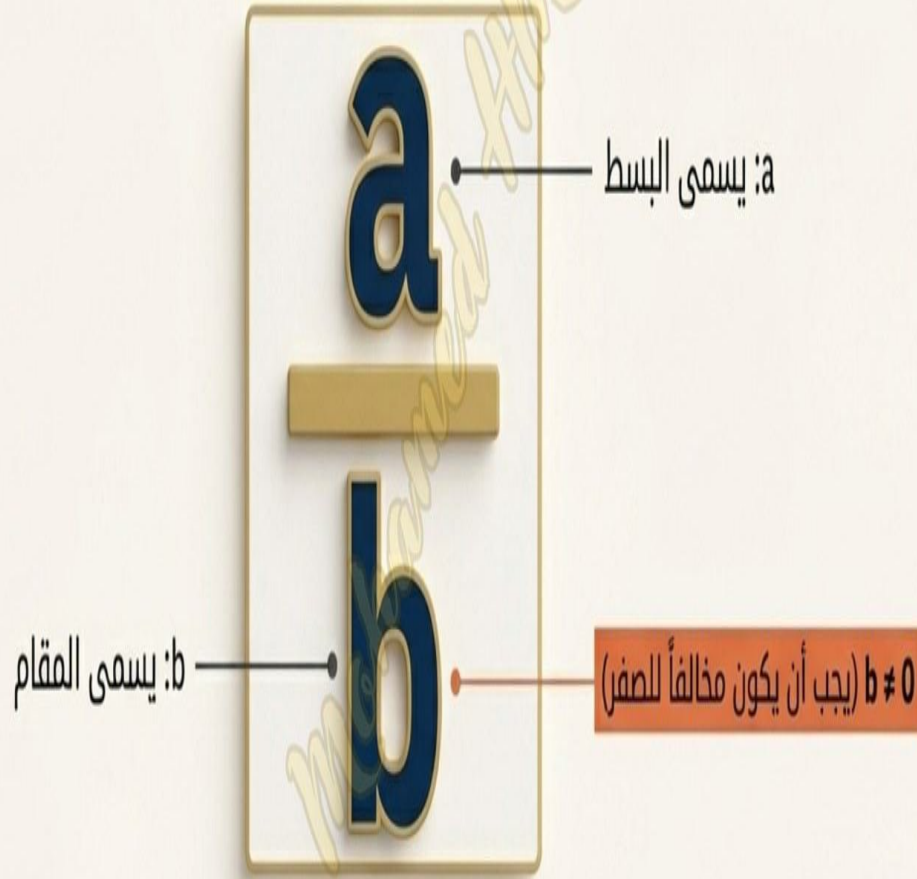




تعريف لبنة الأساس: ما هو العدد الكسري النسبي؟



تعريف رسمي

كل عدد يمكن كتابته على الصورة a/b حيث a و b عددان صحيحان نسييان و $b \neq 0$.

لماذا "نسبي"؟

لأن العدد يمكن أن يكون موجباً أو سالباً، حسب علامتي البسط والمقام.

ما الفرق بين العدد الكسري والعدد العشري؟

العدد العشري هو كل عدد كسري يمكن كتابته على شكل كسر مقامه بعد الاختزال لا يحتوي إلا على العوامل الأولية 2 و 5.

- مثال (عدد عشري): $3/4$ هو عدد عشري لأن مقامه $4 = 2^2$.
- مثال (عدد عشري): $7/8$ هو عدد عشري لأن مقامه $8 = 2^3$.
- مثال مضاد (كسري فقط): $7/11$ هو عدد كسري فقط لأن مقامه 11 ليس من عوامل 2 أو 5.





أين تقع الأعداد الكسرية في خريطة الأعداد؟



كل مجموعة أعداد تحتوي على التي قبلها. الأعداد الكسرية (Q) هي عالم واسع يشمل
يشمل كل الأعداد التي يمكن كتابتها على شكل كسر.





أول أداة في صندوقنا: مقارنة الأعداد الكسرية

2. إذا كان للكسرين نفس المقام

نقارن البسطين. بالنسبة

للأعداد السالبة، العدد الأقرب إلى

الصفر هو الأكبر.

1. إذا كان للكسرين علامتان مختلفتان

العدد الموجب هو الأكبر دائمًا.

$$\frac{1}{2} > \frac{-100}{3}$$

3. إذا كان للكسرين نفس البسط (موجب)

الكسر ذو المقام الأصغر هو الأكبر.

$$\frac{9}{12} > \frac{8}{12}$$

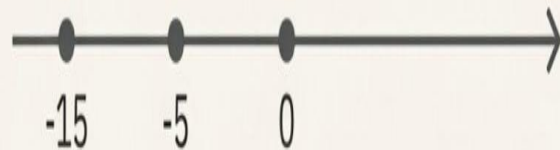
لأن $8 < 9$

$$\frac{-5}{6} > \frac{-15}{6}$$

لأن -5 أقرب إلى الصفر
من -15

$$85/99 > 85/137$$

تخيل: قسمة 50 دينارًا على شخصين أفضل
من قسمتها على خمسة أشخاص.





أدوات الجمع والطرح: مفتاح النجاح هو توحيد المقامات

لا يمكن جمع أو طرح عددين كسريين إلا إذا كان لهما نفس المقام.

البحث عن المضاعف المشترك الأصغر

المقامات الأولية

12 8

المضاعف المشترك الأصغر

24

توحيد المقامات

$$\frac{-13}{12} \xrightarrow{\times 2 / \times 2} \frac{-26}{24}$$

$$\frac{5}{8} \xleftarrow{\times 3 / \times 3} \frac{15}{24}$$

إجراء العملية

$$\frac{-26}{24} + \frac{15}{24} = \frac{-26 + 15}{24} = \boxed{\frac{-11}{24}}$$





أدوات الضرب والقسمة: البساطة والكفاءة

الضرب (Multiplication)

القاعدة: البسط في البسط والمقام في المقام.

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$$

$$\frac{-2}{7} \times \frac{3}{5} = \frac{-2 \times 3}{7 \times 5} = \frac{-6}{35}$$

القسمة (Division)

القاعدة: الضرب في مقلوب الكسر الثاني.

$$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$$

مقلوب العدد $\frac{c}{d}$ هو $\frac{d}{c}$

$$\frac{5}{6} \div \frac{2}{9} = \frac{5}{6} \times \frac{9}{2} = \frac{45}{12}$$





مدخل إلى عالم القوى: اختصار للضرب المتكرر

القوة هي اختصار لجداء متكون من نفس العامل أو نفس العدد.

$$\left(\frac{2}{3}\right) \times \left(\frac{2}{3}\right) \times \left(\frac{2}{3}\right) \times \left(\frac{2}{3}\right) \times \left(\frac{2}{3}\right) \rightarrow \left(\frac{2}{3}\right)^5$$

x^n ————— n : يسمى **دليل القوة** (Exponent)

كيفية القراءة

x^n تقرأ " x قوة n "

x^n ————— x : يسمى **القاعدة** (Base)

حالات خاصة: x^2 تقرأ " x مربع"
و x^3 تقرأ " x مكعب".





لعبة الإشارات في القوى: متى تختفي العلامة السالبة؟

إذا كانت الـ، إذا كانت القاعدة سالبة، فما هي علامة النتيجة؟

	الدليل (n) زوجي	الدليل (n) فردي
القاعدة (-)	 النتيجة تكون موجبة. "عندما يكون دليل القوة عددًا زوجيًا، العلامة السالبة تغيب." $(-3)^2 = +9$	 النتيجة تكون سالبة. "العلامة السالبة تبقى ولا تغيب." $(-3)^3 = -27$





كشف سرّ الدليل السالب: القوة السالبة والمقلوب

الكتابة a^{-n} ترمز لمقلوب العدد a^n .

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

المقلوب

تذكر أن مقلوب عدد
هو ما نضرب فيه
للحصول على 1.
 $a^n \times a^{-n} = a^n \times \frac{1}{a^n} = 1$

$$5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$$(-4)^{-2} = \frac{1}{(-4)^2} = \frac{1}{16}$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^{-3} = \left(\frac{5}{2}\right)^3 = \frac{125}{8}$$

(مقلوب القاعدة مع دليل موجب)

حالات خاصة:

$$x^1 = x$$

$$x^0 = 1 \text{ (لأي } x \text{ مخالف للصفر)}$$





البناء المثالي: المربعات الكاملة (Perfect Squares)

يسمى العدد مربعًا كاملاً إذا أمكن كتابته على شكل قوة عدد كسري دليلها 2 (أي على الصورة x^2).

$$25 \rightarrow 5^2$$

$$\frac{49}{81} \rightarrow \left(\frac{7}{9}\right)^2$$

$$\frac{121}{64} \rightarrow \left(\frac{11}{8}\right)^2$$

$$6.25 \rightarrow (2.5)^2$$

$$0.09 \rightarrow (0.3)^2$$

المربع الكامل هو نتيجة ضرب عدد في نفسه.





الجذر التربيعي: العودة إلى الأساس

التعريف:

الجذر التربيعي لعدد موجب A هو العدد الموجب الذي مربعه يساوي A.



الرمز:



$\frac{7}{9}$



الجذر التربيعي هو العملية العكسية للمربع.

:Aljours the previous slide

$$\sqrt{25} = \sqrt{5^2} = 5$$

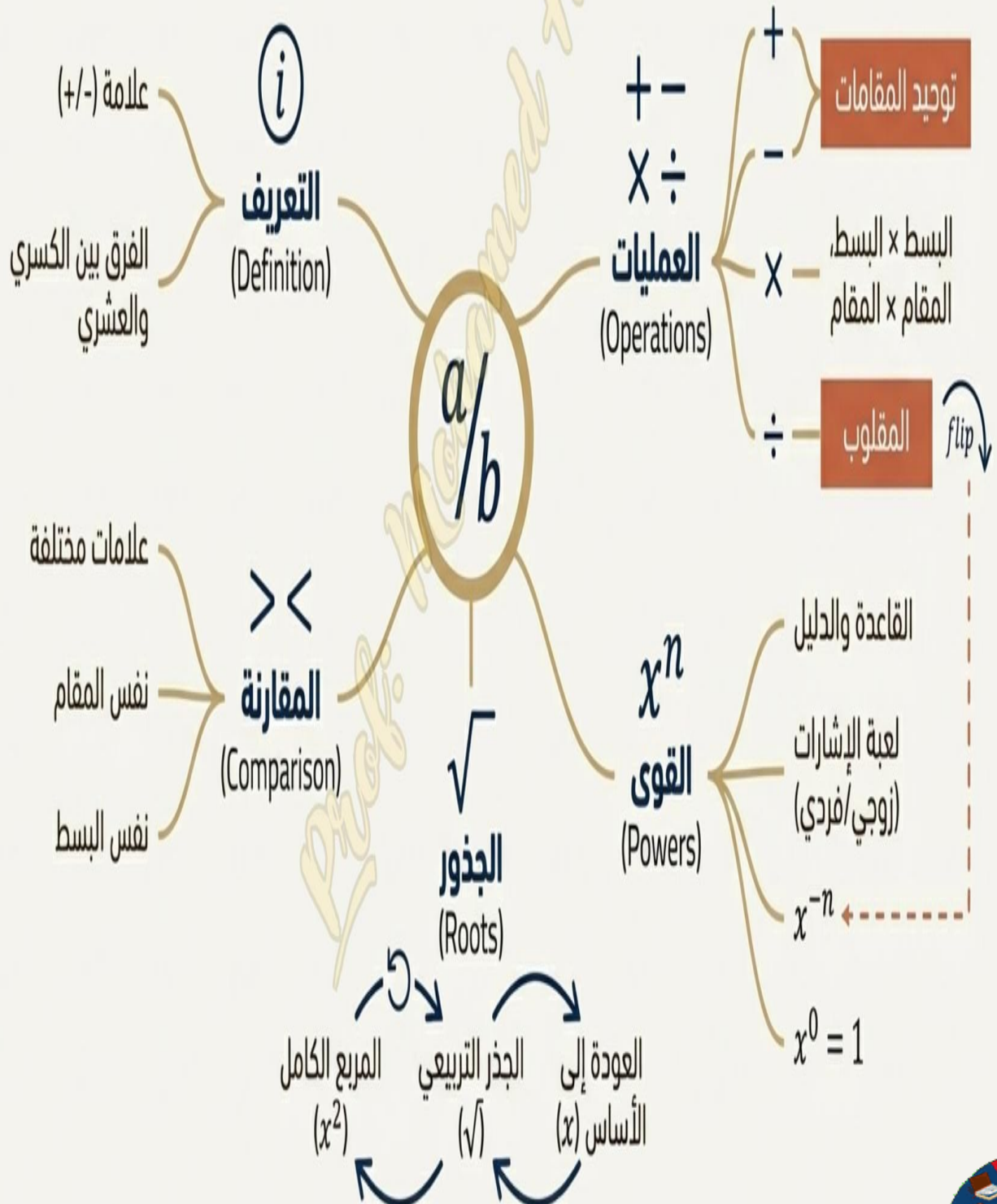
$$\sqrt{169} = \sqrt{13^2} = 13$$

$$\sqrt{x^2} = x \text{ (إذا كان } x \text{ عدد موجب)}$$





الصورة الكاملة: خريطة مترابطة لعالم الأعداد الكسرية





من النظرية إلى التطبيق: تمرين شامل

احسب العبارة التالية: $(3^4 / 5^2) \times (-1/2)^3$

1. حساب القوى الأولى

$$3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$$

$$5^2 = 5 \times 5 = 25$$

تطبيق تعريف القوة

إذن، الحد الأول هو $81/25$.

2. حساب القوة الثانية (مع الانتباه للإشارة)

$$(-1/2)^3 = (-1/2) \times (-1/2) \times (-1/2) = -1/8$$

الدليل (3) فردي، لذلك تبقى الإشارة السالبة.

3. إجراء عملية الضرب

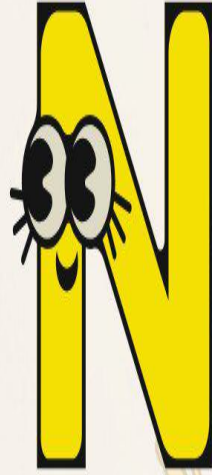
$$(81/25) \times (-1/8) = (81 \times -1) / (25 \times 8) = -81 / 200$$

البسط في البسط والمقام في المقام.

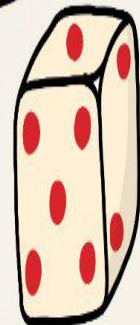
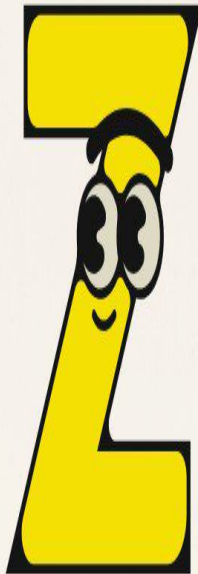
النتيجة النهائية: $-81 / 200$







الآن، أنتم تتقنون لغة الأعداد.





Prof : Mohamed HM COUR EN LIGNE



93100237

ARIJ
Bouchaïda

MAYSSEM
Boudabbous



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

