موقع مراجعة اعدادي
COLLEGE.MOURAJAA.COM

التاسعة نموذجي 1 + 2 مدة الاختبار: ساعتان أحمد بنعبدالقادر	اختبار تقييمي في مادة الرياضيات	معهد ابن الجزار بقبلي 2015 / 05

تمرين عدد 1: (3 نقاط)

يلي كل سؤال ثلاث إجابات إحداها فقط صحيحة.
أنقل في كلّ مرّة على ورقة تحريرك رقم السؤال والإجابة الصحيحة الموافقة له.

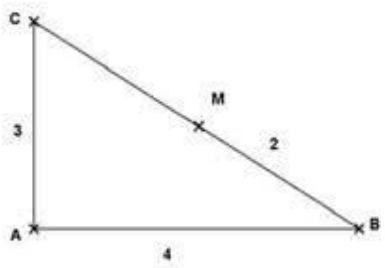
1) مجموعة حلول المعادلة: $(3x-1)^2+(4x+1)^2=(5x-1)^2$ هي:

أ/ $\left\{\frac{1}{8}\right\}$ ب/ $\left\{\frac{2}{15}\right\}$ ج/ ϕ

2) إذا كانت النقطة I على القطعة [AB] حيث 2AI = 3BI فإنّ نسبة AI من AB هي :

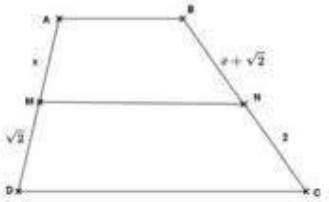
أ/ $\frac{2}{3}$ ب/ $\frac{2}{5}$ ج/ $\frac{3}{5}$

3) في الرّسم المقابل ABC مثلث قائم الزاوية في A
حيث AB = 4 و AC = 3
M نقطة على [BC] حيث MB = 2 إذن قيس AM يساوي



أ/ $\frac{6}{\sqrt{5}}$ ب/ 3 ج/ 2,4

4) في الرسم المقابل ABCD شبه منحرف
M على [AB] و N على [BC] حيث (MN) موازي لـ(AB)
إذن x يساوي:



أ/ $2-\sqrt{2}$ ب/ $2+\sqrt{2}$ ج/ $2\sqrt{2}$

تمرين عدد 2: (3 نقاط)

نعتبر العددين الحقيقيين: $a=\sqrt{\sqrt{5}-2}$ و $b=\sqrt{5\sqrt{5}+2}$

1) أ/ بيّن أنّ $a^2+b^2=6\sqrt{5}$
ب/ بيّن أنّ $ab=4-\sqrt{5}$
ج/ استنتج أنّ $a+b=2\sqrt{2+\sqrt{5}}$

2) أ/ تحقّق أنّ $a(a+b)=2$
ب/ استنتج أنّ $\frac{1}{a}$ هو المعدّل الحسابي لـa و b .

3) قارن العددين 5a و b.

تمرين عدد 3: (4 نقاط)

لتكن العبارة $A=x^2-2\sqrt{2}x-16$

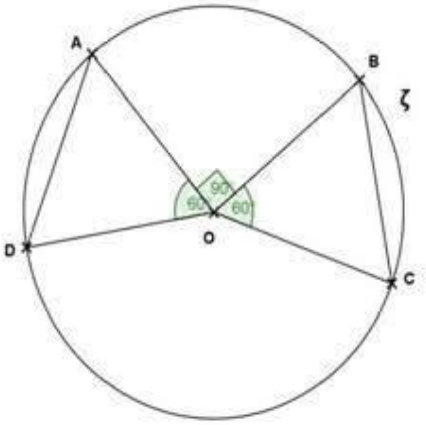
1) أحسب القيمة العددية للعبارة A في حالة $x=1+\sqrt{2}$

2) أ/ بيّن أنّ $A=\left(x-\sqrt{2}\right)^2-18$
ب/ فكّك العبارة A إلى جذاء عوامل
ج/ حلّ في R المعادلة A = 0.

3) أ/ بيّن أنّ $A\le 14$ يعني $\left|x-\sqrt{2}\right|\le 4\sqrt{2}$.
ب/ استنتج حلّ المتراجحة: $A\le 14$ في R ومثّل مجموعة حلولها على المستقيم المدرّج.

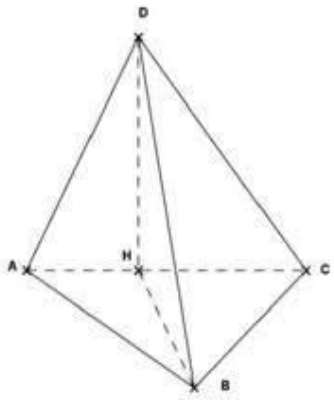
موقع مراجعة اعدادي
COLLEGE.MOURAJAA.COM
COLLEGE.MOURAJAA.COM

تمرين عدد 4: (6 نقاط)



(وحدة قيس الطول هي الصنتمتر)
في الرّسم المقابل: ζ دائرة مركزها O وشعاعها 1.
C, B, A و D أربع نقاط على ζ حيث
$A\hat{O}B = 90°$ ، $B\hat{O}C = 60°$ و $A\hat{O}D = 60°$
1) أ/ أحسب $C\hat{O}D$ واستنتج $A\hat{D}C$.
ب/ برهن أنّ ABCD شبه منحرف
2) أ/ قارن المثلثين ADC و BCD .
ب/ ليكن H = B*C. بيّن أنّ النقاط H و O و D هي على إستقامة واحدة.
ج/ استنتج أنّ AC = BD = CD.
3) أ/ برهن أنّ $CD = \frac{1+\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$
ب/ ليكن J المسقط العمودي لـB على (CD)
بيّن أنّ $BJ = \frac{DH}{CD}$ واستنتج أنّ مساحة ABCD تساوي $\frac{3+2\sqrt{3}}{4}$
4) المستقيمان (AC) و (BD) يتقاطعان في I
أ/ بيّن أنّ $\frac{IA}{IC} = \frac{IB}{ID}$ واستنتج أنّ $\frac{IA}{IB} = \frac{AC}{BD}$.
ب/ استنتج أنّ (OI) عمودي على (CD).
5) (OI) يقطع (AB) في M ويقطع (CD) في N
بيّن أنّ N هي منتصف [CD] واستنتج أنّ المثلث MCD قائم الزاوية.

تمرين عدد 5: (4 نقاط)



(وحدة قيس الطول هي الصنتمتر)
في الرسم المقابل ABCD
رباعي أوجه حيث ABC و ACD مثلثات متقايسة الأضلاع.
H منتصف [AC] والمستقيم (DH) عمودي على المستوي (ABC)
ولدينا AC = 4.
1) أ/ برهن أنّ المثلث BHD متقايس الضلعين وقائم الزاوية في H.
ب/ استنتج أنّ $BD = 2\sqrt{6}$
2) ليكن O منتصف [BD].
أ/ برهن أنّ (BD) عمودي على (AOC).
ب/ أحسب OH
3) لتكن I و J و K و L منتصفات [AB] و [BC] و [CD] و [AD] على التوالي.
برهن أنّ الرّباعي IJKL متوازي أضلاع.
4) لتكن M منتصف [HC].
أ/ برهن أنّ المستقيم (AC) عمودي على المستوي (KJM) .
ب/ استنتج أنّ (LK) عمودي على (KJM).
ج/ برهن أن IJKL مستطيل وأحسب IK.

موقع مراجعة اعدادي
COLLEGE.MOURAJAA.COM

تمرين عدد 2:

1) أ) $a^2+b^2 = 5\sqrt{5}+2+\sqrt{5}-2 = 6\sqrt{5}$.

ب) $ab = \sqrt{(5\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-2)} = \sqrt{25+2\sqrt{5}-2\sqrt{5}-4}$

$= \sqrt{21-8\sqrt{5}} = \sqrt{\sqrt{5}^2+4^2-2\times4\times\sqrt{5}} = \sqrt{(\sqrt{5}-4)^2}$

$= |\sqrt{5}-4| = 4-\sqrt{5}$.

ج) $(a+b)^2 = a^2+b^2+2ab$

$= 6\sqrt{5}+2(4-\sqrt{5}) = 6\sqrt{5}+8-2\sqrt{5} = 8+4\sqrt{5}$

$= 4(2+\sqrt{5})$.

إذن $a+b = \sqrt{4(2+\sqrt{5})} = 2\sqrt{2+\sqrt{5}}$

2) أ) $a(a+b) = a^2+ab = \sqrt{5}-2+4-\sqrt{5} = 2$.

ب) $a(a+b)=2$ يعني $\frac{a+b}{2} = \frac{1}{a}$

يعني $\frac{1}{a}$ هو العدد المساوي لـ $b+a$.

3) $(5a)^2 = 25(\sqrt{5}-2) = 25\sqrt{5}-50$.

$b^2-5a^2 = 5\sqrt{5}+2-25\sqrt{5}+50 = 52-20\sqrt{5} = 2(26-10\sqrt{5})$

لدينا: $26^2 = 676$ و $(10\sqrt{5})^2 = 500$ إذن $26 > 10\sqrt{5}$

وبالتالي $b^2-5a^2 > 0$ يعني أن $b^2 > 5a^2$

وبما أن العددان b و $5a$ موجبان نستنتج أن: $b > 5a$.

3/10

تمرين عدد 1:

1) $(3x-1)^2+(4x+1)^2 = (5x+1)^2$

يعني: $9x^2-6x+1+16x^2+8x+1 = 25x^2+10x+1$

يعني $25x^2+2x+2 = 25x^2+10x+1$.

يعني $1 = 8x$

يعني $x = \frac{1}{8}$.

2) أ) $2AI = 3BI$

يعني $\frac{AI}{3} = \frac{BI}{2}$ يعني $\frac{AI}{3} = \frac{BI}{2} = \frac{AI+BI}{3+2} = \frac{AB}{5}$

إذن $AI = \frac{3}{5}AB$.

ب) أ) المثلث AIM قائم في I لأن $(MI) \perp (AB)$

مبرهنة طالس في المثلث ABC:

$\frac{BI}{BA} = \frac{MI}{AC} = \frac{BM}{BC}$

$\frac{BI}{4} = \frac{MI}{3} = \frac{2}{5}$ ←

$BI = \frac{8}{5}$ ← و $AI = 4-\frac{8}{5} = \frac{12}{5}$ و $MI = \frac{6}{5}$

بتطبيق مبرهنة فيثاغور في AMI:

$AM^2 = \left(\frac{6}{5}\right)^2+\left(\frac{12}{5}\right)^2$

$= \frac{36+144}{25} = \frac{180}{25} \longrightarrow AM = \sqrt{\frac{180}{25}} = \sqrt{\frac{36}{5}} = \frac{6}{\sqrt{5}}$

4) بما أن المستقيمات (AB) و (MN) و (CD) متوازية إذن حسب مبرهنة طالس:

$\frac{AM}{BN} = \frac{MO}{NC}$ ← $\frac{x}{x+\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ← $\frac{x}{\sqrt{2}} = \frac{2+\sqrt{2}}{2}$

$\frac{x}{\sqrt{2}} = \frac{x+\sqrt{2}-x}{2-\sqrt{2}}$ ← $\frac{x}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2-\sqrt{2}}$ ← $x = \frac{2}{2-\sqrt{2}} = 2+\sqrt{2}$

10/10

موقع مراجعة اعدادي
COLLEGE.MOURAJAA.COM
COLLEGE.MOURAJAA.COM

موقع مراجعة اعدادي
COLLEGE.MOURAJAA.COM

تمرين عدد 3:

$A = x^2 - 2\sqrt{2}x - 16$

1) في حالة $x = 1+\sqrt{2}$

$A = (1+\sqrt{2})^2 - 2\sqrt{2}(1+\sqrt{2}) - 16$

$= 1 + 2\sqrt{2} + 2 - 2\sqrt{2} - 4 - 16$

$= -17.$

2) أ)

$(x-\sqrt{2})^2 - 18 = x^2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 18$

$= x^2 - 2\sqrt{2}x - 16$

$= A.$

ب)

$A = (x-\sqrt{2})^2 - 18$

$= (x-\sqrt{2})^2 - (3\sqrt{2})^2 = (x-\sqrt{2}-3\sqrt{2})(x-\sqrt{2}+3\sqrt{2})$

$= (x-4\sqrt{2})(x+2\sqrt{2}).$

ج) $A=0$ يعني $(x-4\sqrt{2})(x+2\sqrt{2})=0$

يعني $x-4\sqrt{2}=0$ أو $x+2\sqrt{2}=0$

يعني $x=4\sqrt{2}$ أو $x=-2\sqrt{2}$

إذن $S_R = \{4\sqrt{2}, -2\sqrt{2}\}.$

3) أ) $A \leqslant 14$ يعني $(x-\sqrt{2})^2 - 18 \leqslant 14$

يعني $(x-\sqrt{2})^2 \leqslant 32$

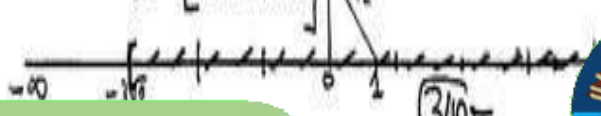
يعني $|x-\sqrt{2}| \leqslant \sqrt{32}$

يعني $|x-\sqrt{2}| \leqslant 4\sqrt{2}$

ب) $A \leqslant 14$ يعني $|x-\sqrt{2}| \leqslant 4\sqrt{2}$ يعني $-4\sqrt{2} \leqslant x-\sqrt{2} \leqslant 4\sqrt{2}$

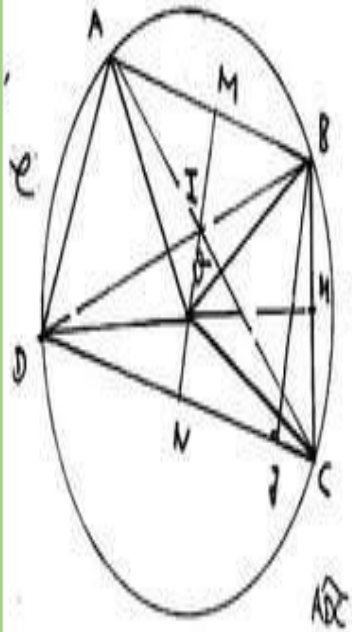
يعني $-3\sqrt{2} \leqslant x \leqslant 5\sqrt{2}$

إذن $S_R = [-3\sqrt{2}\,;\,5\sqrt{2}]$



3/10

تمرين عدد 4:



1) أ)

$\widehat{COD} = 360 - (90 + 60 + 60)$

$= 360 - 210 = 150°.$

المثلث COD متقايس الساقين قمته O إذن $OC = OD$

$\widehat{ODC} = \widehat{OCD}$ إذن

$= \frac{180 - 150}{2} = 15°.$

وبالتالي: $\widehat{ADC} = \widehat{ADO} + \widehat{ODC}$

$= 60 + 15 = 75°.$

ب) المثلث OAB متقايس الضلعين قائم الزاوية في O إذن $\widehat{OAB} = 45°$

المثلث OAD متقايس الأضلاع إذن $\widehat{DAO} = 60°$

وبالتالي $\widehat{BAD} = 45 + 60 = 105°$

المستقيمان (AB) و (DC) يقطعهما المستقيم (AD) ينتج عن ذلك

$\widehat{AD} + \widehat{ADC} = 105 + 75 = 180$ زاويتان داخليتان من نفس الجهة متكاملتان:

إذن: (AB) و (DC) متوازيان

وبالتالي الرباعي ABCD شبه منحرف.

2) أ) مقارنة المثلثين ACD و BCD:

$DC = DC$

$AD = BC = 1$

$\widehat{ADC} = \widehat{BCD} = 75°$

حسب الحالة الثانية لتقايس المثلثات نستنتج أن ACD و BCD متقايسين.

4/10

موقع مراجعة اعدادي
COLLEGE.MOURAJAA.COM
COLLEGE.MOURAJAA.COM

مرحبا بكم على منصة مراجعة

موقع مراجعة
mourajaa.com

موقع مراجعة سنوات الاعدادي

COLLEGE.MOURAJAA.COM

أخبار التعليم في تونس

NEWS.MOURAJAA.COM