



1 (أكمل الجدول التالي مستعينا بالخطط ثم أرسم مصلع التكرارات .

من 2 إلى مادون 2,1	من 1,9 إلى مادون 2	من 1,8 إلى مادون 1,9	من 1,7 إلى مادون 1,8	من 1,6 إلى مادون 1,7	الفئة (بالمتر)
					مركز الفئة
					عدد اللاعبين (التكرار)
					التواتر بالنسبة المئوية

2 (حدّد مدى ومنوال هذه السلسلة .

.....
.....

3 (أحسب معدل طول لاعبي هذا الفريق .

.....
.....
.....

4 (ما هو احتمال أن يكون قائد الفريق لا ينتمي للفئة المنوال ؟

.....

5 (ما هو احتمال أن يكون طول هداف الفريق على الأقل 1,9m ؟

.....

التمرين الثالث : (5 نقاط) (وحدة قياس الطول هي الصنتر)

في الرسم المقابل ABCD متوازي الأضلاع و x عدد كسري .

1 (حلّ في Q المعادلة $5x - 2 = 3x + 2$

.....
.....

2 (أستنتج طبيعة الرباعي ABCD في هذه الحالة .

.....





MATH+

فرض تأليفية 3

التمرين الأول : (4 نقاط)

ضع علامة (x) في الخانة المناسبة . لكل سؤال إجابة واحدة صحيحة

(1) موسّط السلسلة الإحصائية 1 - 2 - 5 - 7 - 7 - 4 - 3 - 3 - 5 - 1 هو :

3,5 5 5,5

(2) إذا كان 17% من تلاميذ مدرسة إعدادية هو 153 فإنّ 71% من تلاميذ هذه المدرسة يكون :

351 639 261

(3) إذا كان هرم عدد أحرفه 32 فإنّ عدد قممه هو :

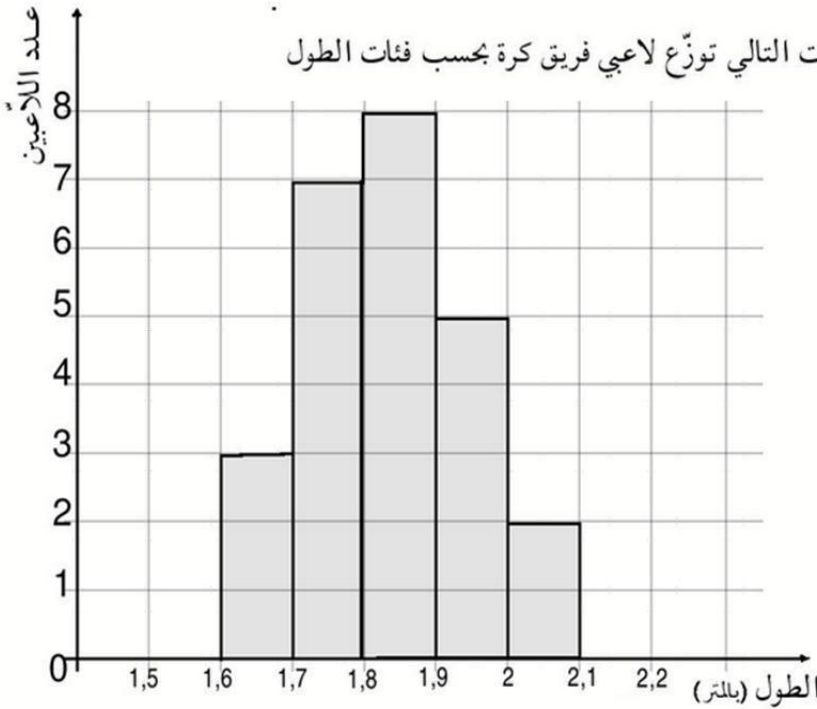
15 16 17

(4) ليكن EFG تصغيرا لمثلث ABC وعامل التشابه $\frac{1}{3}$ و S_1 و S_0 مساحتهما على التوالي فإنّ :

$S_1 = \frac{1}{27} S_0$ $S_1 = \frac{1}{9} S_0$ $S_1 = \frac{1}{3} S_0$

التمرين الثاني : (5 نقاط)

يمثل مخطط المستطيلات التالي توزع لاعبي فريق كرة بحسب فئات الطول



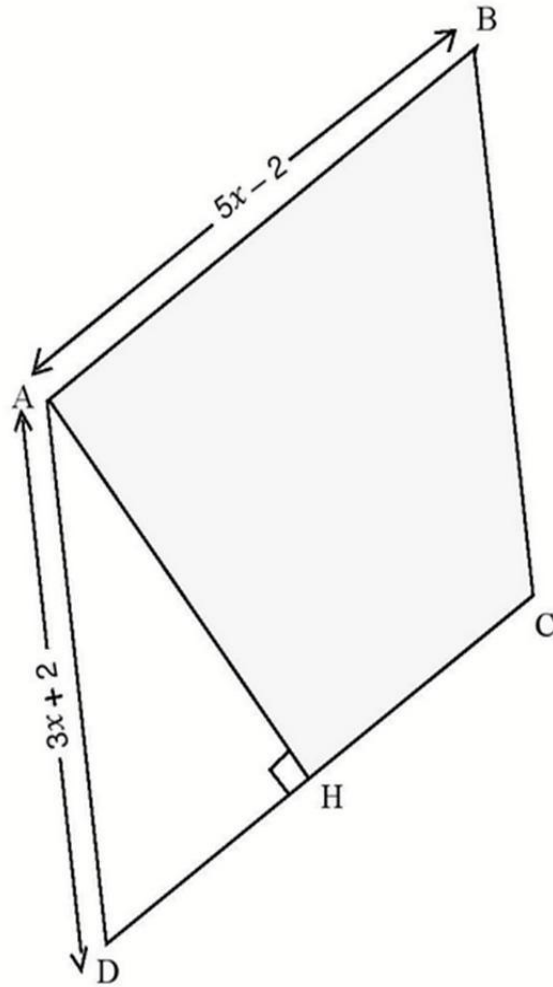


(3) أحسب AH إذا علمت أن مساحة الرباعي ABCD هي 12

.....
.....

(4) ابن النقطة K ليكون الرباعي HABK مستطيل .

(5) أكمل الرسم بما يناسب ليكون نشرًا لهرم قاعدته الرباعي CHAB . التشفير إلزامي

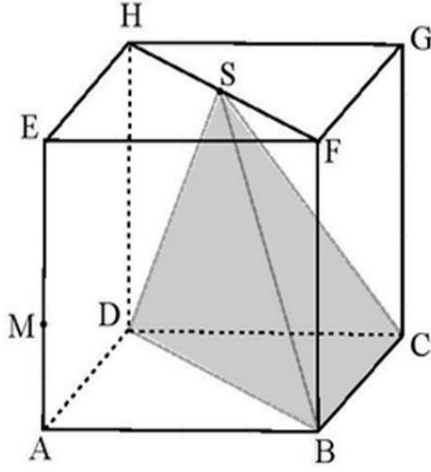




(وحدة قياس الطول هي الصنمتر)

التمرين الرابع : (6 نقاط)

في الرسم التالي مكعب ABCDEFGH مكعب طول حرفه $AB = 4$.



والنقطة S منتصف [FH] و $M \in (AE)$.

1) أكمل بأحد الرموز التالية: \notin ; \in ; \subset ; \supset

$M \dots (CD)$ $M \dots (HGC)$

$(MD) \dots (ADC)$ $(SD) \dots (FBH)$

2) ما هي الوضعية النسبية للمستقيمين في كل حالة.

..... (AB) و (HG)

..... (SB) و (EG)

..... (CG) و (SA)

3) حدّد تقاطع المستويين في كل حالة.

$(DFA) \cap (FGC) = \dots\dots\dots$

$(BEG) \cap (HBD) = \dots\dots\dots$

$(HDM) \cap (FCB) = \dots\dots\dots$

4) أحسب حجم الهرم SDBC

.....

.....

.....

.....





MATH+

فرض تاليفي 3

التمرين الأول : (4 نقاط)

ضع علامة (x) في الخانة المناسبة (إجابة واحدة صحيحة لكل سؤال)

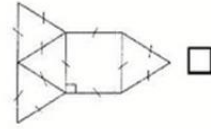
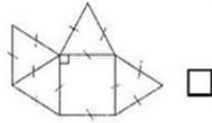
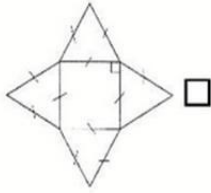
(1) موّسط السلسلة الإحصائية : 1 - 2 - 5 - 7 - 4 - 4 هو :

6

5

4

(2) الرسم الذي لا يمثّل نشرًا لهرم هو :



(3) حجم نصف كرة شعاعها 0,5 يساوي :

$\frac{\pi}{12}$

$\frac{\pi}{3}$

$\frac{4\pi}{3}$

(4) كل رباعي محدّب قطراه متعامدان هو معيّن . صحيح خطأ

التمرين الثاني : (4 نقاط)

(1) ليكن x عدد كسري . أوجد x إذا علمت أنّ الجدول التالي هو جدول تناسب طردي .

5	7
$2x+3$	$3x-2$

.....
.....

(2) أوجد ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية متتالية و مجموعها يساوي 2016 .

.....
.....
.....





3) خصّصت لجنة المسابقة جائزة لأكبر سمكة
أ) ما هو احتمال أن يكون صاحب الجائزة قد اصطاد أقل من 1Kg ؟

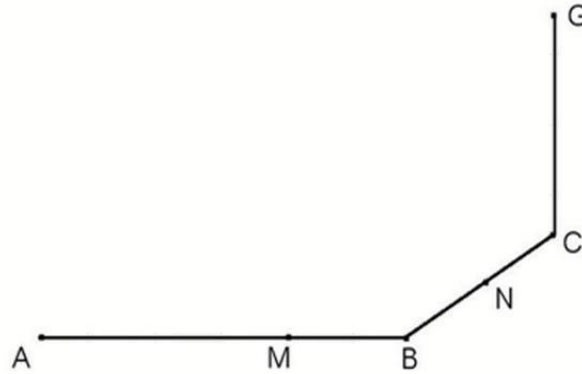
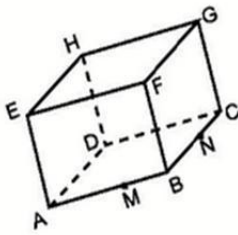
.....
.....

ب) ما هو احتمال أن يكون صاحب الجائزة قد اصطاد أكثر من 3Kg ؟

.....
.....

التمرين الرابع: (6 نقاط)

1) أكمل بناء المجسم التالي حيث ABCDEFGH متوازي المستطيلات كما في الرسم أسفله .



أ) أكمل بإحدى العلامات التالية: \notin , \subset , \in , \notin

N (BDH) \in B (FMN) \in (ED) (HAE)

M (ABG) \in (BD) (CMD) \in (BD) (BDH)

ب) أوجد: $(EGM) \cap (MGN) =$

ج) أكمل بإحدى العبارات التالية: متقاطعان ، متوازيان ، ليسا من نفس المستوي .

..... (EG) و (FN)

..... (CB) و (DM)

..... (DB) و (FH)



2) كرة و مخروط لهما نفس الشعاع $r > 0$.

أحسب h ارتفاع المخروط بدلالة r ليكون للمجسمين نفس الحجم .

.....
.....
.....

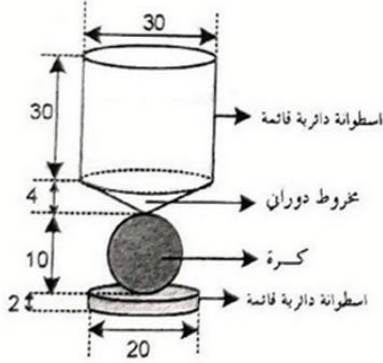




MATH+

فرض تآليفي، 3

1



احسب حجم الجسم الممثل بالرسم المقابل .

2

سأل سائق حافلة القابض العامل معه عن عدد الركاب بالحافلة فأجابته
عددنا ونصفه وثلاثة وأنت يُساوي 100 .
كم عدد الركاب بالحافلة دون السائق والقابض ؟

3

نعتبر العبارة التالية: $E = x^3 - 3x^2$

(1) أ) احسب العبارة E إذا علمت أن $x = (-3)$
ب) فكك E إلى جذاء عوامل.

(2) نعتبر العبارة $F = (x^2 - 1)(x - 3) - (3 - x)$ ، بين أن $E = F$





4

يمثل الرسم المقابل متوازي مستطيلات ABCDEFGH بحيث $AB=3$ و $AD=4$ و $AE=1$

و $M \in [FG]$ و $N \in [HG]$ بحيث $GM=2$ و $GN=1$

(1) انقل الرسم على كراسك ثم ارسم النقاط ا و ل و ك

بحيث $\{I\} = (BM) \cap (DCG)$ ،

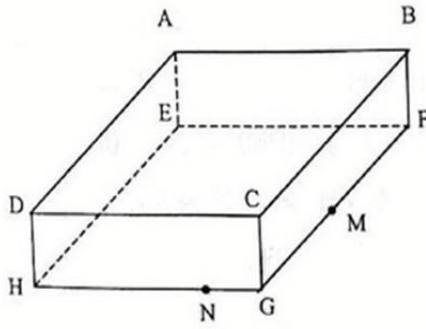
$\{J\} = (CN) \cap (ADE)$ ،

$\{K\} = (CM) \cap (ABF)$

(2) بين أن $(IJ) \subset (DCG)$ وأن $(IK) \subset (BCF)$

(3) أوجد $(CJK) \cap (EFG)$

(4) احسب قيس حجم متوازي المستطيلات ABCDEFGH وحجم الهرم CGNM.



5

ضغط الطفل كريم على أزرار الهاتف المحمول لوالده فظهرت الأرقام والعلامات التالية على شاشته.

4 * 0 # 5 5 6 9 * 4 15 # 0 7 4 5 6 9 5 7 * 0 3 2

(1) هل يوجد رقم لم يظهر على شاشة الهاتف ؟

(2) ما هو الرقم أو العلامة الأكثر ظهوراً ؟

(3) أكمل الجدول

#	*	9	8						0	العلامة أو الرقم
										التكرار
										النواتر بالنسبة
										المائوية





MATH+

فرض تآليفي، 3

1 لاختيار لون الزي الذي سيلعب به فريق رياضي عُرضَ على قائده ثلاثة ألوان للقميص : الأحمر و الأزرق و الأبيض

و أربعة ألوان للتيان : الأزرق و الأصفر و الأسود و الأبيض .

(1) ما هي الاختيارات الممكنة للون الزي .

(2) ما هو احتمال أن يكون الزي بلون واحد ؟

1

2

نعتبر العبارات التالية : $A = 3a^3 + 21a^2$ ، $B = 4a + 28$

$$C = 2a(7a + 4) + (a^2 - 4)(3a + 7)$$

(1) بين أن $C = A - B$

(2) احسب العبارة C إذا علمت أن $a = (-2)$

(3) فكك إلى جذاء عوامل العبارات A و B ثم C.

3

(1) أوجد عددين كسريين x و y متناسبين مع 3 و 4 و $2x - y = 4$.

ثم ارسم النقطة $M(x, y)$ في معين (O, I, J) في المستوي بحيث : $(OI) \perp (OJ)$

(2) ارسم في المعين (O, I, J) المستقيم Δ الممثل للعلاقة بين x و y .

(3) حدد النقط التي تنتمي إلى Δ من بين النقط التالية معللا جوابك ؟

$$C(4, 4) \quad , \quad B\left(-\frac{5}{2}, 1\right) \quad , \quad A(1, 5; -1)$$

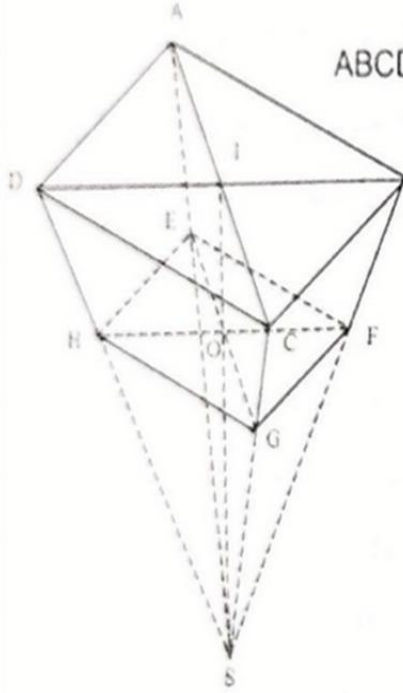
(4) إذا علمت أن النقطتان E و F تنتمي إلى Δ أكمل :

$$F\left(\dots, \frac{7}{4}\right) \quad , \quad E(-2; \dots)$$





4



(وحدة قياس الطول المتر) $ABCDEFGH$ يمثل مسبحا حيث $ABCD$

مربع طول ضلعه 25 و $EFGH$ مربع طول ضلعه 20 م

و $SI = 25$ و $SO = 20$

(SI ارتفاع الهرم $SABC$ و SO ارتفاع الهرم $SEFGH$)

احسب الوقت اللازم لملئ هذا المسبح إذا علمت أن حنفية

تصب فيه 20ل من الماء كل ثانية.

5

لأب 500^د. أعطى منها لابنه الأصغر جزءا ولاينه الأوسط 10^د أكثر من نصيب الأول أما الأكبر فأعطاه ضعف ما أخذ الأصغر فبقي للأب 50^د. ما هو نصيب كل من الأبناء بالدينار ؟

6

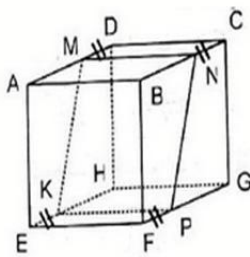
يمثل الشكل المقابل مكعبا $ABCD$ قياس طول حرفه 4 و $EK = MD = NC = PF = 1$.

(1) أ) ما هي طبيعة كل من الرباعين $ABNM$ و $EFPK$ ؟ علل جوابك.

ب) بين أن $(MN) \parallel (KP)$ واستنتج طبيعة الرباعي $MNPK$.

(2) أ) ما هي طبيعة كل من الرباعين $MDHK$ و $NCGP$ ؟

احسب مساحة كل منهما.



ب) بين أن (NP) و (DCG) متقاطعان وارسم تقاطعهما ا.

ج) بين أن (MK) و (DCG) متقاطعان وارسم تقاطعهما ل.

(3) أوجد $(MNP) \cap (DCG)$.

(4) أ) بين أن $(MN) \parallel (DCG)$

ب) استنتج أن $(MN) \parallel (IJ)$.





MATH⁺

فرض تأليفية 3

التمرين 1 (3 نقاط)

يلى حل سؤال من الأسئلة ثلاث اجاباه اجاباهما فقط صحيحة.

1 كل رباى اضلاع قطراء تتقاطع فى المنتصف ومتعامدة هو :

(أ) مربع (ب) مستطيل (ج) معين

2 رباى زوايا قائمة فى :

(أ) قطراء متقابلة (ب) قطراء منصفوا لزوايا (ج) قطراء متعامدة

3 إذا كان مستقيم Δ و مستوي P يشتركان فى نقطتين A و B فى $\Delta \cap P$ يساوى :

(أ) (\overline{AB}) (ب) $\{A; B\}$ (ج) $[AB]$

4 مجموعة حلول المعادلة $|1 - x| = 6$ هى :

(أ) $\{7; -5\}$ (ب) $\{6; -6\}$ (ج) $\{7; -7\}$

التمرين 2 (2 نقاط)

قاعة رياضة بها 12800 مقعدا . خلال مقابلة الدور النهائى لكأس تونس لكرة اليد بيعت كل التذاكر التى كانت من فئة 10 دنانير و البعض الأخر من فئة 15 دينار وكانت المداخيل 135000 دينار
أوجد عدد المقاعد من كل صنف

.....
.....
.....
.....
.....

التمرين 3 (2 نقاط)

1 أنشر ثم اختصر العبارة $L = (2 - t)(5 - t) - t(1 + t)$

$L =$
 $=$

2 استنتج حساب $9998 \times 9995 - 10000 \times 10001$

$9998 \times 9995 - 10000 \times 10001 =$
 $=$





التمرين عدد 4 (3 نقاط)

لتكن العبارتين $e = 4x^2 - 8x$ و $f = 3(2 - x)^2$ حيث x عدكسري نجبى

(1) أ) أحسب e حيث $x = \frac{1}{2}$ | ب) أحسب f حيث $x = -1$

$e = \dots\dots\dots$ | $f = \dots\dots\dots$

$= \dots\dots\dots$ | $= \dots\dots\dots$

(2) أ) فكك إلى جزاء عوامل الجارة e

$e = 4x^2 - 8x = \dots\dots\dots$

ب) بين أن $e + f = (x - 2)(7x - 6)$

$e + f = \dots\dots\dots$

$= \dots\dots\dots$

$= \dots\dots\dots$

(3) استنتج في \mathbb{Q} مجموعة حلول المعادلة $e + f = 0$

.....

.....

.....

.....

التمرين عدد 5 (2 نقاط)

هذا الجدول يمثل سرعة 500 سيارة في طريق

110	100	70	50	30	السرعة بالكم في الساعة
50	120	180	90	60	عدد السيارات

1) حدد كلا من :

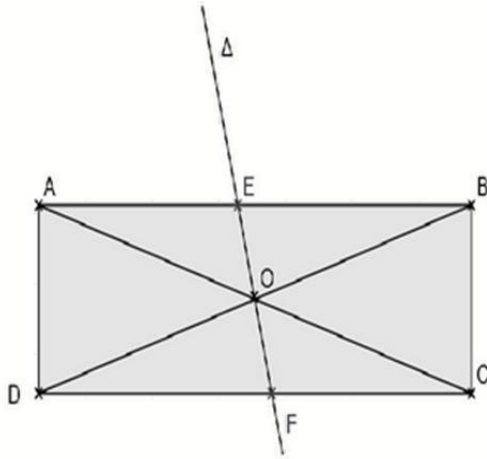
..... المدى المتوال المتوسط

2) إذا اخترنا بصفة عشوائية سيارة من بين هذه السيارات .

ما هو احتمال أن تكون مخالفة علما أن السرعة المحدودة هي 60 كم في الساعة

.....





التمرين 6 (4 نقاط)

نعتبر الشكل التالي حيث $ABCD$ مستطيل مركزه O
و Δ المتوسط العمودي لـ $[BD]$ يقطع (AB) في E
ويقطع (DC) في F

(1) أ) قارن المثلثين ODF و OEB

.....
.....
.....
.....

ب) امسح أن O منتصف $[EF]$

.....
.....

(2) بين أن $EBFD$ معين

.....
.....
.....

(3) أ) علما أن $AB = 8\text{cm}$ و $AD = 4\text{cm}$ و $AE = x$ أحسب مساحة المعين $EBFD$ بدلالة x

.....
.....
.....

ب) أوجد x بحيث تكون مساحة المستطيل $ABCD$ ثمانية أخماس $\left(\frac{8}{5}\right)$ مساحة المعين $EBFD$

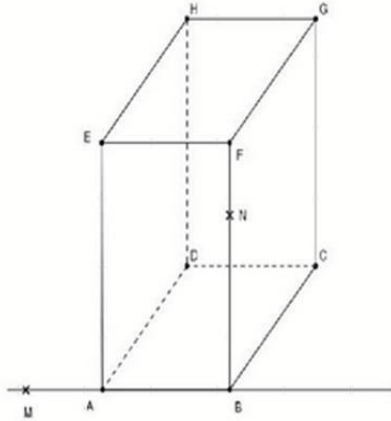
.....
.....
.....





التمرين 7 (4 نقاط)

تأمل الرسم المجاور حيث ABCDEFGH متوازي المستطيلات و $M \in (AB)$ و $N \in [BF]$



1) حدد المجموعات التالية :

$(ABE) \cap (CFD) = \dots \dots \dots * (ADG) \cap (MFE) = \dots \dots \dots$

$(ABC) \cap (FM) = \dots \dots \dots * (ABE) \cap (NH) = \dots \dots \dots$

2) ماهي الوضعية النسبية للمستقيمين (AE) و (DC) معلا جوابك

.....

.....

.....

.....

3) ماهي الوضعية النسبية للمستقيمين (ME) و (BF) معلا جوابك

.....

.....

.....

.....

4) بين أن $(EF) // (ABC)$

.....

.....

.....





MATH+

فرض تأليفي، عدد 3

التمرين الأول: (4 نقاط)

لكل سؤال، واحدة من بين الإجابات الأربعة صحيحة. أوجد الإجابة المناسبة.

د	ج	ب	أ	
إذا كان الجداء ac متغيراً	إذا كانت النسبة $\frac{c}{a}$ ثابتة	إذا كان الجداء ac ثابتاً	إذا كانت النسبة $\frac{c}{a}$ متغيرة	1 المتغيران المخالفان للصفر a و c متناسبان طرذاً، ...
$\frac{MN}{AB} = \frac{MP}{AC} = \frac{BC}{NP}$	$\frac{MN}{AB} = \frac{NP}{BC}$	$\frac{MN}{AB} = \frac{NP}{BC} = \frac{MP}{AC}$	$\frac{MN}{AB} = \frac{MP}{AC}$	2 ليكن MNP و ABC مثلثين. المثلثان MNP و ABC متشابهان، في حالة...
متطابقان أو متقاطعان	متوازيان أو متعامدان	لا يمكن تحديد وضعيتهما النسبية	متوازيان أو متقاطعان	3 مستقيمان من نفس المستوى، هما مستقيمان ...
ليسا متوازيين وليسا متقاطعين	متقاطعان	متوازيان أو متقاطعان	متوازيان	4 مستقيمان ليسا من نفس المستوى، هما مستقيمان ...

التمرين الثاني: (4 نقاط)

قامت إدارة إحدى الوكالات العقارية المختصة في كراء الشقق القريبة من مركز المدينة، بتقديم بعض المعلومات لحرثانها على سبيل الذكر، الواردة بالرسم البياني عـ1ـ عدد،

الذي يحدد المساحة المخصصة للكرء بالمتر المربع $S(m^2)$ حسب المبلغ الشهري بالدينار $M(D)$ (1) بين أن المبلغ الشهري بالدينار M والمساحة بالمتر المربع S متناسبان طرذاً، محدداً عامل التناسب.

(2) أـ أوجد المبلغ الشهري بالدينار، المخصص لكرء شقة تقدر مساحتها بـ $90m^2$.
بـ خصصت إحدى العائلات مبلغ يقدر بـ 150 دينار من الميزانية الشهرية لكرء شقة من هذه الوكالة العقارية. أوجد مساحة الشقة بالمتر المربع الموافقة لهذا المبلغ.

(3) ليكن (O, I, J) معيّنًا من المستوي حيث: $(OI) \perp (OJ)$ و $OI = OJ = 1cm$
مثل الجدول السابق برسم بياني، وفق السلم التالي:

20 دينار من المبلغ الشهري $\longleftrightarrow 1cm$ (على محور الفاصلات)
و 10 متر مربع من مساحة الشقة $\longleftrightarrow 1cm$ (على محور الترتيبات)

75	65	50	45	30	المساحة بالمتر المربع $S(m^2)$
180	156	120	108	72	المبلغ الشهري بالدينار $M(D)$

الرسم البياني عـ1ـ عدد





التمرين الثالث: (6 نقاط)

المجسم $ABCDEFGH$ متوازي مستطيلات ، M نقطة من الحرف $[FB]$ مخالفة للنقطة B ،
 N منتصف القطعة $[AC]$ و P مستويا محددًا بالنقاط H و G و F

1- أ- اذكر مستويين تنتمي لهما كلا من النقطتين A و M .

ب- انقل، ثم عوض بالرمز المناسب من بين الرموز التالية \in أو \notin أو \subset أو \supset كل من الفراغات التالية:

$N \dots\dots P$; $(AM) \dots\dots P$; $M \dots\dots (ABE)$; $A \dots\dots P$

$B \dots\dots (CDG)$; $(DF) \dots\dots (MBD)$; $F \dots\dots P$; $(MC) \dots\dots (FCB)$

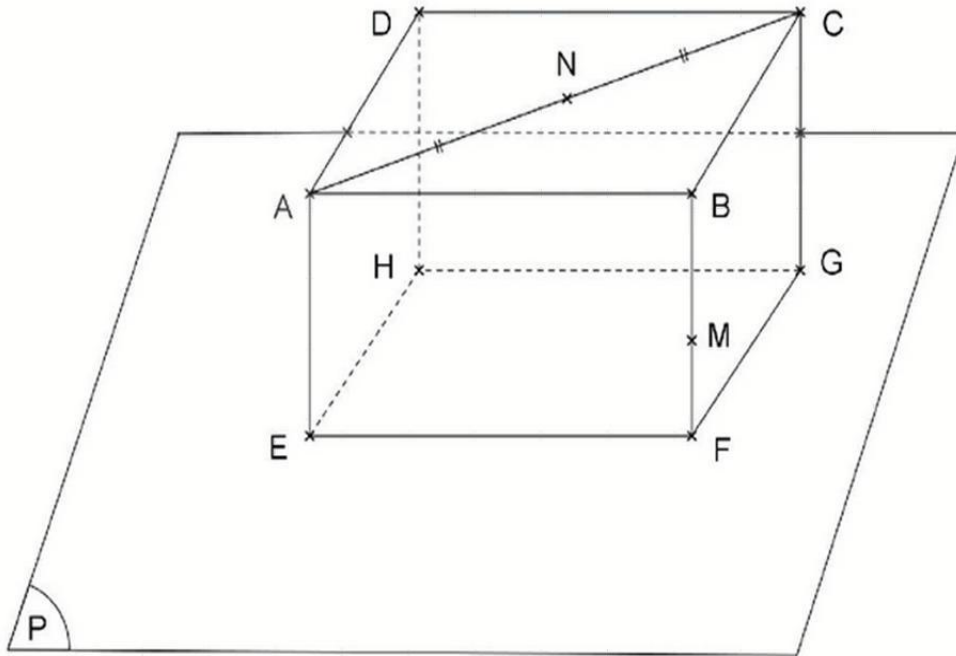
2- أ- ماهو المستوي الذي يحوي كلا من المستقيمين (AB) و (AF) ؟

ب- بيّن أنّ المستقيمين (AC) و (BD) متقاطعان في النقطة N .

ج- بيّن أنّ المستقيمين (AD) و (HE) متوازيان .

د- ماهي الوضعية النسبية للمستقيمين (FB) و (CD) ؟ علّل الإجابة .

3) بيّن أنّ المستقيم (MC) والمستوي P متقاطعان ، ثم حدّد نقطة تقاطعهما على الرسم



الرسم البياني ع2-د





التمرين الرابع: (6 نقاط)

توجد بكتيس عازل للرؤية مجموعة من الأقراص، ملوّنة و متشابهة من حيث الوزن والشكل ،
الرسم البياني ع3دد يحدّد توزّع عدد الأقراص بالكتيس حسب اللون
(1) انقل ، ثم أكمل تعميم الجدول التالي ، الموافق للرسم البياني ع3دد:

اللون	الأبيض	الأحمر	الأزرق
عدد الأقراص

(2) حدّد العدد الجملي للأقراص بالكتيس.

(3) التجربة العشوائية التالية، تتمثل في سحب قرص من الكيس دون رؤية الأقراص.

علمًا أنّ الأقراص لها نفس الاحتمال في السحب:

أ- حدّد عدداً للحالات الممكنة لهذه التجربة العشوائية.

ب- أوجد كلّ من الاحتمالات التالية، مقدّمًا النتيجة في شكل كتابة كسرية مختزلة إلى أقصى حدّ ،

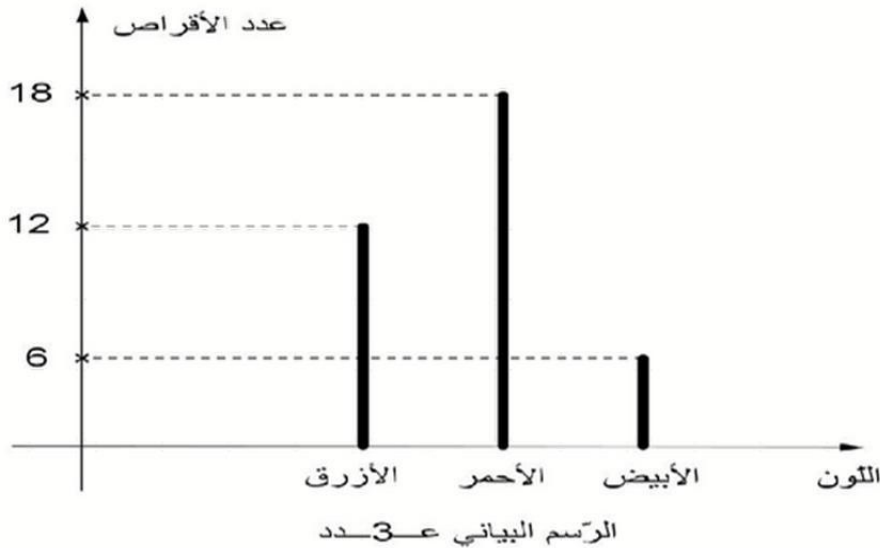
علمًا أنّ احتمال تحقّق حدث ما مساو لناتج قسمة عدداً للحالات المتوفرة لهذا الحدث على عدداً للحالات الممكنة للتجربة العشوائية.

- p احتمال تحقّق الحدث التالي: " سحب قرص أبيض "
- q احتمال تحقّق الحدث التالي: " سحب قرص أحمر "
- k احتمال تحقّق الحدث التالي: " سحب قرص أزرق "

ج- تحقّق من المساواة التالية: $p + q + k = 1$

(4) ماهو القرص الأكثر احتمالاً للسحب؟ الأقلّ احتمالاً للسحب؟ علّل الإجابة.

(5) أوجد احتمال تحقّق الحدث التالي: " سحب قرص أبيض أو قرص أزرق "

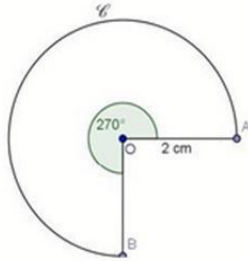




MATH+

فرض تاليفي 3

التمرين الأول: (4 نقاط)

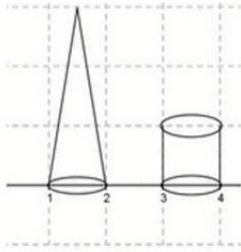


أجب بصواب أو خطأ عن كل عبارة مما يلي:

1. طول القوس \overline{AB} المقابل يساوي 3π cm.

2. مهما كان العدد الكسري النسبي T فإن: $5 - 2T = 3T$.

3. المخروط والإسطوانة الدائريان القائمان المقابلان لهما نفس الحجم.



4. $-\frac{3}{4} \times 10^5$ هي الكتابة العلمية للعدد (-7500).

التمرين الثاني: (8 نقاط)

I. لنعتبر العبارتين $Z = 96\left(t - \frac{2}{3}\right)$ و $X = 155 - Z$

(أ) بين، معتمدا طريقة النشر والإختزال، أن: $Z = 96t - 64$ وأن $X = 219 - 96t$.

$Z = \dots\dots\dots$

$X = \dots\dots\dots$

(ب) لنعتبر العبارة $Y = 50t$.

• احسب القيمة العددية لكل من العبارتين X و Y أعلاه مجيبا هكذا:

عندما يكون $t = \frac{3}{2}$ فإن: هي القيمة العددية للعبارة X و هي القيمة العددية للعبارة Y .

• قارن القيمتين العدديتين للعبارتين X و Y .

.....

(ج) ماذا يمثل العدد $\frac{3}{2}$ للمعادلة $X = Y$: (E) ؟

.....





II تبعد مدينتان A و B عن بعضهما مسافة $155km$.

خرج، ذات ليلة على الساعة صفر $00:00$ (منتصف الليل) من المدينة A نحو المدينة B، رجل راكبا دراجته النارية وسار بسرعة $50km$ في الساعة الواحدة، وبعد ثلثي الساعة ومن المدينة B ركب رجل سيارته قاصدا المدينة A وبسرعة $96km$ في الساعة الواحدة.

1. أ) عبر، بعدد كسري، عن ساعة انطلاق السيارة.

ب) اعط قيمة تقريبية بالأحاد للمسافة التي قطعها الدراج عند انطلاق السيارة.

2. أ) اربط بسهم كل فقاعة من الجهة اليمنى بما يناسبها من الفقاعتين في الجهة اليسرى

(t هو رمز للزمن بالساعات)

$50t$

المسافة، عند الساعة t ،
بين السيارة والمدينة B

$96\left(t - \frac{2}{3}\right)$

المسافة عند الساعة
 t بين الدراج
والمدينة A





(ب) اشرح كيف أن العبارة $X = Y$ هي تعبير، بدلالة t ، عن المسافة التي تفصل السيارة عن المدينة A عند الساعة t .

.....
.....
.....

(ج) بين أن المعادلة $X = Y$ تؤول إلى المعادلة $146t = 219$ (F).

.....
.....
.....
.....

3. (أ) حل في \square ، مجموعة الأعداد الكسرية النسبية، المعادلة (F).

.....
.....

(ب) استنتج ساعة التقاء الدراج بصاحب السيارة.

.....
.....

(ج) ما هي إذن، حينها، المسافة المشتركة التي تفصلهما عن المدينة A؟

.....
.....

تذكير: المسافة المقطوعة = السرعة \times الزمن المستغرق.

التمرين الثالث: (8 نقاط)

ملاحظة هامة: في هذا التمرين نأخذ $\pi = 3,142$ ، والمتر (m) هي وحدة الطول المعتبرة.

الرسم (ص 4/4) يمثل هرما $SABCD$ أطوال أبعاده موضحة كما ترى ويحوي سائلا معيناً.

1. (أ) ما طبيعة رباعي الأضلاع $ABCD$ ؟

.....
.....





ب) احسب مساحة قاعدة الهرم $SABCD$ وحجمه.

.....
.....

2 أفرغ السائل، دون زيادة أو نقصان، في مخروط دوراني قائم (ع) ارتفاعه 6 m .

أ) بين أن مساحة قاعدة المخروط تساوي $78,55\text{ m}^2$.

.....
.....

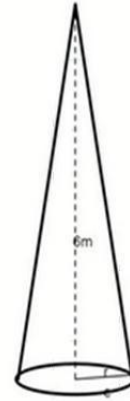
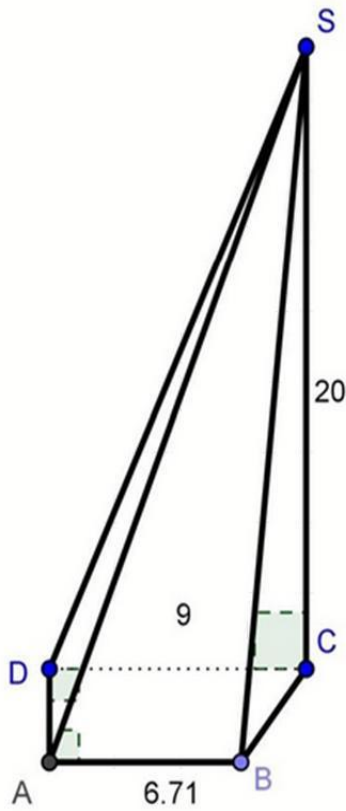
ب) احسب قياس الشعاع r لهذا المخروط.

.....
.....

3. استنتج قياس المساحة الجانبية للمخروط ع إذا علمت أن $7,81\text{m}$ هو طول عمد هذا المخروط.

.....
.....

.....
.....





MATH+

فرض تآليفي 3

1

رمى سامي نرداً أوجهه مرقمة من 0 إلى 3 (رباعي الأوجه) عشرة مرات
وسجل أرقام الأوجه الظاهرة بعد كل رمية فتحصل على النتائج التالية :

1,0,3	3,1,0	1,3,0	3,0,2	3,2,1	1,2,0	1,2,3	2,1,3	2,0,3	3,2,1
-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------

(1) أكمل الجدول المقابل :

الرقم	3	2	1	0
عدد مرات ظهوره				
التواتر بالنسبة المئوية				

(2) ما هو الرقم الذي له الأكثر ظهور في رميات سامي ؟

(3) ارسم مضلع التواتر

(4) ما هي النسبة المئوية لظهور رقم فردي ؟ لظهور رقم زوجي ؟ في تجربة سامي .

2

لزينب علبة تحتوي على 20 كويرة لها نفس الشعاع لا يمكن التفريق بينها باللمس، منها 5 حمراء و 3 بيضاء
والبقية غير ملونة، سحبت زينب منها كويرة بطريقة عشوائية .

(1) ما هو احتمال أن تكون الكويرة المسحوبة حمراء ؟

(2) ما هو احتمال أن الكويرة المسحوبة ملونة ؟

(3) ما هو احتمال أن تكون الكويرة المسحوبة غير ملونة ؟

(4) إذا علمت أن في العلبة 4 كويرات حمراء تحمل كل منها رقم 0 و 10 كويرات غير ملونة تحمل رقم 2
والبقية تحمل رقم 1 .

(أ) ما هو احتمال أن تكون الكويرة المسحوبة حمراء و تحمل رقم 0 ؟

(ب) ما هو احتمال أن تكون الكويرة المسحوبة حمراء و تحمل رقماً فردياً ؟

(ج) ما هو احتمال أن تكون الكويرة المسحوبة غير ملونة و تحمل رقم 1 ؟

(د) ما هو احتمال أن تكون الكويرة المسحوبة تحمل رقماً زوجياً ؟





3

(1) أ) احسب حجم هرم ارتفاعه 3cm وقاعدته مستطيل بعده 4cm و 1cm .
ب) احسب ارتفاع هرم قاعدته مربع طول ضلعه 1cm و حجمه يساوي حجم الهرم السابق .

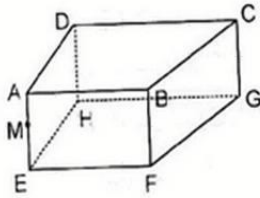
(2) أ) نصف كرة شعاعها R . احسب حجمها بدلالة R .
ب) أوجد بدلالة R ارتفاع اسطوانة دائرية قائمة شعاعها R وحجمها يساوي حجم نصف الكرة السابقة .

4

اشترت 3 علب من اليوغرت وعلبتان من الجبن
ثمان الواحدة يزيد عن ثمن علبة اليوغرت بـ 300مي .
دفعت للتاجر 3د فأرجع لك 650 مي أوجد ثمن علبة اليوغرت وثمان علبة الجبن .

5

يمثل الشكل المقابل موشورا قائما ABCDEFGH قاعدته شبه منحرف ABCD قائم في A و D
بحيث $AD = 2\text{ cm}$ و $CD = 5\text{ cm}$ و $AB = 3\text{ cm}$
(1) أكمل بأحد الرموز \in أو \notin أو \subset أو \supset :
(FM).... (ABE) ، (BC)....(CDG) ، B(CDG)
(2) ما هي الوضعية النسبية للمستقيم (BE) والمستوي (FGH)
ما هي الوضعية النسبية للمستويين (ABE) و (CGH) ؟
(3) بين أن $(EF) \parallel (CDG)$
(4) إذا علمت أن $(EH) \cap (FG) = \{P\}$ وأن $(AD) \cap (BC) = \{N\}$ أوجد $(ADH) \cap (BCG)$ ثم ارسمه
(5) أ) بين أن (DM) و (EFG) متقاطعان وارسم تقاطعهما K
ب) بين أن النقاط H و K و E على استقامة واحدة .
(6) احسب AM إذا علمت أن حجم الهرم MABCD يساوي 8 cm^3





6

نعتبر العبارتين التاليتين: $A = -3x^2 - x + 2$ و $B = 7 + 6x - x^2$ حيث x عدد حقيقي .
(1) بين أن $A = (2 - 3x)(x + 1)$

(2) بين أن $B = (x + 1)(7 - x)$

(3) أ) بين أن $A + B = (x + 1)(9 - 4x)$

ب) أوجد العدد الحقيقي x إذا كان A و B متقابلان .





MATH+

فرض تآليفي 3

1

تلميذ عمره 14 سنة سأل عمه عن عمره فأجابته العم بعد 10 سنوات سيصبح عمري ضعف عمرك. كم يساوي عمر العم؟

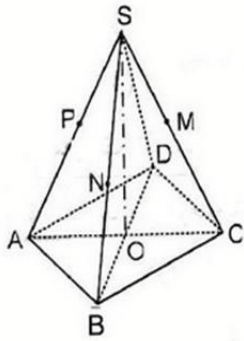
2

ذهبت نور لشراء كوبا يحتوي على كويرتين من المثلجات فوجدت عند البائع خمسة مذاقات مختلفة : شوكولاطة (C) ، فانيليا (V) ، فراولة (F) ، فستق (P) ، بوفريوة (N). إذا علمت أنه بإمكانها اختيار كويرتين بنفس المذاق أو بمذاقين مختلفين .

- (1) ما هي اختيارات نور الممكنة لكوب المثلجات ؟
- (2) ما هو احتمال أن لا يحتوي الكوب على مذاق الفراولة ؟
- (3) ما هو احتمال أن يحتوي الكوب على مذاقين مختلفين ؟

3

يمثل الرسم المقابل هرم SABCD قاعدته المربع ABCD و $SA = SB = SC = SD$ و $N \in [SB]$ و $M \in [SC]$ و $P \in [SA]$ حيث $(MP) \parallel (AC)$ و $SN > SM$ (1) بين أن $(PM) \subset (SAC)$



(2) أ) ما هي الوضعية النسبية لـ (MN) و (BC) ؟

- ب) بين أن (MN) و (ABC) متقاطعان وارسم ا تقاطعهما .
- ج) بين أن (PN) و (ABC) متقاطعان وارسم ل تقاطعهما .

(د) أكمل $(ABC) \cap (PMN) = \dots$

(3) لتكن O مركز المربع ABCD

أ) بين أن $(SAC) \cap (SBD) = (SO)$

ب) (PM) يقطع (SBD) في K . بين أن S و O و K على استقامة واحدة.





4

ثلاثة فروض يحتوي أحدها على 4 أسئلة والثاني على 6 والثالث على 7 ،
أنجزها كمال في أوقات متناسبة مع عدد الأسئلة التي تحتويها .
ما هو الوقت الذي أنجز فيه كل فرض إذا علمت أن الوقت الجملي لإنجاز
الفروض هو 3 ساعات و 24 دقيقة .

5

تم حفر بئر اسطوانية الشكل شعاعها 1 m وعمقها 12 m

(1) ما هو حجم التراب المستخرج منها.

(ب) تم نقل هذا التراب في شاحنة مجهزة بصندوق على

شكل متوازي مستطيلات أبعاده 0,5m و 1,2m و 3m.

احسب عدد السفرات اللازمة التي تقوم بها الشاحنة لنقل كامل التراب
المستخرج من البئر.

(2) ارتفع الماء بالبئر بـ 1,7م. احسب بالتر حجم الماء بالبئر.

(ب) سقطت بالبئر كرة حديدية شعاعها 20 سم فارتفع منسوب الماء به.

احسب الارتفاع الحديد للماء بالبئر.





6

نعتبر العبارت التالية: $A = (2x - 1)^2 - (x + 3)^2$ و $B = 4x^2 - 13x - 12$
و $C = x^2 - 8x + 16$ حيث x عدد حقيقي .

(1) انشر ثم اختصر العبارة A .

(ب) احسب القيمة العددية للعبارة A في حالة $x = 0$

(2) بين أن $B = (4x + 3)(x - 4)$.

(3) (أ) بين أن $A = (x - 4)(3x + 2)$ و $C = (x - 4)^2$

(ب) بين أن $A + B + C = (x - 4)(8x + 1)$.

(ج) بين أنه إذا كان A و $B + C$ متقابلان فإن $x = 4$ أو $x = -\frac{1}{8}$.





MATH+

فرض تآلفي 3

التمرين الأول : (4 ن)

أحط بدائرة الإجابة الصحيحة الوحيدة لكل سؤال:

(1) إذا كانت كرة و مخروط دائري لهما نفس الشعاع 3 cm ونفس الحجم فإن إرتفاع المخروط h يساوي 12 cm :

(أ) صواب (ب) خطأ

(2) سجلت درجات الحرارة لمدينة قبالط من ولاية باجة خلال الأسبوع الأخير من شهر ماي كالتالي (23 ; 22 ; 30 ; 32 ; 26 ; 24 ; 31) إذن متوسط هذه السلسلة الإحصائية هو:

(أ) 24 (ب) 26 (ج) 30

(3) $(a$ و $b)$ متناسبان مع (2 و 3) حيث $(a + b = 15)$ إذن:

(أ) $a = 6$ و $b = 9$ (ب) $a = 9$ و $b = 6$ (ج) $a = 10$ و $b = 5$

(4) صندوق يحتوي على 3 كرة حمراء و 5 كرة صفراء وكرة واحدة زرقاء. سحبنا بصفة عشوائية كرة من الصندوق. الإحتمال أن تكون هذه الكرة حمراء هو:

(أ) $\frac{1}{9}$ (ب) $\frac{5}{9}$ (ج) $\frac{1}{3}$

التمرين الثاني : (4 ن)

نعتبر العبارة $A = (2x + 5)(x - 1) + 4x + 10$ حيث $x \in \mathbb{Q}$

(1) أ بين أن $A = (2x + 5)(x + 1)$

(ب) بين بالنشر والإختصار أن $A = 2x^2 + 7x + 5$

(ج) أحسب القيمة العددية للعبارة A في حالة $x = -2$

(2) حل في \mathbb{Q} المعادلات التالية:

(أ) $A = 0$

(ب) $A = 2x^2$





التمرين الثالث : (5 ن)

يمثل الجدول التالي توزيعا لتلاميذ بقسم من السنة الثامنة أساسي في إختبار مادة الرياضيات حسب معدلاتهم مع العلم أن الفئة مثلا (4 - 0) تعني (من 0 إلى أقل من 4) :

المعدل (الفئات)	4-0	8-4	12-8	16-12	20-16	المجموع
عدد التلاميذ (التكرار)	2	6	10	8	4	
مركز الفئة						
التواتر بالنسبة المئوية	7 %					

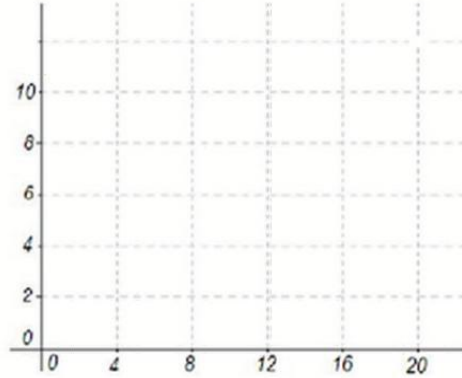
(1) أتمم تعميم الجدول أعلاه

(2) أتمم الجدول التالي:

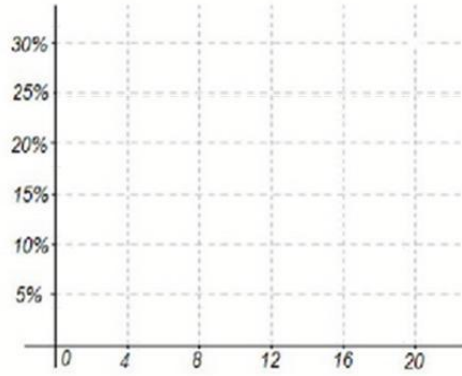
نوع هذه السلسلة الإحصائية	المدى	المنوال

(3) أحسب معدل هذا القسم \bar{x}

(4) أرسم مخطط المستطيلات ثم مضلع التكرارات لهذه السلسلة الإحصائية في نفس المعين



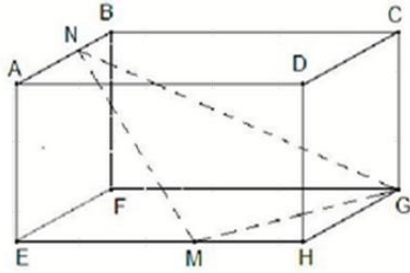
(5) أرسم مضلع التواترات:





التمرين الرابع : (7 ن)

$N \in [AB]$ و $M \in [EH]$ مستطيلات متوازي مستطيلات حيث



(1) أكمل بـ: \in ; \notin ; \subset ; $\not\subset$
(DN) (ABC) ; F (MNG) ; (NG) (BCF) ; M (EFG)

(2) ماهي الوضعية النسبية لكل مايلي:

- (EF) و (MG)
- (ABF) و (MG)
- (BCF) و (NG)
- (DCH) و (ANF)

(3) بين أن $(MG) // (AND)$

(4) أوجد التقاطعات التالية:

- $(MNG) \cap (EFH) =$
- $(ANM) \cap (AEF) =$
- $(BCG) \cap (AMD) =$

(5) بين أن المستقيم (EN) والمستوي (BCG) متقاطعان ثم حدد K نقطة تقاطعهما على الرسم

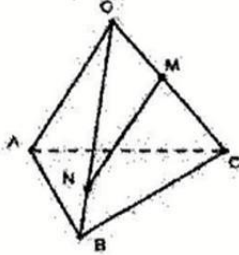




MATH+

فرض تآلففء ء ءءء 3

ءمرفن عءءء:



ضع علامء (x) أمام الإءابة الوحفءة الصءءءة:

(1) فف الرءم المءابل OABC هرم:

M نءءة من [OC] و N نءءة من [OB]

إءن (MN) فءء: (أ) (AB) (ب) (AC) (ء) (BC)

(2) فف ما فلف معءل 9 ءلامفء فف مءءة الرفاءفاء:

15 - 13 - 11 - 14 - 11 - 13 - 11 - 14 - 12 - 13 - 14 - 15.

الموسء Me لهءة السلسلة الإءصاءفة هو:

(أ) 12 (ب) 13 (ء) 14

(3) أب عمره ءاففا 40 سنة له 3 أبناء أعمارهم على ءوالف: 8 سنوات، 10 سنوات و 12 سنة،

سفصفب عمره مساوفا لمءموء أعمار أبناءه ءءاءة بعء:

(أ) 3 سنوات (ب) 5 سنوات (ء) 7 سنوات

(4) ءل المعاءلة: $x^2 - 25 = 0$ هو:

(أ) \emptyset (ب) {5} (ء) {-5; 5}

ءمرفن عءءء:

نعءبر العبارة: $A = (3x + 4)(x + 3) + (6x + 8)$ ءفء x عءء كسرف نسبف:

(1) فكك العبارة: $6x + 8 =$

$6x + 8 =$





(2) استنتج أن: $A = (3x + 4)(x + 5)$

$$A = (3x + 4)(x + 3) + (6x + 8)$$

$$= \dots\dots\dots$$

$$= \dots\dots\dots$$

$$= \dots\dots\dots$$

(3) حلّ في Q المعادلة: $A = 0$

$A = 0$ يعني

.....

.....

.....

.....

إنن: $SQ = \{ \dots\dots\dots \}$

❖ تمرين عدد:

في ما يلي المصرف اليومي بالدينار لثلة من تلاميذ 8 أساسي بالمدرسة الإعدادية زاوية الجديد:

5-5-4-5-4-3-8-4-3-1-5-4-2-2-4-1-2-3-3-1

(1) ما هو التكرار الجملي لهاته السلسلة الاحصائية:

$N = \dots\dots\dots$

(2) أتمم تعبير الجدول التالي:

8	5	4	3	2	1	المصرف اليومي
					3	التكرار: عدد التلاميذ
					15	التواتر بالنسبة المئوية: %

(3) ما هو مدي هاته السلسلة؟

(4) ما هو منوال هاته السلسلة؟

(5) احسب \bar{X} معدّل المصرف اليومي للتلاميذ:

$$\bar{X} = \dots\dots\dots$$

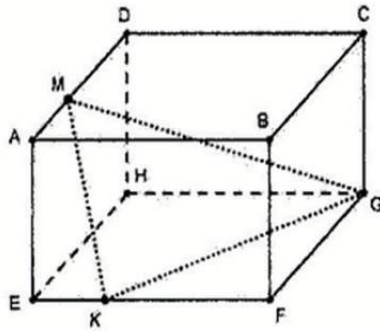
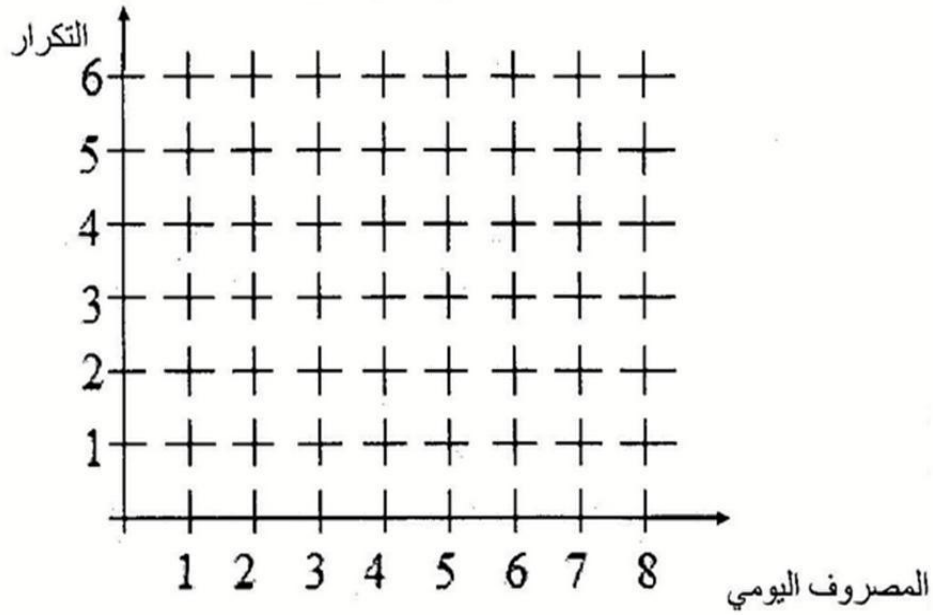
$$= \dots\dots\dots$$

$$= \dots\dots\dots$$





(6) مثل هاته السلسلة بمخطّط العصيات ثم ارسم مضلع التكرارات:



❖ تمرين عدد 4:

لاحظ الرّسم المقابل حيث:

متوازي مستطيلات: ABCDEFGH

$M \in [AD]$ و $K \in [EF]$

(1) أتمم بـ: \in أو \notin ; C أو \notin :

(MK)....(AEH)	(MB).....(DBC)	K.....(ADH)	M.....(BDC)
(AG)....(MKG)	(KG).....(EFH)	H.....(MKG)	H.....(EFG)

(2) ما هي الوضعية النسبية لكلّ من:

- (أ) (DH) و (AE):
- (ب) (EH) و (KG):
- (ج) (MK) و (EH):
- (د) (AB) و (MG):





MATH⁺

فرضن تأليف في 3

التمرين الأول:

(1) أجب بصواب أو خطأ:

..... $0,146 \times 10^{-3}$ تمثل كتابة علمية لعدد عشري

..... $\frac{9}{64}$ هو مربع كامل

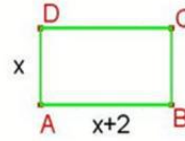
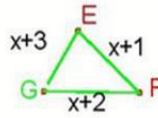
..... 2 هو حل للمعادلة $2x + 1 = x + 3$

(2) أكمل النقاط بما يناسب:

$$9 \times 3^{-2} = 3^7 ; \left[\left(\frac{2}{7} \right)^{-3} \right] \times \left(\frac{2}{7} \right)^4 = \left(\frac{2}{7} \right)^{-11} ; 2^4 \times 2^{-9} = 2^{-5} \quad \sqrt{\frac{3}{8}} = \frac{3}{8}$$

التمرين الثاني:

في الشكل المصاحب ABCD مستطيل أبعاده $AD = x$ و $AB = x + 2$ و EFG مثلث أبعاده $EF = x + 1$ و $EG = x + 3$ و $FG = x + 2$ حيث x عدد كسري موجب قطعاً.



(1) أ) بين أن محيط المثلث هو $3x + 6$

.....
.....

(ب) بين أن محيط المستطيل هو $4x + 4$

.....
.....

(2) أ) جد x ليكون للمثلث و المستطيل نفس المساحة

.....
.....

(ب) أحسب محيط كل منها في هذه الحالة

.....
.....





3) نعتبر العبارة $S = x(x+2) + 3x+6$

أ) بين أن $S = (x+2)(x+3)$

.....
.....

ب) حل المعادلة $S=0$

.....
.....

التمرين الثالث:

يمثل الجدول التالي إستهلاك الحليب لدى 80 رضيع أعمارهم شهرين في مؤسسة صحية

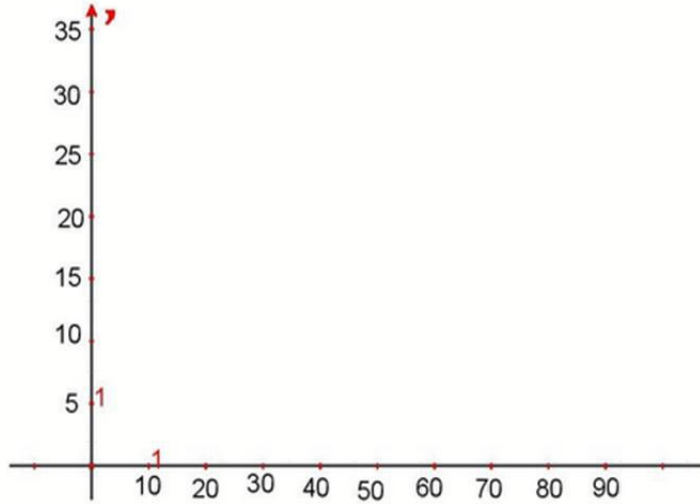
الكمية بالغرام	من 40 إلى ما دون 50	من 50 إلى ما دون 60	من 60 إلى ما دون 70	من 70 إلى ما دون 80
عدد الرضع	10	31	26	13
مركز الفئنة				

1) أكمل الجدول أعلاه.

2) أحسب معدل إستهلاك الحليب لدى الأطفال.

.....

3) أرسم مخطط المستطيلات ثم مضع التكرارات



3) ماهي النسبة المئوية للأطفال الذين يستهلكون أقل من 60 غرام من الحليب.

.....





التمرين الرابع:

يمثل الرسم المرافق مستطيلا ABCD بحيث $AB=4$ و $AD=2$.

(1) ا) ابن النقاط E و F مناظرات A و C على التوالي بالنسبة إلى B.



ب) بين أن الرباعي ACEF معين.

.....
.....

(2) بين أن الرباعي ADBF متوازي أضلاع.

.....
.....

(3) ا) عين النقطة M على [AB]. حيث $BM=2$ والنقطة N مناظرة النقطة M بالنسبة إلى B.

ب) بين أن الرباعي CMFN مربع.

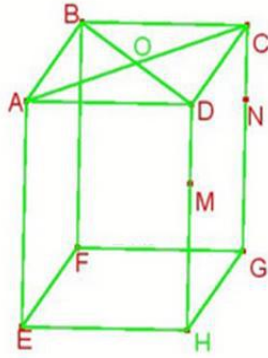
.....
.....





التمرين الخامس:

ABCEFGH متوازي مستطيلات $[DH] \in M$ و $N \in [CG]$ حيث $(MN) \parallel (DC)$ و O مركز ABCD .



(1) أتمم بأحد الرموز التالية $\subset, \supset, \in, \notin$

(FM).....(BCG) (FM).....(ODH) B.....(EMH) M.....(FBD)

(2) بين أن $(MN) \parallel (ABC)$.

.....
.....

(3) ماهي الوضعية النسبية للمستقيمين (OM) و (AD) .

.....

(4) حدد المجموعات التالية

$(OMG) \cap (DBF) = \dots\dots\dots$

$(EHG) \cap (AEF) = \dots\dots\dots$

$(AC) \cap (BFH) = \dots\dots\dots$



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

