



Prof
Mohamed
HM

2025

Mathématiques

Hammam Chett - Borj Cedria 8ème Année

تقايير المثلثات



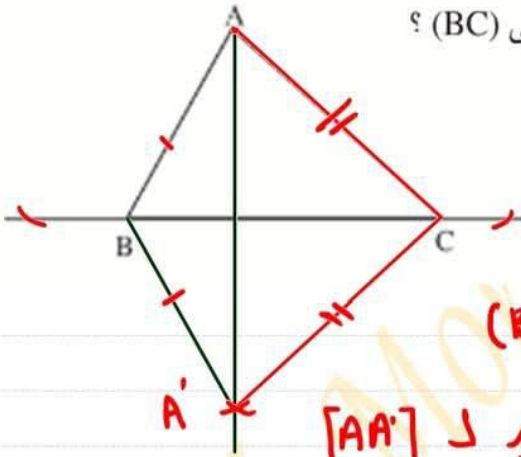
Hammam chett
Borj Cedria



استحضرو

1. أنقل الشكل المقابل.

(أ) ابن النقطة A' مناظرة النقطة A بالنسبة إلى (BC) ؟
(ب) بين أن $AB = A'B$ و $AC = A'C$
(ج) بين أن $\widehat{BAC} = \widehat{BA'C}$



(ب) لنا:
ع A' مناظر A بالنسبة إلى (BC)

يعني (BC) هو الوسيط العمود ل $[AA']$

ع $B \in (BC)$

$$AB = A'B \quad \text{أذن}$$

لنا:
ع A' مناظر A بالنسبة إلى (BC)

يعني (BC) هو الوسيط العمود ل $[AA']$

$$AC = A'C \quad \text{أذن} \quad \text{ع } C \in (BC)$$

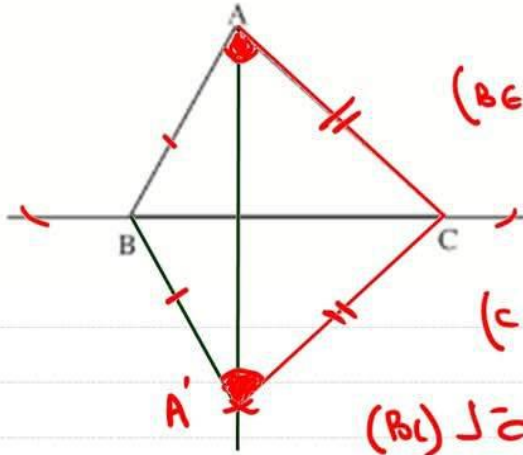


Prof : Mohamed HM 8ème année 2025





ج) بين أن $\widehat{BAC} = \widehat{BA'C}$



• منافرة B لـ (BC) هي B (BE (BL)

• منافرة A لـ (BC) هي A'

• منافرة C لـ (BC) هي C (CE (CL)

• زيادة منافرة الزاوية $\widehat{BAC}$ بالنتيجة لـ (BL)

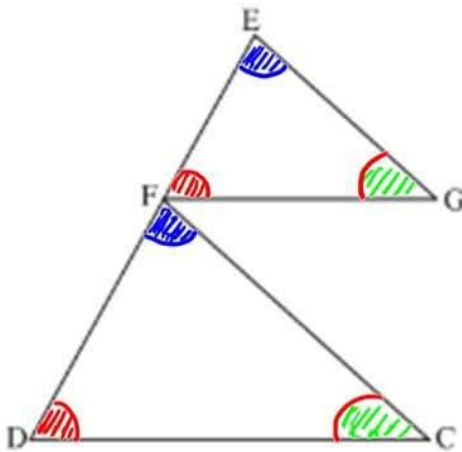
هي $\widehat{BA'C}$ و منه فإن $\widehat{BAC} = \widehat{BA'C}$

تذكير: التناظر المحوري يحافظ على أقيسة الزوايا

2. في الشكل المقابل لدينا: النقاط F و E و D على استقامة واحدة

و $(EG) \parallel (FC)$ و $(FG) \parallel (DC)$

أ) بين أن $\widehat{EFG} = \widehat{FDC}$ و $\widehat{FEG} = \widehat{DFC}$



• $\widehat{FEG} = \widehat{DFC}$ (زاويتان متماثلتان

ناجتان عن تقاطع مستقيمان

متوازيان هما (EG) و (FC)

وقاطع لهما (ED)

ب) بين أن $\widehat{EGF} = \widehat{FCD}$

• $\widehat{EFG} = \widehat{FDC}$ (زاويتان متماثلتان

ناجتان عن تقاطع مستقيمان

متوازيان هما (FG) و (DC)

وقاطع لهما (FD)

• $\widehat{EFG} = \widehat{FDC}$

• $\widehat{FEG} = \widehat{DFC}$

$$\left\{ \begin{array}{l} \widehat{EGF} = 180^\circ - (\widehat{FEG} + \widehat{GFE}) \\ \widehat{FCD} = 180^\circ - (\widehat{FDC} + \widehat{DFC}) \end{array} \right.$$

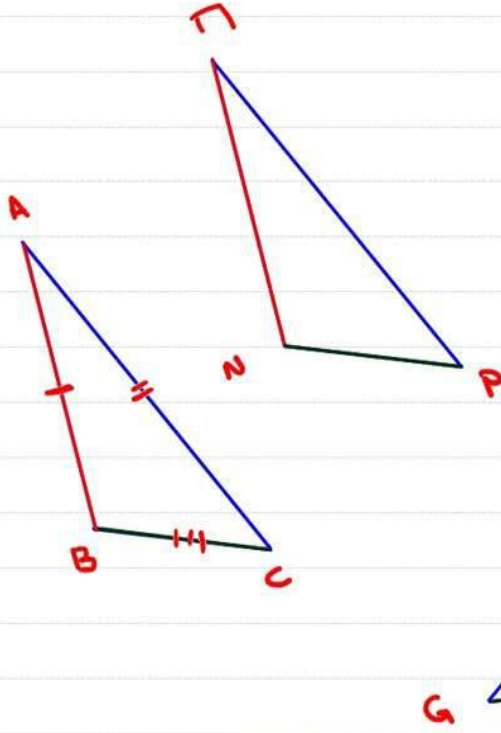
اذن $\widehat{EGF} = \widehat{FCD}$

Prof : Mohamed HM 3ème année 2025



نشاط 1

أرسم على ورق شفاف مثلثاً
أبعاده 3cm و 4cm و 6cm .
تحقق بواسطة الورق الشفاف
من تطابق المثلث الذي رسمته
مع كل من المثلثين ABC و EFG
التاليين.



مثلثان متقايسان هما مثلثان متطابقان



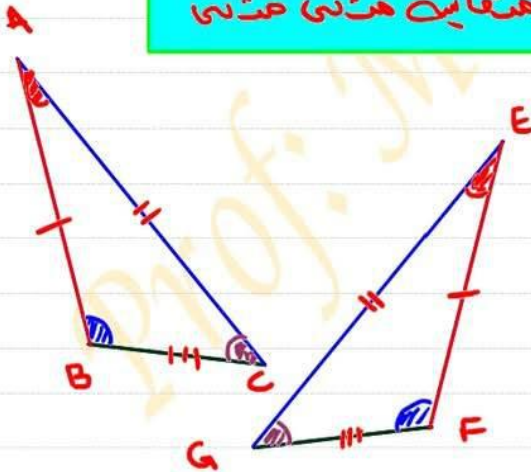
(3) قارن الأضلاع AB و EF ثم AC و EG ثم BC و FG .

$$AB = EF$$

الأضلاع متقايسة متنى متنى



$$AC = EG$$



$$BC = FG$$

(4) قارن الزوايا A و E ثم B و F ثم C و G .

$$\hat{A} = \hat{E}$$

الزوايا متقايسة متنى متنى

$$\hat{B} = \hat{F}$$

$$\hat{C} = \hat{G}$$

(5) هل أن المثلثين ABC و MNP متطابقان ؟

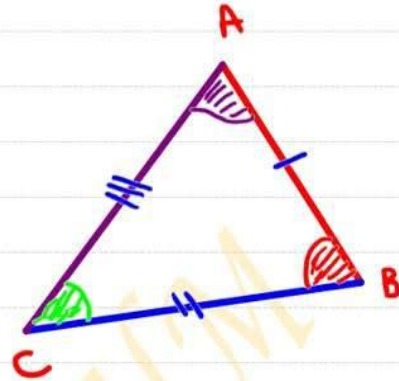
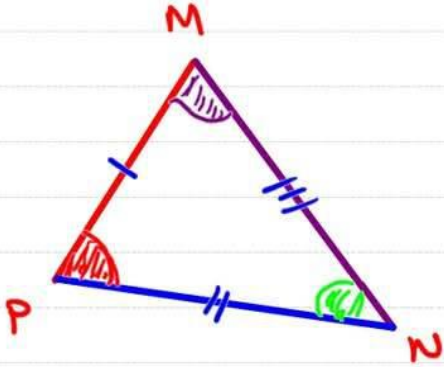
نعم ABC و MNP متطابقان نتيجة تقايس
أضلاعها وزواياها متنى متنى



Prof : Mohamed HM 2ème année 2025



إذا تقايس مثلثان فإن أضلعهما متقايسة
مثنى مثنى وزواياهما متقايسة مثنى مثنى



المثلثان ABC و MNP يتطابقان و يتقايسان حسب



A	B	C
M	P	N

الحصول التالي

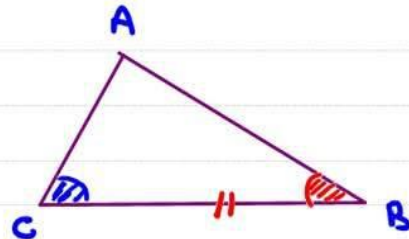
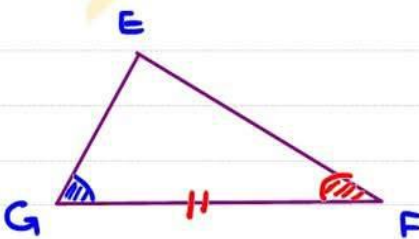
جدول العناصر المتغيرة

١) زفير الضلع [AC] هو [MN] تقايس الزاوية $\hat{ABC}$ هي الزاوية $\hat{MNP}$
 ٢) زفير الضلع [BC] هو [MP] تقايس الزاوية $\hat{ACB}$ هي الزاوية $\hat{MNP}$
 ٣) زفير الضلع [AB] هو [MP] تقايس الزاوية $\hat{BAC}$ هي الزاوية $\hat{PMN}$



حالات تقايس المثلثات العامة

الحالة الأولى لتقايس المثلثات



zoom

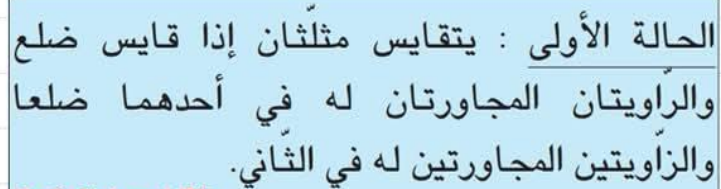
Prof : Mohamed HM 2ème année 2025

موقع مراجعة اعدادي

COLLEGE.MOURAJAA.COM

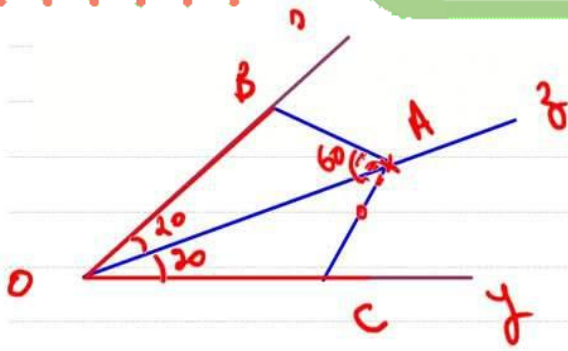
COLLEGE.MOURAJAA.COM





COLLEGE.MOURAJAA.COM





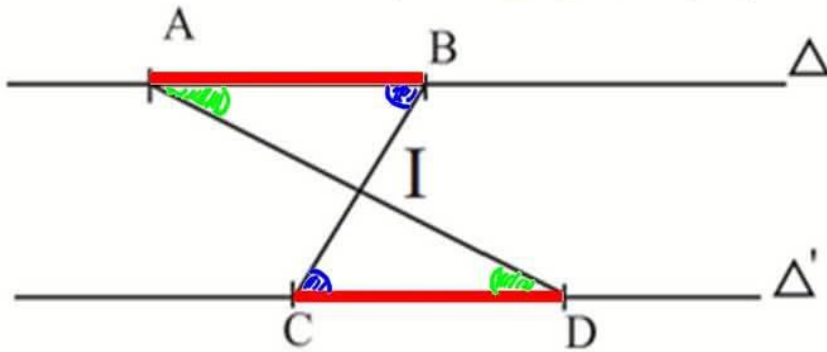
د) استنتج أن $OC = OB$.

يُنتج عن تقاطع المثلثين OAC و OAB بقية العناصر الزاوية

- زفير الدفلة $[OA]$ هو $[OA]$ يعني $OA = OA$ (دفع مشترك)
- زفير الدفلة $[AB]$ هو $[AC]$ يعني $AB = AC$
- زفير الدفلة $[OB]$ هو $[OC]$ يعني $OB = OC$

2 لاحظ الرسم حيث Δ و Δ' مستقيمان متوازيان و $AB = CD$.

I نقطة تقاطع المستقيمين (AD) و (CB)
أ) بين أن المثلثين ABI و CDI متقايسان.



في المثلثين ABI و CDI نأ

ب) $AB = CD$ (معلوم)

ج) $\hat{A}BI = \hat{I}CD$ (زاويتان متبادلتان داخلية ناتجتان عن تقاطع مستقيمان متوازيان هما Δ و Δ' و $(A, B \in \Delta)$ و $(C, D \in \Delta')$ و قاطع لهما (BI) و (CI))

د) $\hat{B}AI = \hat{I}DC$ (زاويتان متبادلتان داخلية ناتجتان عن تقاطع مستقيمان متوازيان هما Δ و Δ' و $(A, B \in \Delta)$ و $(C, D \in \Delta')$ و قاطع لهما (AI) و (DI))



Prof : Mohamed HM 2ème année 2025





ادنى حسب الحالة الأولى لتنايب المثلثات العامة فإن المثلثين
ABE و ICD هتقايان

ب) استنتج أن النقطة I منتصف كل من [AD] و [BC]

بما أن المثلثين ABE و ICD هتقايان فإن بقية عناهمها
الزاوية هتقايح هتسا هتسا و هتسا هتسا

ه) نغير [BE] هو [IC] يعني $IB = IC$ و I و B و C على استقامة
واحدة ادنى I هتشف [BC]

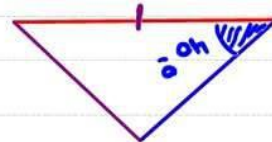
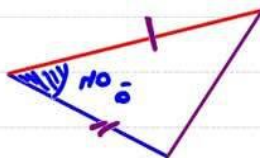
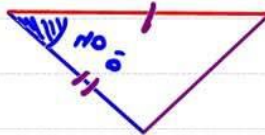
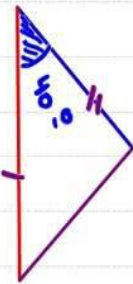
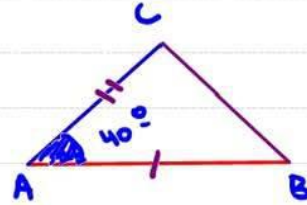
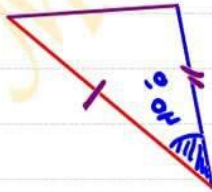
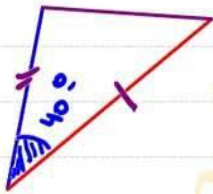
ه) نغير [EA] هو [ID] يعني $IA = ID$ و I و A و D على استقامة
واحدة ادنى I هتشف [AD]

ادنى I هتشف [BC] و [AD]

الحالة الثانية لتقايس المثلثات

نشاط

1) أرسم على ورق شفاف مثلثا ABC حيث $AB = 4\text{cm}$ و $AC = 3\text{cm}$ و $\widehat{BAC} = 40^\circ$. ثم تحقق أن المثلث الذي
رسمته ينطبق على المثلث الذي رسمه أحد زملائك.



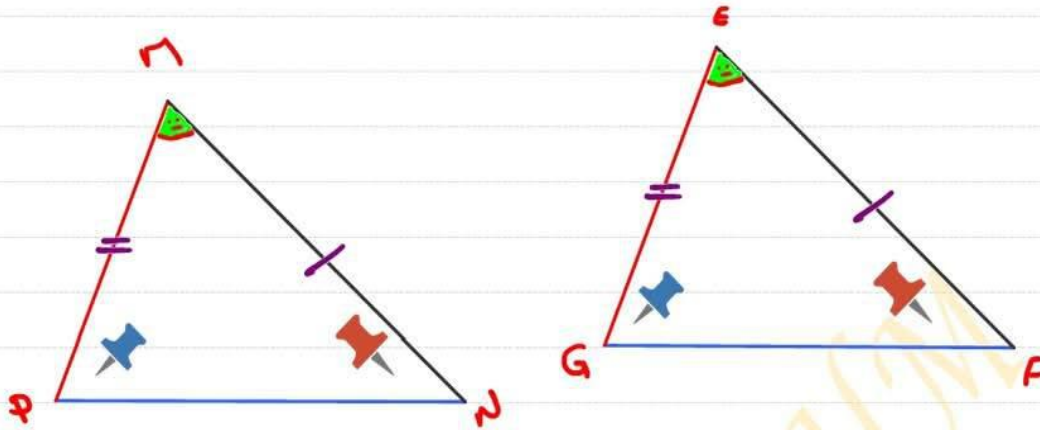
Prof : Mohamed HM 2ème année 2025





(2) يمثل الرسم المقابل مثلثا EFG

(أ) أرسم مثلثا MNP حيث $MN = EF$ و $MP = EG$ و $\hat{M} = \hat{E}$



(ب) تحقق أن المثلثين EFG و MNP متقايسان.

بعد رسم المثلث MNP نتحقق
بأنه ينطبق مع المثلث EFG



$EF = MN$ (1)
 $EG = MP$ (2)
 $\hat{M} = \hat{E}$ (3)

ينتج عن تقايس المثلثين EFG و MNP تقايس بقية العناصر الزاوية

حسب الجدول التالي

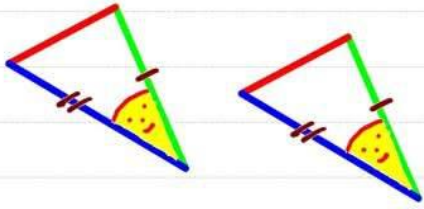
M	N	P
E	F	G

★ زاوية $\hat{M}$ هي $\hat{E}$ يعني $\hat{M} = \hat{E}$ زاوية $\hat{N}$ هي $\hat{F}$ يعني $\hat{N} = \hat{F}$ زاوية $\hat{P}$ هي $\hat{G}$ يعني $\hat{P} = \hat{G}$
★ زاوية $\hat{M}$ هي $\hat{E}$ يعني $\hat{M} = \hat{E}$ زاوية $\hat{N}$ هي $\hat{F}$ يعني $\hat{N} = \hat{F}$ زاوية $\hat{P}$ هي $\hat{G}$ يعني $\hat{P} = \hat{G}$
★ زاوية $\hat{M}$ هي $\hat{E}$ يعني $\hat{M} = \hat{E}$ زاوية $\hat{N}$ هي $\hat{F}$ يعني $\hat{N} = \hat{F}$ زاوية $\hat{P}$ هي $\hat{G}$ يعني $\hat{P} = \hat{G}$



Prof : Mohamed HM 2ème année 2025



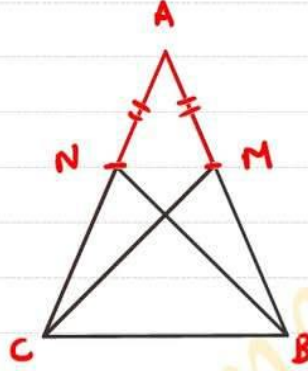


الحالة الثانية : يتقايس مثلثان إذا قايس ضلعان
والزاوية المحصورة بينهما في أحدهما ضلعين
والزاوية المحصورة بينهما في الثاني.

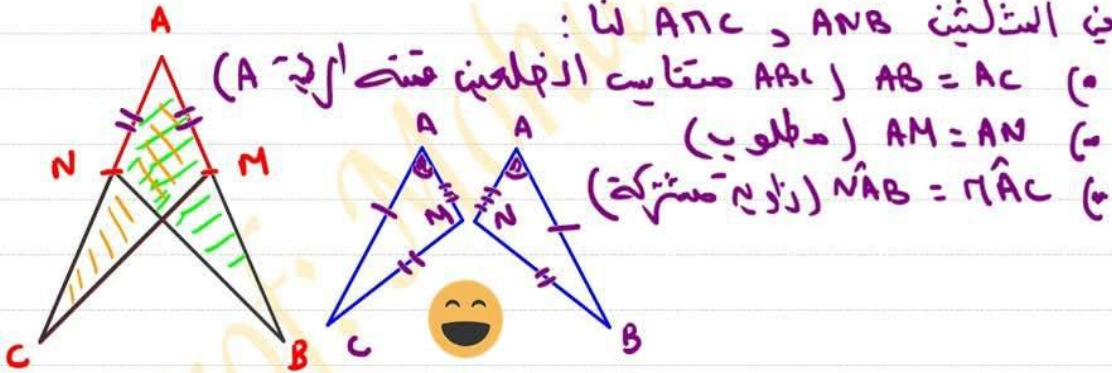
1

(أ) أرسم مثلثا ABC متقايس الضلعين قمته الرئيسية A
(ب) عين على [AB] نقطة M وعلى [AC] نقطة N بحيث $AM = AN$.

Hamman chaté
Borj Cedria



(ج) قارن المثلثين ANB و AMC . استنتج أن $CM = BN$



← إذن حسب الحالة الثانية لتقايس المثلثات (لعمامة في المثلثين

ANB و AMC متقايسان .

← ننتج عند تقايس المثلثين ANB و AMC تقايس بقية العناصر
الناشئة ومنه جابا :

نظير [NB] هو [MC] يعني $NB = MC$



zoom

Prof : Mohamed HM 2ème année 2025



Hamam chat
Borj Cedria

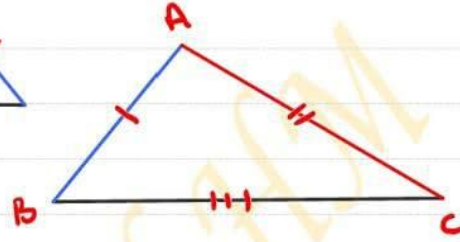
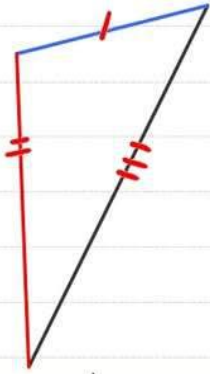
الحالة الثالثة لتقاييس المثلثات :

نشاط

(1) أُرسم على ورق شفاف مثلثا ABC حيث $AB = 3cm$

و $AC = 5cm$ و $BC = 6cm$.

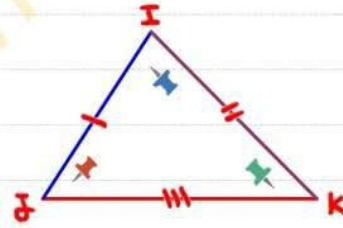
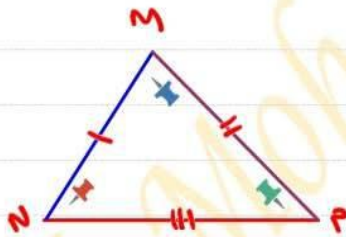
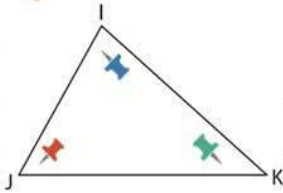
(ب) تحقق أن المثلث الذي رسمته ينطبق على المثلث الذي رسمه أحد زملائك.



(2) يمثل الرسم المقابل مثلثا

(أ) أُرسم مثلثا MNP حيث $MN = IJ$ و $MP = IK$ و $NP = JK$

(ب) تحقق أن المثلثين IJK و MNP متقايسان،



بعد رسم المثلث MNP نتحقق

بأنه ينطبق مع المثلث IJK



$$IJ = MN \quad (1)$$

$$IK = MP \quad (2)$$

$$JK = NP \quad (3)$$

نتخرج عن تقاييس المثلثين MNP و IJK تقاييس بقية العناصر الزاوية

زاوية $\widehat{MNP}$ هي $[MN]$ زاوية $\widehat{IJK}$ هي $[IJ]$ يعني $\widehat{MNP} = \widehat{IJK}$

زاوية $\widehat{NPM}$ هي $[MP]$ زاوية $\widehat{IKJ}$ هي $[IK]$ يعني $\widehat{NPM} = \widehat{IKJ}$

زاوية $\widehat{PMN}$ هي $[NP]$ زاوية $\widehat{KIJ}$ هي $[JK]$ يعني $\widehat{PMN} = \widehat{KIJ}$



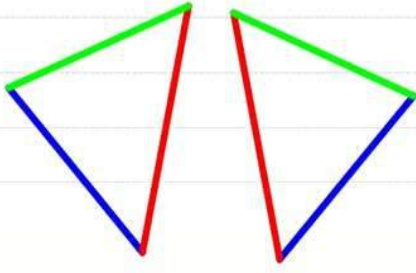
Prof : Mohamed HM 2ème année 2025

موقع مراجعة اعدادي

COLLEGE.MOURAJAA.COM

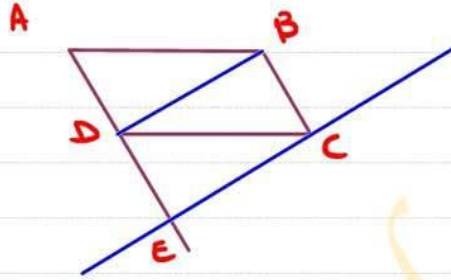
COLLEGE.MOURAJAA.COM





الحالة الثالثة : يتقايس مثلثان قائمان إذا قايست الأضلاع الثلاثة في أحدهما الأضلاع الثلاثة في الثاني مثنى مثنى.

1 (أ) أرسم متوازي الأضلاع ABCD . المستقيم المار من C والموازي للقطر [BD] يقطع المستقيم (AD) في النقطة E



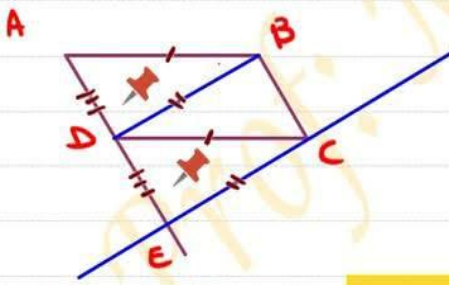
Hamman chatt
Borj Cedria

(ب) ما هي طبيعة الرباعي DBCE .

أ (DE) // (BC) (ABCD متوازي الأضلاع، (BC) // (AD) و (DE) // (AD))

ب (BD) // (EC)

DBCE متوازي أضلاع



(ج) استنتج تقايس المثلثين ABD و DCE .

في المثلثين ABD و DCE لنا:

وإذن المثلثين ABD و DCE

متقايسان حسب حالة

الثالثة لتقايس المثلثات

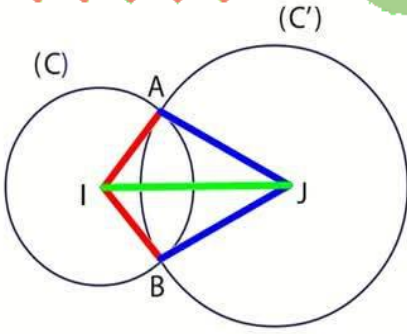
(رابعة).

التعليل	ABD	DCE
ABCD متوازي أضلاع	AB = DC	
DBCE متوازي أضلاع	BD = EC	
AD = BC و BC = DE	AD = DE	



Prof : Mohamed HM 2ème année 2025





تأمل الشكل المقابل.

(ب) بين أن المثلثين AIJ و BIJ متقايسان.

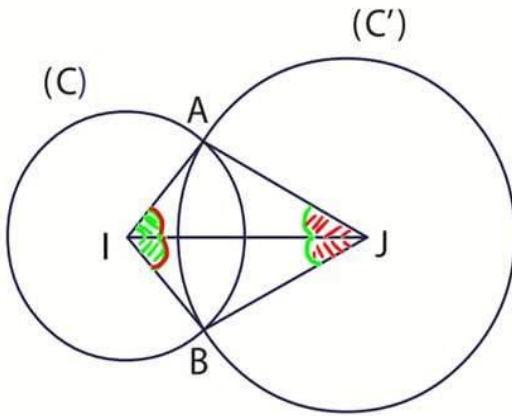
فبر المثلثين AIJ و BIJ لنا:

التعليل	AIJ	BIJ
شعاعا الدائرة (ع)	$AI = IB$	
شعاعا الدائرة (ع)	$AF = IB$	
فلع مشترك	$IJ = IJ$	

اذنا حسب الحالة الثالثة
لتقايس المثلثات العامة فإن
المثلثين AIJ و BIJ متقايسان

(ج) استنتج منصف الزاوية AIB ومنصف الزاوية AJB

لنا AIJ و BIJ مثلثين متقايسان و ينتج عن تقايسهما تقايس
بقية العناصر النقيضة (أخرى مشتركة)



(أ) AIJ نقيضة BIJ اذن $AIJ = BIJ$

ومن هنا فإن $[IJB]$ منصف الزاوية AIB

(ب) AIB نقيضة BIJ اذن $AIB = BIJ$

ومن هنا فإن $[IJB]$ منصف الزاوية AJB



Hamman chaté
Borj Cedria
Prof: Mohamed HM



Prof : Mohamed HM 2ème année 2025



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

