



التاريخ: 05 / 06 / 2021
اسم / المدة: ساعتان

امتحان نهائي عد 02
المادة: الرياضيات

الإعدادية التمهيدية
بالبلي
الاستاذ: عمر سعاده

تمرين 01: (4 نقاط)

كتب على ورقة تحريرك رقم السؤال و الحرف الموافق للإجابة الصحيحة علما أنه توجد إجابة صحيحة واحدة لكل سؤال

(1) a و b عدنان حقيقيان حيث: $a = 2 - \sqrt{5}$ و $a > ab$ إذن

(أ) $b < 1 < a$ (ب) $a < 1 < b$ (ج) $a < b < 1$

(2) إذا علمت أن a عدد صحيح طبيعي و هو حل للمعادلة: $x^2 - 2x - 8 = 0$ فإن a هو قاسم لـ:

(أ) 6 (ب) 12 (ج) 15

(3) x و y عدنان حقيقيان موجبان قطعاً بحيث $x^2 = 2y + 1$. إذا علمت أن ABC مثلث بحيث:

$AB = x$ و $AC = y + 1$ و $BC = y$ فإن المثلث ABC

(أ) قائم في B (ب) قائم في A (ج) غير قائم

(4) في الرسم المصاحب: $ABCD$ مربع و BEF مثلث متقايس الأضلاع قيس طول ضلعه: $BF = 2\sqrt{2}$

و S المساحة المشطوبة إذن:

(أ) $S = 6 - \sqrt{3}$ (ب) $S = \frac{6 - \sqrt{3}}{2}$ (ج) $S = \frac{6 + \sqrt{3}}{2}$

تمرين 02: (4 نقاط)

تعتبر الأعداد الحقيقية a و b و c حيث:

$a = (2\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} - 1) - 2$ و $b = 2 - \sqrt{13 - 4\sqrt{3}}$ و $c = (1 - 2\sqrt{3})^2$

(1) (أ) أثبت أن: $a = 5 - 3\sqrt{3}$

(ب) بين أن $a \in \mathbb{R}_+^*$

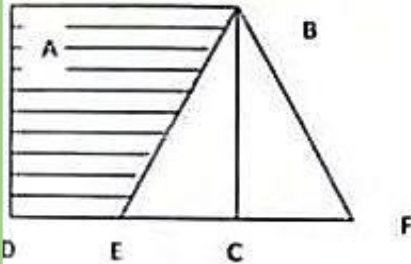
(2) (أ) أنشر و اختصر c و استنتج أن: $b = 3 - 2\sqrt{3}$

(ب) أثبت أن $a > b$

(ج) استنتج مقارنة a^2 و b^2

(3) (أ) بين أن $\frac{a}{b} < \frac{b}{a}$

(ب) استنتج مقارنة $\frac{a+b^2}{b}$ و $\frac{b+a^2}{a}$





تمرين 03: (6 نقاط)

ا. نعتبر العبارة: $E = x^2 - 6\sqrt{5}x + 40$

(1) احسب القيمة العددية للعبارة E في حلة $x = 2\sqrt{5}$

(2) بين ان: $E = (x - 3\sqrt{5})^2 - 5$

(3) استنتج تفكيك للعبارة E

ب) حل في $\mathbb{R}$ كل من المعادلتين

$$\sqrt{E+5} = 3 - \sqrt{5} \quad *$$

$$E = 0 \quad *$$

ا. نامل الرسم المصاحب حيث مثلث به $AB = 4$ و $AC = 3$ و $AH = 2$

حيث H المسقط العمودي للنقطة A على (BC) و φ الدائرة المحيطة بالمثلث ABC مركزها O

(1) بين ان $BC = 2\sqrt{3} + \sqrt{5}$

(2) عين النقطة E المقابلة قطريا للنقطة A . المماس للدائرة φ في E يتقطع (AB) في F

للتعبير $BE = a$ و $BF = \frac{3\sqrt{5}}{2}a - 10$ حيث: $0 < a < 5$

(ا) بين ان $a^2 - 6\sqrt{5}a + 40 = 0$

(ب) استنتج ان: $BE = 2\sqrt{5}$ ثم احسب كلا من AE و FE .

(ج) احسب قياس محيط الرباعي $BCEF$

تمرين 04: (6 نقاط) (وحدة القياس الطول الصنمتر)

A و B نقطتان من المستوي، حيث $AB = 6$ و I منتصف قطعة المستقيم $[AB]$.

تكن φ الدائرة التي قطرها $[AB]$ و C نقطة من φ ، حيث $AC = 5$.

(1) احسب BC

(2) المماس للدائرة φ في النقطة B يتقطع (AC) في النقطة D .

(ا) بين ان: $CD = \frac{11}{5}$ ب) احسب BD

(3) المستقيم العمودي على (CD) في النقطة D يتقطع (AB) في نقطة E . لتكن φ' الدائرة التي قطرها $[DE]$

ومركزها O . المستقيم المار من D و الموازي للمستقيم (AB) يتقطع φ' في نقطة F مخالفة للنقطة D .

(ا) بين ان الرباعي $BDFE$ مستطيل

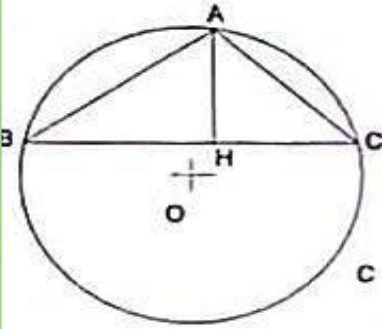
(ب) الدائرتان φ و φ' تتقاطعان في نقطة H مخالفة للنقطة B .

(ج) اثبت ان النقاط A و H و F على استقامة واحدة

(4) المستقيمان (AD) و (FI) يتقاطعان في نقطة G و المستقيمان (BG) و (AF) يتقاطعان في نقطة K .

(ا) بين ان K منتصف $[AF]$ ب) اثبت ان G مركز ثقل المثلث AED

(ج) المستقيمان (EG) و (AD) يتقاطعان في النقطة J . بين ان النقاط J و K و O على استقامة واحدة



مرحبا بكم على منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

