



مدة الإنجاز: 45 دقيقة

تاسعة أساسي

فرض مراقبة ع 3 دد

$\frac{.}{20}$	الإسم: _____	ملاحظات الأستاذ(ة): _____ _____	
	اللقب: _____		

تمرين عدد 1: (5 نقاط)

* أخط بدائرة الإجابة الصحيحة

- (1) $\sqrt{2}^{-3} + \sqrt{2}^{-3}$ يساوي : (أ) $\sqrt{2}^{-6}$ (ب) $\sqrt{2}^9$ (ج) $\sqrt{2}^{-1}$
- (2) b و a عدنان حقيقيان حيث $(-\sqrt{3})^3 \times (a-b) < 0$ فإن: (أ) $a < b$ (ب) $a > b$ (ج) $a = b$
- (3) $\frac{\sqrt{7}^3 - 7}{7}$ يساوي : (أ) $7\sqrt{7}$ (ب) $\sqrt{7} - 7$ (ج) $\sqrt{7} - 1$
- (4) $a^{-1} = \frac{\sqrt{2}-1}{2}$ فإن $a - 2$ يساوي: (أ) $\frac{1}{\sqrt{2}-1}$ (ب) $\frac{1}{\sqrt{2}+1}$ (ج) $2\sqrt{2}$

تمرين عدد 2: (4 نقاط)

(1) أحسب: $A = (\sqrt{3} - \sqrt{2})^{150} \times (\sqrt{3} + \sqrt{2})^{151}$; $B = -\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{-2} + \left(-\frac{3}{5}\right)^{-1} + (-\sqrt{2})^{-4}$

$$C = \frac{(\sqrt{18} - \sqrt{2})^4}{\sqrt{2^{10}}}$$

(2) أكتب في شكل قوة للعدد 10 : $D = \frac{(0.01)^3 \times \left(\frac{1}{10}\right)^{-2} \times 5^{-2}}{2^2 \times 10^{-3}}$

تمرين عدد 3: (3 نقاط)

[AB] قطعة مستقيم قيس طولها 11 سم

(1) عَيّن النقط M و N و P بحيث $\frac{AM}{2} = \frac{MN}{3} = \frac{NP}{3} = PB$

(2) أحسب : AM و MN و NP

صفحة الفيسبوك



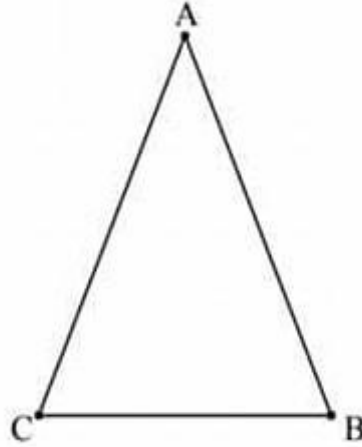
رقم الهاتف : 27 108 931





تمرين عدد 4 : (8 نقاط)

الرسم التالي يمثل مثلثا ABC متقايس الضلعين حيث $AB = AC = 4cm$ و $BC = 3cm$



(1) عيّن على $[AC]$ نقطة E حيث $AE = \frac{1}{3} AC$

(2) لتكن M منازرة B بالنسبة إلى A

أ- بيّن أن المثلث MBC قائم الزاوية

ب- ماذا تمثل النقطة E بالنسبة إلى المثلث MBC ؟ علل جوابك

(3) (BE) يقطع (MC) في النقطة I

أ- بيّن أن I منتصف $[MC]$

ب- أثبت أن $(AI) \perp (MC)$

(4) المستقيم المار من E و الموازي لـ (BC) يقطع (MC) في L و (MB) في K

أ- بيّن أن $\frac{EL}{BC} = \frac{EK}{BC} = \frac{1}{3}$

ب- استنتج أن E منتصف $[KL]$





اصلاح فرض مراقبة عدد 3

تمرين عدد 1 :

(ج) $\sqrt{2}^{-1}$

(ب) $\sqrt{2}^9$

(ا) $\sqrt{2}^{-6}$

(1) $\sqrt{2}^{-3} + \sqrt{2}^{-3}$ يساوي :

$$\sqrt{2}^{-3} + \sqrt{2}^{-3} = 2\sqrt{2}^{-3} = \frac{2}{\sqrt{2}^3} = \frac{\sqrt{2}^2}{\sqrt{2}^3} = \sqrt{2}^{-1}$$

(2) b و a عددين حقيقيين حيث

(ج) $a = b$

(ب) $a > b$

(ا) $a < b$

فإن: $(-\sqrt{3})^3 \times (a - b) < 0$

موجب $\times$ سالب = سالب

$$(-\sqrt{3})^3 = -3\sqrt{3} \in \mathbb{R}_-$$

$$a - b > 0 \quad \text{اذن} \quad (-\sqrt{3})^3 \times (a - b) < 0$$

$$a > b$$

اذن





(ج) $\sqrt{7} - 1$

(ب) $\sqrt{7} - 7$

(ا) $7\sqrt{7}$

(3) $\frac{\sqrt{7^3}-7}{7}$ يساوي :

$$\frac{\sqrt{7^3}-7}{7} = \frac{\sqrt{7^3}-\sqrt{7^2}}{\sqrt{7^2}} = \frac{\sqrt{7^2}(\sqrt{7}-1)}{\sqrt{7^2}} = \sqrt{7}-1$$

(ج) $2\sqrt{2}$

(ب) $\frac{1}{\sqrt{2}+1}$

(ا) $\frac{1}{\sqrt{2}-1}$

(4) $a^{-1} = \frac{\sqrt{2}-1}{2}$ فإن $a-2$ يساوي :

$$a - 2 = \frac{2}{\sqrt{2}-1} - 2 = \frac{2}{\sqrt{2}-1} - \frac{2\sqrt{2}-2}{\sqrt{2}-1} = \frac{4-2\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1}$$

$$\frac{4-2\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1} = \frac{(4-2\sqrt{2})(\sqrt{2}+1)}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} = \frac{4\sqrt{2}-4+4-2\sqrt{2}}{2-1} = 2\sqrt{2}$$





تفريغ عدد 2 :

(1) احسب: $A = (\sqrt{3} - \sqrt{2})^{150} \times (\sqrt{3} + \sqrt{2})^{151}$

$$A = (\sqrt{3} - \sqrt{2})^{150} \times (\sqrt{3} + \sqrt{2})^{151}$$

$$A = (\sqrt{3} - \sqrt{2})^{150} \times (\sqrt{3} + \sqrt{2})^{150} \times (\sqrt{3} + \sqrt{2})$$

$$A = \left((\sqrt{3} - \sqrt{2})(\sqrt{3} + \sqrt{2}) \right)^{150} \times (\sqrt{3} + \sqrt{2})$$

$$A = (3 - 2)^{150} \times (\sqrt{3} + \sqrt{2})$$

$$A = 1^{150} \times (\sqrt{3} + \sqrt{2}) = \sqrt{3} + \sqrt{2}$$

$$B = -\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{-2} + \left(-\frac{3}{5}\right)^{-1} + (-\sqrt{2})^{-4}$$

$$B = -\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{-2} + \left(-\frac{3}{5}\right)^{-1} + (-\sqrt{2})^{-4}$$

$$B = -\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^2 + \left(-\frac{5}{3}\right) + \left(-\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^4$$





$$B = -\frac{4}{3} - \frac{5}{3} + \frac{1}{4}$$

$$B = -\frac{9}{3} + \frac{1}{4} = -3 + \frac{1}{4} = -\frac{12}{4} + \frac{1}{4} = -\frac{11}{4}$$

$$C = \frac{(\sqrt{18}-\sqrt{2})^4}{\sqrt{2^{10}}}$$

$$C = \frac{(\sqrt{18}-\sqrt{2})^4}{\sqrt{2^{10}}} = \frac{(\sqrt{9 \times 2}-\sqrt{2})^4}{\sqrt{2^{10}}} = \frac{(3\sqrt{2}-\sqrt{2})^4}{\sqrt{2^{10}}}$$

$$= \frac{(2\sqrt{2})^4}{2^5} = \frac{2^4 \times \sqrt{2}^4}{2^5} = \frac{2^4 \times 2^2}{2^5} = \frac{2^6}{2^5} = 2$$

$$D = \frac{(0.01)^3 \times \left(\frac{1}{10}\right)^{-2} \times 5^{-2}}{2^2 \times 10^{-3}}$$

(2) اكتب في شكل قوة للعدد 10 :

$$D = \frac{(0.01)^3 \times \left(\frac{1}{10}\right)^{-2} \times 5^{-2}}{2^2 \times 10^{-3}} = \frac{(10^{-2})^3 \times 10^2}{2^2 \times 5^2 \times 10^{-3}}$$

$$= \frac{10^{-6} \times 10^2}{10^2 \times 10^{-3}} = \frac{10^{-4}}{10^{-1}} = 10^{-4+1} = 10^{-3}$$

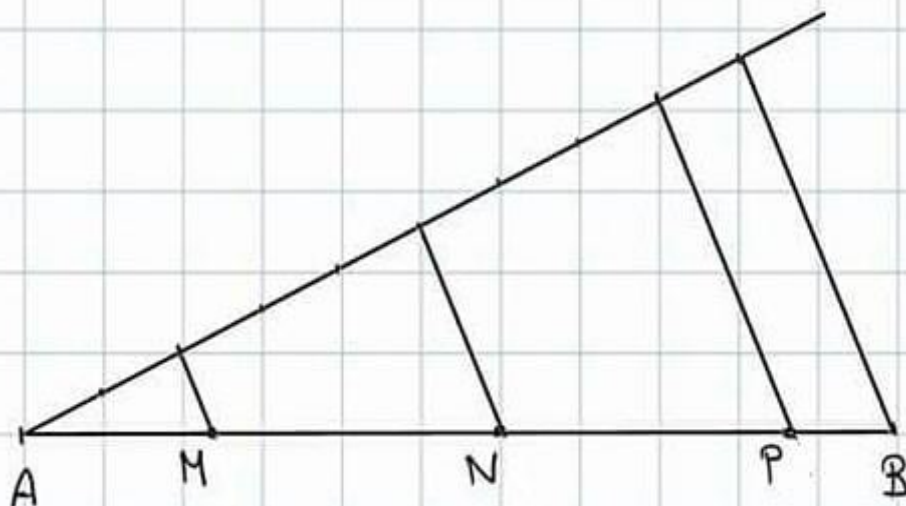




تمرين عدد 3 :

[AB] قطعة مستقيم قيس طولها 11 سم

(1) عيّن النقط M و N و P بحيث $\frac{AM}{2} = \frac{MN}{3} = \frac{NP}{3} = PB$



(2) احسب : AM و MN و NP

$$\frac{AM}{2} = \frac{MN}{3} = \frac{NP}{3} = \frac{PB}{1} = \frac{AM+MN+NP+PB}{2+3+3+1} = \frac{AB}{9} = \frac{11}{9}$$

$$AM = \frac{2 \times 11}{9} = \frac{22}{9}$$

لنا $\frac{AM}{2} = \frac{11}{9}$ يعني

$$MN = \frac{3 \times 11}{9} = \frac{33}{9} = \frac{11}{3}$$

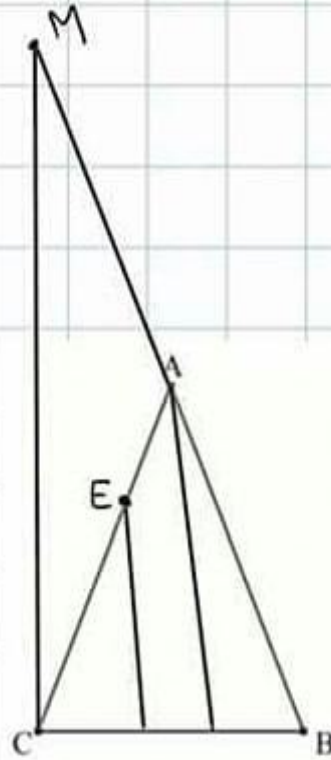
لنا $\frac{MN}{3} = \frac{11}{9}$ يعني

$$MN = NP = \frac{11}{3}$$

لنا $\frac{MN}{3} = \frac{NP}{3}$ يعني

$$NP = \frac{11}{3}$$





تمرين عدد 4 :

(1) عيّن على $[AC]$ نقطة E حيث $AE = \frac{1}{3} AC$

(2) لتكن M منظرية B بالنسبة إلى A

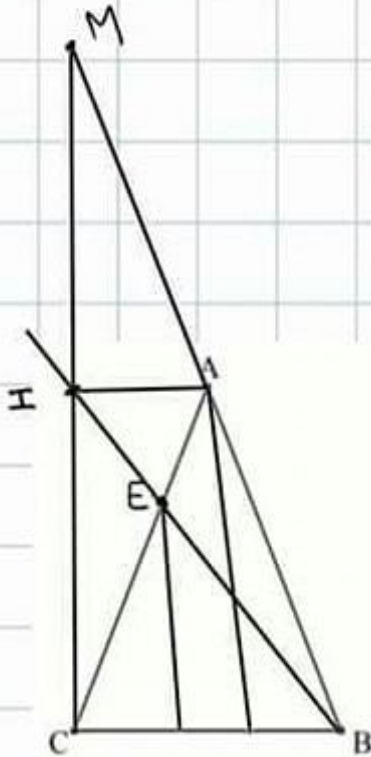
أ- بيّن أن المثلث MBC قائم الزاوية

في المثلث MBC لنا A منتصف $[MB]$. (لأن M منظرية B بالنسبة إلى A)
إذن $AB = AM$

ونعلم أن $AB = AC$ لأن ABC مثلث متساوي الساقين
في A

إذن $AB = AM = AC$ ومنه MBC مثلث قائم الزاوية





ب- ماذا تمثل النقطة E بالنسبة إلى المثلث MBC ؟ علل جوابك

في المثلث MBC لنا A منتصف [MB]
إذن [CA] هو المتوسط الصادر من C
وعلا أن $AE = \frac{1}{3} AC$ و $E \in [AC]$
فإن E هي مركز ثقل المثلث.

(3) (BE) يقطع (MC) في النقطة I

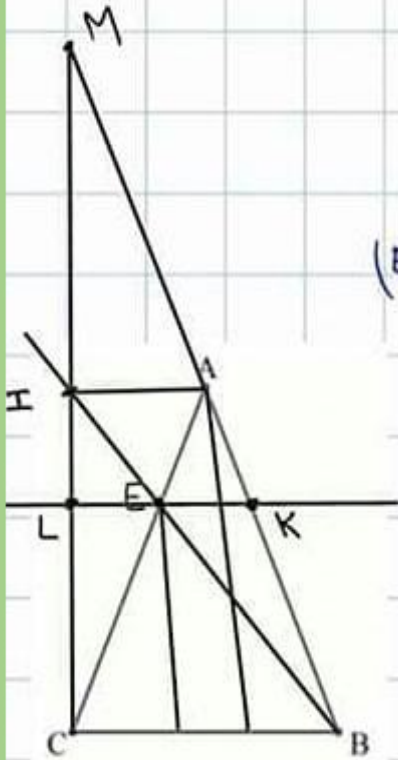
أ- بين أن I منتصف [MC]

لنا E هي مركز ثقل المثلث MCB إذن (BE) هو المستقيم
الحامل للمتوسط الصادر من B
(BE) يقطع (Mc) في I إذن I منتصف [Mc].

ب- أثبت أن $(AI) \perp (MC)$

في المثلث MBC لنا A منتصف [MB] و I منتصف [Mc]
إذن $(IA) \parallel (BC)$
ونعلم أن $(BC) \perp (Mc)$ إذن $(AI) \perp (Mc)$





(4) المستقيم المار من E و الموازي لـ (BC) يقطع (MC) في L و (MB) في K

$$\frac{EL}{BC} = \frac{EK}{BC} = \frac{1}{3}$$

في المثلث ABC لنا $EE(AC)$ و $KE(AB)$ و $(EK) \parallel (BC)$
حسب مبرهنة طاليس

$$\frac{AE}{AC} = \frac{EK}{BC}$$

نعلم أن $AE = \frac{1}{3} AC$ (السؤال الأول)
يعني $\frac{AE}{AC} = \frac{1}{3}$

$$\text{ومنه } \textcircled{1} \frac{EK}{BC} = \frac{1}{3}$$

في المثلث IBC لنا $EE(IB)$ و $LE(IC)$ و $(EL) \parallel (BC)$
حسب مبرهنة طاليس

$$\frac{IE}{IB} = \frac{EL}{BC}$$

$$\frac{IE}{IB} = \frac{\frac{1}{3} IB}{IB} = \frac{1}{3}$$

$$\text{ومنه } \textcircled{2} \frac{EL}{BC} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{EL}{BC} = \frac{EK}{BC} = \frac{1}{3} \quad \text{و } \textcircled{1} \Rightarrow \textcircled{2}$$





ب- استنتج أن E منتصف $[KL]$

$$\text{لنا } \frac{EL}{BC} = \frac{EK}{BC} \text{ يعني } EL = EK$$

وعا أن E و L و K على استقامة واحدة فإن E منتصف $[KL]$



مرحبا بكم على منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

