



• القسم : 9 أساسي 1 و 2
• الحصّة : ساعتان
• التاريخ : 11 جوان 2021

فرض تاليفي عدد 2
في الرياضيات

دراسة الإعدادية التمرينية بالكاف

التمرين الأول : (3 نقاط)

يلي كل سؤال ثلاث إجابات ، إحداهما فقط صحيحة . أنقل في كل مرة ، على ورقة تحريرك رقم السؤال والإجابة الصحيحة الموافقة له .

(1) العدد $\sqrt{(3-2\sqrt{5})^2} + \sqrt{(5-2\sqrt{5})^2}$ يساوي :

ج- $4\sqrt{5} - 8$

ب- $8 - 4\sqrt{5}$

أ- 2

(2) العدد الحقيقي x الذي يحقق المساواة $\frac{x}{2} = \frac{x+1}{\sqrt{2}+1}$ هو :

ج- $\sqrt{2}$

ب- $2\sqrt{2} + 2$

أ- $\frac{2}{\sqrt{2}+1}$

(3) ABC مثلث قائم في A و G مركز ثقله بحيث $AB = 2\sqrt{11}$ و $AG = 4$.
البعد AC يساوي :

ج- 12

ب- 10

أ- 8

التمرين الثاني : (4 نقاط)

نعتبر العددين الحقيقيين

$$a = 5 - \sqrt{50} + (\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 5)$$

$$b = (2\sqrt{2} + 1)^2 + \left(\frac{1}{2} - \sqrt{2}\right)^2 - \frac{61}{4}$$

(1) أ- بين أن $a = 2 - \sqrt{2}$ و $b = 3\sqrt{2} - 4$

ب- بين أن $b < a < 1$

(2) أ- بين أن $a - b = a^2$

ب- استنتج أن $\frac{b}{a} = 1 - a$

(3) أ- بين أن $1 - a$ و $3 - a$ مقلوبان

ب- استنتج أن $\frac{a}{b} - \frac{b}{a}$ هو عدد صحيح طبيعي .

التمرين الثالث : (3 نقاط)

نعتبر العبارتين $A = \left(x - \frac{5}{2}\right)^2 - \frac{5}{4}$ و $B = x^2 - 5x + \frac{11}{2}$ حيث x عدد حقيقي .

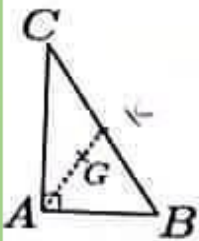
(1) أحسب القيمة العددية لـ A في حالة $x = \frac{\sqrt{2}+5}{2}$

(2) أ- بين أن $B = A + \frac{1}{2}$

ب- استنتج أن $B = \left(x - \frac{5+\sqrt{3}}{2}\right)\left(x - \frac{5-\sqrt{3}}{2}\right)$

ج- حل في R المعادلة $2A = -1$

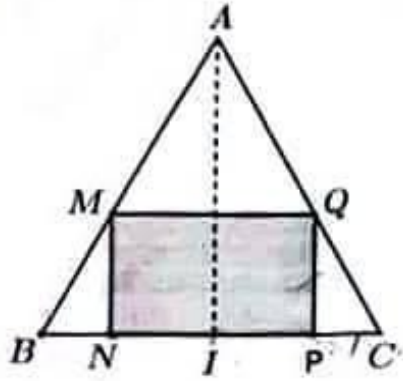
أحسب القيمة العددية لـ B في حالة $x = \frac{\sqrt{2}+5}{2}$





التمرين الرابع : (5.5) تعام (وحدة قياس الطول هي الصنمتر)

في الرسم التالي لدينا :



- ABC مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه 8
- I منتصف $[BC]$
- الرباعي $MNPQ$ هو مستطيل حيث النقاط M و N و P و Q تنتمي إلى أضلاع المثلث.
- لنعتبر أن $NI = x$ عدد حقيقي حيث $0 < x < 4$

(1) بين أن $AI = 4\sqrt{3}$

(2) أ- بين أن $\frac{BN}{BI} = \frac{MN}{AI}$ ثم أن $MN = 4\sqrt{3} - \sqrt{3}x$

ب- بين أن $\frac{CP}{CI} = \frac{PQ}{AI}$

ج- استنتج أن $BN = CP$ ثم أن $NP = 2x$

(3) لتكن S مساحة المستطيل $MNPQ$ بين $S = -2\sqrt{3}x^2 + 8\sqrt{3}x$

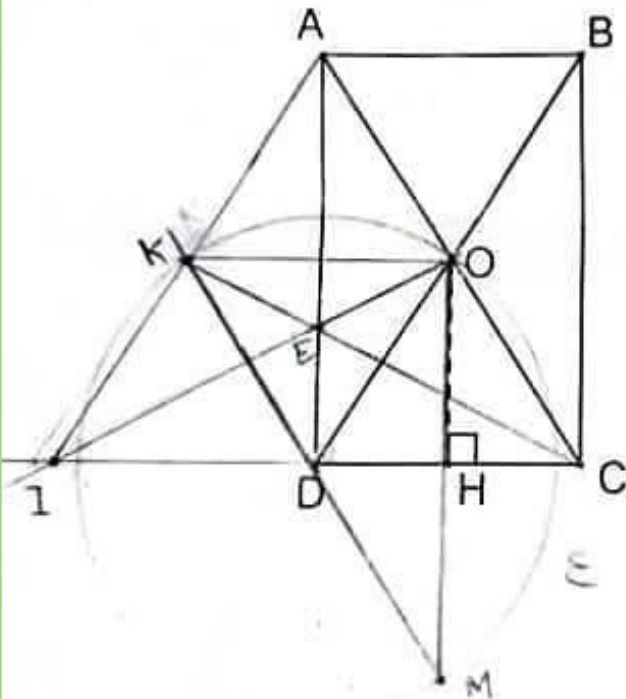
(4) أ- بين أن $8\sqrt{3} - S = 2\sqrt{3}(x - 2)^2$

ب- استنتج أن $0 < S \leq 8\sqrt{3}$

ج - أوجد العدد الحقيقي x الذي يحقق المساواة $S = 8\sqrt{3}$

التمرين الخامس : (4.5) نقاط (وحدة قياس الطول هي الصنمتر)

في الرسم التالي $ABCD$ مستطيل مركزه O حيث $AD = 6$ و $DC = 4$ و H المسمط العمودي لـ O على $[DC]$



$AK = CE + EK$

$K \in (AI) \text{ و } ?$

(1) بين أن $OH = 3$ و $AC = 2\sqrt{13}$

(2) لتكن E نقطة من قطعة المستقيم $[AD]$ حيث $DE = 2$. المستقيم (OE) يقطع (DC) في النقطة I

أ- بين أن $\frac{ID}{IH} = \frac{IE}{IO} = \frac{2}{3}$

ب- استنتج أن النقطة E هي مركز ثقل المثلث IAC ثم أن AIC مثلث متقايس الضلعين قعته الرئيسية A .

ج- بين أن $OE = \sqrt{5}$

(3) الدائرة $\mathcal{C}$ التي مركزها D وشعاعها $[DO]$ تقطع المستقيم (OH) في النقطة M و تقطع المستقيم (MD) في نقطة ثانية K . بين أن C و E و K على استقامة واحدة.



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

