



سنة تاسعة

رياضيات
زينب سيوي



القوى في مجموعة الأعداد

الحقيقية R

I. استحضّر

1- نشاط :

أ- أحسب

$$(-1)^{20089} = \dots\dots\dots ; (2026)^0 = \dots\dots\dots ; \left(\frac{1}{10}\right)^2 = \dots\dots\dots$$

ب- أكتب في صيغة قوة عدد كسري :

$$A = 0,001 = \dots\dots\dots ; B = \frac{36}{49} = \dots\dots\dots ; C = -1000 = \dots\dots\dots$$

ت- اختصر الجداءات التالية :

$$A = (10)^2 \times \left(\frac{2}{5}\right)^2 = \dots\dots\dots$$

$$B = (-7)^9 \times (-7)^5 = \dots\dots\dots$$

$$C = (-23456^5)^2 = \dots\dots\dots$$

أفكر

دروس خصوصية
Online

II. قوة عدد حقيقي دليلها عدد صحيح نسبي

عموما

- إذا كان a عددا حقيقيا و n عددا صحيحا طبيعيا حيث $n > 1$ فإن : $a^n = \underbrace{a \times a \times \dots \times a}_n$ حيث n هو عدد عوامل هذا الجداء.
- إذا كان a عددا حقيقيا $a^1 = a$
- إذا كان a عددا حقيقيا مخالف لصفر فإن $a^0 = 1$
- إذا كان a عددا حقيقيا مخالف لصفر و n عددا صحيحا نسبيا فإن $a^{-n} = \left(\frac{1}{a}\right)^n$



51317667



+21655611591



1- أطبق : أكمل بما يناسب

$$(-5)^2 = \dots\dots\dots ; (\sqrt{3})^4 = \dots\dots\dots$$

$$\sqrt{9} \times \sqrt{9} \times \sqrt{9} \times \sqrt{9} = \dots\dots\dots ; \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^4 = \dots\dots\dots$$

2- أطبق : أحسب

$$(-\pi)^1 = \dots\dots\dots ; \left(\frac{233566686}{\pi}\right)^0 = \dots\dots\dots ; \left(\sqrt{\frac{2}{5}}\right)^2 = \dots\dots\dots$$

3- أطبق : أحسب و أقرن في كل مرة

$$(\sqrt{7})^{-5} \text{ و } \sqrt{7^{-5}} \text{ ثم } (\sqrt{3})^4 \text{ و } \sqrt{3^4}$$

.....

.....

.....

عموما

.....

.....

.....

.....

.....

4- نشاط : أحسب

$$3^{-3} = \dots\dots\dots ; (-\sqrt{3})^2 = \dots\dots\dots$$

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{5}\right)^2 = \dots\dots\dots ; (-1)^3 = \dots\dots\dots$$

استنتج

.....

.....

.....

.....

III. خاصيات القوى في IR

إذا كان العدد a و b عددين حقيقيين مخالفين للصفر m و n عددان صحيحان نسبتيان فإن :

$$\diamond (ab)^n = a^n \cdot b^n ; a^n \cdot a^m = a^{n+m} ; a^{-n} = \left(\frac{1}{a}\right)^n$$

$$\diamond (a^n)^m = a^{n \times m} ; \frac{a^n}{a^m} = a^{n-m} ; \left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$$

51317667

+21655611591





سنة تاسعة

رياضيات

زينب سيوي

تطبيقات



عدد 01: أتمم بـ: R أو R_+

$$(-\sqrt{2})^{-2} \in \dots ; (-1)^{2099} \in \dots ; (-\pi)^3 \times (-\pi)^{-4} \in \dots$$

$$\left(\frac{-\sqrt{2}}{2}\right)^{101} \times (-\sqrt{2}) \in \dots ; -\sqrt{2}^{-50} \in \dots ; (-1)^{2011} \in \dots$$

عدد 02: أحسب ما يلي :

$$(-\sqrt{2})^2 = \dots ; (\sqrt{2})^{-2} = \dots ; (-1)^{2011} = \dots$$

$$(234456678)^0 = \dots ; \left(\frac{-2}{\sqrt{3}}\right)^{-2} = \dots ; (2\sqrt{2})^2 = \dots$$

عدد 03: أحسب العبارات التالية

$$A = -\sqrt{2}^2 - \sqrt{3}^2 = \dots$$

$$B = (\sqrt{2})^{-2} + (2\sqrt{5})^{-1} \times \sqrt{5} = \dots$$

$$C = \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right) \times \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{-2} - \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{-1} = \dots$$

$$D = \left(\frac{2}{\sqrt{2}}\right)^{-2} \times \sqrt{2} - (-\sqrt{2})^3 = \dots$$

عدد 04: a و b عدنان حقيقيان حيث

$$a = \sqrt{600} - 5\sqrt{6} - \sqrt{24} ; b = 6\sqrt{2} + \sqrt{18} - \sqrt{32}$$

$$1 - \text{بين أن : } a = 3\sqrt{6} \text{ و } b = 5\sqrt{2}$$

$$2 - \text{أحسب } a^{-2} \text{ و } b^2$$

ب- استنتج :

$$\left(\frac{b}{a}\right)^2 \times \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^{-2}$$

3- بين أن $\frac{a\sqrt{18}}{18}$ و $\left(\frac{-b}{5\sqrt{6}}\right)^{-1}$ عدنان متقابلان

عدد 05: a و b و c أعداد حقيقية حيث $ab=c$

1- أحسب a ثم اختصر في كل من الحالات التالية :

$$\bullet C = \sqrt{6} ; b = \sqrt{3} \times (\sqrt{2})^2$$

$$\bullet C = \left(\frac{3}{\sqrt{2}}\right)^{-3} ; b = \left(\frac{\sqrt{2}}{3}\right)^4$$

$$2 - \text{بين أن } abc = (ab)^2$$

$$3 - \text{أحسب } abc \text{ إذا علمت أن :}$$

$$a = \left(\frac{2}{\sqrt{5}}\right)^3 ; b = \left(\frac{\sqrt{2}}{5}\right)^{-3}$$

51317667

+21655611591

3

Online دروس خصوصية

Online دروس خصوصية





سنة تاسعة

رياضيات

زينب سبوعى

سلسلة تمارين



القوى في مجموعة الأعداد الحقيقية IR

تمرين عدد 01 : أحسب العبارات التالية (أعتد أولويات العمليات)

$$A = -\sqrt{2}^2 - (\sqrt{3})^2 = \dots\dots\dots$$

$$B = (\sqrt{2})^{-2} + (2\sqrt{5})^{-1} \times \sqrt{5} = \dots\dots\dots$$

$$C = \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right) \times \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{-2} - \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{-1} = \dots\dots\dots$$

$$D = \left(\frac{\sqrt{2}}{5}\right)^{-2} - \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 = \dots\dots\dots$$

تمرين عدد 02 : a و b عدنان حقيقيان حيث :

$$a = \sqrt{600} - 5\sqrt{6} - \sqrt{24} ; b = 6\sqrt{2} + \sqrt{18} - \sqrt{32}$$

1- بين أن : $a = 3\sqrt{6}$ و $b = 5\sqrt{2}$

2- أحسب a^2 و b^2

3- استنتج $\left(\frac{b}{a}\right)^2 \times \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^{-2}$

4- بين أن : $\frac{a\sqrt{18}}{18}$ و $\left(\frac{-b}{5\sqrt{6}}\right)^{-1}$ عدنان متقابلان

تمرين عدد 03 : x و y عدنان حقيقيان حيث :

$$x = (\sqrt{2} + 1)^2 ; y = (\sqrt{2} - 1)^2$$

1- أحسب $(\sqrt{2} + 1) \times (\sqrt{2} - 1)$

2- بين أن x و y مقلوبان

3- استنتج أن x^{10} و y^{10} مقلوبان

4- بين أن إذا كان n عددا صحيحا طبيعيا فإن x^n هو مقلوب x^{-n}

5- هل أن $(2\sqrt{2} - 3)$ مقلوب $(2\sqrt{2} + 3)$ ؟ علل جوابك

تمرين عدد 04 :

لتكن العبارة E التالية :

$$E = x^{-2} - 2x^2y^{-3} - y^{-2}$$

أحسب القيمة العددية للعبارة E حيث : $x = \frac{\sqrt{3}}{2} ; y = \frac{1}{\sqrt{2}}$



51317667

+21655611591

1

Online دروس خصوصية

Online دروس خصوصية



سنة تاسعة

رياضيات

زينب سبوعي



سلسلة مراجعة
الثلاثي الثاني

تمرين عدد 01

نعتبر العددين :

$$a = -\sqrt{180} + \sqrt{20} + \sqrt{49} + 2 ; b = 9 + \frac{(\sqrt{5})^3 \times \sqrt{5}^4}{\sqrt{5}^{-5}} - \sqrt{5}$$

1- بين أن $a = 9 - 4\sqrt{5}$ و $b = 9 + 4\sqrt{5}$

2- بين أن a مقلوب b

3- احسب $\frac{1}{b} + \frac{1}{a}$

4- بين أن $\sqrt{\frac{1}{b} + 7 + \frac{1}{a}} \in \mathbb{N}$

5- نعتبر العدد $c = -9 + 4\sqrt{5}$

أ- بين أن a و c متقابلان

ب- بين أن $1 = \sqrt{a(b+1)} + c$

تمرين عدد 02

1- أرسم مثلثا ABC قائم الزاوية في A حيث $AC = 5\text{cm}$ و $AB = 4\text{cm}$

ثم عين النقطة M من [AC] حيث $AM = 3\text{cm}$

أ- أرسم المستقيم المار من M و العمودي على (AC) حيث يقطع (BC) في N

ب- احسب MN

2- لتكن H منتصف [BN] ثم أرسم المستقيم المار من H و الموازي لـ (AB) يقطع (BC) في K

أ- بين أن K منتصف [AM]

ب- احسب HK

3- لتكن O نقطة تقاطع (MH) و (NK)

أ- بين أن $\frac{7}{4} = \frac{OK}{ON} = \frac{OH}{OM}$



51317667

+21655611591

1

دروس خصوصية Online

دروس خصوصية Online



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

