدد موجب مقطعا)}$$

(ب) اختصر العبارة التالية: $A = 3|y-4| - |5-y|$

$$A = 3|y-4| - |5-y| = 3(4-y) - (5-y) = 12-3y-5+y = 7-2y$$

(ت) استنتج حصر A .

* لنا متباينة $2 < -y < 3$ وبما ان 2 عدد موجب فلن:

$$-1 < 7-2y < 11 \text{ : يعني } -6 < -2y < 4$$

(2) نعتبر العبارة M حيث: $M = \frac{-3y+2}{y-4}$

(ا) بين ان: $M = -3 - \frac{10}{y-4}$

$$M = \frac{-3y+2}{y-4} = \frac{-3(y-4)-12+2}{y-4} = \frac{-3(y-4)}{y-4} - \frac{10}{y-4} = -3 - \frac{10}{y-4}$$





(ب) أثبت أن: $C = 3 + \frac{7}{x-1}$

$$C = \frac{3x+4}{x-1} = \frac{3(x-1)+3+4}{x-1} = \frac{3(x-1)+7}{x-1} = 3 + \frac{7}{x-1}$$

(ج) استنتج أن: $-\frac{1}{2} \leq C \leq \frac{5}{4}$

لنا: $-4 \leq x-1 \leq -2$ و $-4 \leq x-1 \leq -2$
 حيث $x-1 \neq 0$ يعني $-\frac{1}{4} \leq \frac{1}{x-1} \leq -\frac{1}{2}$ وبما أن 7 عدد موجب
 فإن $-\frac{7}{4} \leq \frac{7}{x-1} \leq -\frac{7}{2}$ يعني $-\frac{7}{4} \leq 3 + \frac{7}{x-1} \leq -\frac{7}{2} + 3$
 يعني $-\frac{1}{2} \leq C \leq \frac{5}{4}$

(3) اختصر العبارة: $E = |-y+5| - |2y-10|$ حيث: $2 \leq y \leq 5$

لنا: $-5 \leq -y \leq -2$

$-5 \leq -y$ يعني $0 \leq -y+5$
 $-y+5 \leq 0$ يعني $y-5 \leq 0$
 لأن 2 عدد موجب

$$E = |-y+5| - |2y-10| = -y+5 - (10-2y) = -y+5-10+2y$$

$$E = y-5$$





د- حل في]4,7[المعادلة $x^2 - 9x + 18 = 0$ وتحقق أن في هذه الحالة يكون ACM مثلث قائم

$$x^2 - 9x + 18 = 0 \text{ يعني: } \left(x - \frac{9}{2}\right)^2 - \frac{9}{4} = 0$$

$$\text{يعني: } \left(x - \frac{9}{2}\right)^2 = \left(\frac{3}{2}\right)^2$$

$$\text{يعني: } x - \frac{9}{2} = \frac{3}{2} \text{ أو } x - \frac{9}{2} = -\frac{3}{2}$$

$$\text{يعني: } x = \frac{9}{2} + \frac{3}{2} = \frac{12}{2} \text{ أو } x = -\frac{3}{2} + \frac{9}{2} = \frac{6}{2}$$

$$\text{يعني: } x = 6 \text{ أو } x = 3 \text{ لا يمكن}$$

لأن: $x \in]4,7[$ إذن: $x = 6$

(3) حل في]4,7[المعادلة: $|2x - 5| - |x - 8| = 0$

$$\text{لنا: } 4 < x < 7 \text{ يعني: } x < 8 \text{ يعني: } x - 8 < 0 \text{ يعني: } |x - 8| = 8 - x$$

$$4 < x < 7 \text{ يعني: } 8 < 2x < 14 \text{ (عدد موجب)}$$

$$\text{يعني: } 3 < 2x - 5 < 9 \text{ إذن: } 2x - 5 \text{ عدد موجب وكذا}$$

$$\text{والتالي } |2x - 5| = 2x - 5$$

$$|2x - 5| - |x - 8| = 2x - 5 - (8 - x) = 2x - 5 - 8 + x = 3x - 13 = 0$$

$$\text{يعني: } x = \frac{13}{3} \text{ وبالتالي: } S_{]4,7[} = \left\{\frac{13}{3}\right\}$$

(4) حل في \mathbb{R} المعادلة $|2x - 5| - |x - 8| = 0$

$$x \text{ الحالة الاولى: } 2x - 5 \geq 0 \text{ و } x - 8 \geq 0$$

$$|2x - 5| - |x - 8| = 2x - 5 - (x - 8) = 2x - 5 - x + 8 = x + 3 = 0$$

$$\text{يعني: } x = -3 \text{ إذن: } S_{\mathbb{R}} = \{-3\}$$

$$x \text{ الحالة الثانية: } 2x - 5 \leq 0 \text{ و } x - 8 \leq 0$$

$$|2x - 5| - |x - 8| = 5 - 2x - (x - 8) = 5 - 2x - x + 8 = -3x + 13 = 0$$

$$\text{يعني: } x = -3 \text{ إذن: } S_{\mathbb{R}} = \{-3\}$$

$$x \text{ الحالة الثالثة: } 2x - 5 \leq 0 \text{ و } x - 8 \geq 0$$

$$|2x - 5| - |x - 8| = 5 - 2x - (x - 8) = 5 - 2x - x + 8 = -3x + 13 = 0$$



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

