



القسم : 9 أساسي ..... التاريخ : 18 فيفري 2022	فرض مراقبة عدد 04 في مادة الراضيات	المدرسة الإعدادية النموذجية "المنصف باي بنابل"
--	---------------------------------------	---

### التمرين الأول ( 3 ن )

يلي كل سؤال من أسئلة هذا التمرين ثلاث إجابات، إحداها فقط صحيحة . أكتب على ورقة تحريرك رقم السؤال و الإجابة الصحيحة الموافقة له .

(1) إذا كان ABCD مربعاً حيث  $AB = 2x + 4\sqrt{2}$  و  $AC = 6\sqrt{2}$   
فإن العدد الحقيقي  $x$  يساوي

$5\sqrt{2}$	/ج	$\sqrt{2}$	/ب	$3 - 2\sqrt{2}$	/أ
-------------	----	------------	----	-----------------	----

(2)  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان حيث :  $a < b < -\frac{3}{2}$  فإن

لا يمكن المقارنة	/ج	$(a + \frac{3}{2})^2 > (b + \frac{3}{2})^2$	/ب	$(a + \frac{3}{2})^2 < (b + \frac{3}{2})^2$	/أ
------------------	----	---	----	---	----

(3)  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان حيث :  $a < -4 < b$   
فإن العبارة :  $|a + \pi| + |b + \pi + 1| - 1$

$ a - b $	/ج	$a + b$	/ب	$ a  +  b $	/أ
-----------	----	---------	----	-------------	----

### التمرين الثاني ( 8 ن )

لتكن العبارتين :  $a = \frac{-2}{4 + 2\sqrt{5}}$  و  $b = (\sqrt{5} - 1)^2$

(1) بين أن :  $a = 2 - \sqrt{5}$  و  $b = 6 - 2\sqrt{5}$

(2) أ) بين أن :  $a < b$

ب) أثبت أن :  $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \leq 2$

(3) أ) أثبت أن :  $1 - b = a\sqrt{5}$

ب) استنتج مقارنة بين  $a$  و  $1 - b$

ج) بين أن :  $a^2 < b^2 - 2b + 1$

(4) نعتبر العبارة :  $c = 2 + \sqrt{5}$

أ) احسب  $a \times c$  واستنتج مقلوب  $c$

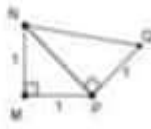
ب) بين أن :  $bc + 1 > 0$

ج) بين أن :  $\sqrt{-\frac{a}{c} - 2\left(a - \frac{1}{2}\right)} = \sqrt{5} - 1$





### التعريف الثالث (9 ن)



- I في الرسم مثلث قائم في M و PQN مثلث قائم في P  
و حيث  $MP = MN = PQ = 1 \text{ cm}$   
بُيّن أن :  $NQ = \sqrt{3} \text{ cm}$

- II ابن مثلثا ABC قائم الزاوية في A و حيث  $AB = 6 \text{ cm}$  و  $AC = 2\sqrt{3} \text{ cm}$

مع التوضيح

(1) أحسب BC

- (2) ابن النقطة O مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC . تم ابن النقطة I الموسط العمودي للنقطة O على المستقيم (AB)  
أ / بَيّن أن النقطة I منتصف [AB]  
ب / أحسب OI

(3) بَيّن أن المثلث OAC متقايس الأضلاع

- (4) الدائرة ح التي قطرها [AB] تقطع (BC) في نقطة ثانية H  
أحسب AH

- (5) عيّن J منتصف [OB] ثم عيّن G نقطة تقاطع [AJ] و [OI]  
أ / أحسب IG ثم AG

ب / المستقيم (BG) يقطع (AO) في K . أحسب  $\frac{BK}{CK}$

.... بالتوفيق

2

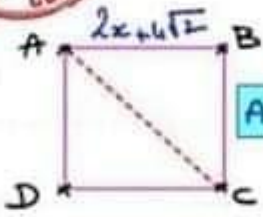




القسم : 9 أساسي .....  
التاريخ : 18 فيفري 2022

فرض مرافقة عدد 04  
في مادة الرياضيات

المدرسة الإعدادية النموذجية  
"العنصر باي بنابل"



إذا  $AC = AB\sqrt{2}$  مربع ABCD

التعريف الأول (3 ن)

يعني  $6\sqrt{2} = 2x + 4\sqrt{2}$

$$6\sqrt{2} = (2x + 4\sqrt{2})\sqrt{2}$$

$x = 3 - 2\sqrt{2}$

يعني  $2x = 6 - 4\sqrt{2}$

أ

إذا  $a < b < -\frac{3}{2}$   $a + \frac{3}{2} < b + \frac{3}{2} < 0$

ب

ومن  $(a + \frac{3}{2})^2 > (b + \frac{3}{2})^2$

إذا  $a < -4 < b$   $a + \pi < \pi - 4 < 0$

وهنا إذا  $b + \pi + 1 > \pi + 1 - 4$   $b + \pi + 1 > \pi - 3 > 0$

إذا  $|a + \pi| + |b + \pi + 1| - 1$

$= -a - \pi + b + \pi + 1 - 1$

$= -a + b$

$= |a| + |b|$

$a < 0$   $b > 0$   
 $|a| = -a$   $|b| = b$

التعريف الثاني (8 ن)

أ  $a = \frac{-2}{4 + 2\sqrt{5}} = \frac{-2(4 - 2\sqrt{5})}{16 - 20} = \frac{-4(2 - \sqrt{5})}{-4} = 2 - \sqrt{5}$

ب  $b = (\sqrt{5} - 1)^2 = 5 - 2\sqrt{5} + 1 = 6 - 2\sqrt{5}$





$$a - b = (2 - \sqrt{5}) - (6 - 2\sqrt{5}) \quad |12$$

$$= 2 - \sqrt{5} - 6 + 2\sqrt{5}$$

$$= \sqrt{5} - 4$$

$$= \sqrt{5} - \sqrt{16} < 0$$

$$a < b \quad \text{وهنا}$$



$$\frac{a}{b} + \frac{b}{a} - 2 = \frac{a^2 + b^2 - 2ab}{ab} \quad |2$$

$$= \frac{(a-b)^2}{ab} \left. \begin{array}{l} \in \mathbb{R}_+^* \\ \in \mathbb{R}_+^* \end{array} \right\} \in \mathbb{R}_+^*$$

$$\left( a, b \in \mathbb{R}_+^* \text{ إذا } \left\{ \begin{array}{l} a = 2 - \sqrt{5} \\ = \sqrt{4} - \sqrt{5} \\ \in \mathbb{R}_+^* \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} b = 6 - 2\sqrt{5} \\ = \sqrt{36} - \sqrt{20} \\ \in \mathbb{R}_+^* \end{array} \right)$$

$$1 - b = 1 - 6 + 2\sqrt{5} = -5 + 2\sqrt{5} \quad |3$$

$$= -\sqrt{5} \times \sqrt{5} + 2\sqrt{5}$$

$$= \sqrt{5} (2 - \sqrt{5})$$

$$= a\sqrt{5}$$

$$a \in \mathbb{R}_+^* \quad \text{لنا} \quad \sqrt{5} > 1$$

$$a\sqrt{5} < a \quad \text{وهنا}$$

$$1 - b < a \quad \text{إذا}$$





(3) ج لنا  $1-b = a\sqrt{5}$  و  $a \in \mathbb{R}^*$

ومنه  $1-b \in \mathbb{R}^*$

ولنا  $1-b < a$  إذا  $(1-b)^2 > a^2$

وبالتالي:  $a^2 < b^2 - 2b + 1$

$$a \times c = (2 - \sqrt{5})(2 + \sqrt{5})$$

$$= 4 - 5$$

$$= -1$$

ومنه  $(-a) \times c = 1$  إذا مقلوب  $c$  هو  $(-a)$

$$bc + 1 = bc - (-1)$$

$$= bc - ac$$

$$= c(b-a)$$

$$\underbrace{c}_{\in \mathbb{R}_+^*} \underbrace{(b-a)}_{\in \mathbb{R}_+^*} \in \mathbb{R}_+^*$$

$$\left( \begin{array}{l} c = 2 + \sqrt{5} \\ \in \mathbb{R}_+^* \end{array} \right)$$

$$bc + 1 > 0$$

إذا

$$\sqrt{-\frac{a}{c} - 2\left(a - \frac{1}{2}\right)} = \sqrt{-a \times \frac{1}{c} - 2a + 1}$$

$$\left(\frac{1}{c} = -a\right)$$

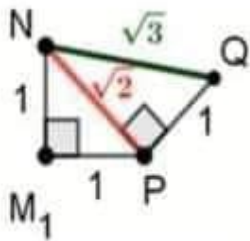
$$= \sqrt{(-a) \times (-a) - 2a + 1}$$

$$= \sqrt{a^2 - 2a + 1}$$

$$= \sqrt{(a-1)^2} = |a-1|$$

3/7





$$= |2 - \sqrt{5} - 1|$$

$$= |1 - \sqrt{5}|$$

$\in \mathbb{R}^*$

$$= \sqrt{5} - 1$$

التمرين الثالث (9 ن)

- I مثلث  $MPN$  قائم ومتساوي الساقين

الضلعين في  $M$  ومنه  $NP = \sqrt{2}$

$NPQ$  مثلث قائم في  $P$  حسب طبيعة

نظرية فيثاغورس  $NQ^2 = PQ^2 + PN^2$

$$= 1 + \sqrt{2}^2$$

$$= 1 + 2 = 3$$

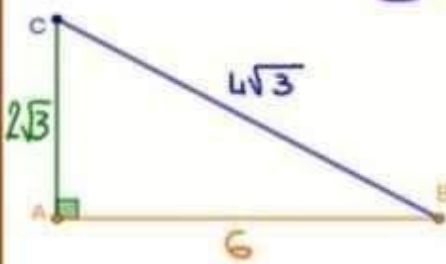
ولنا  $NQ > 0$  إذن  $NQ$  نجد

- II نستخدم إذا المثلث  $AC = 2\sqrt{3}$

$$(NP = \sqrt{3}) \quad MNP = 2 NQ$$

لبناء المثلث  $ABC$

1) بتطبيق نظرية فيثاغورس نجد:



$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$= 6^2 + (2\sqrt{3})^2$$

$$= 36 + 12$$

$$= 48$$

ولنا  $BC > 0$  إذن  $BC$  نجد

$$BC = 4\sqrt{3}$$

إذا





(2) الف لنا I المسقط العمودي  
للدقطة O على (AB)

ومنه  $(AB) \perp (OI)$  في I  
ولنا  $(AB) \perp (AC)$  ر  $ABC$  مثلث قائم في A  
وبالتالي:  $(OI) \parallel (AC)$

في المثلث  $ABC$  لنا O منتصف  $[BC]$   
و  $I \in (AB)$  إذا I منتصف  $[AB]$

(2) ب 1 في المثلث  $ABC$  لنا: O منتصف  $[BC]$   
و I منتصف  $[BA]$  إذا:  
 $OI = \frac{AC}{2}$

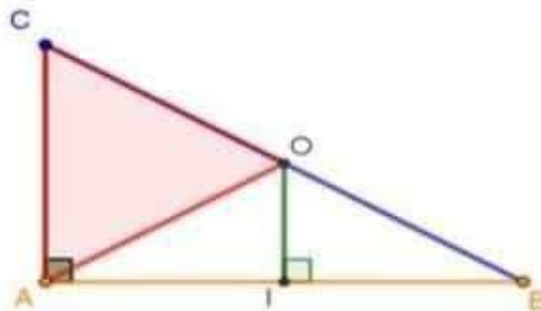
$$= \frac{2\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$$

(3) لنا  $ABC$  مثلث قائم في A حيث O منتصف  
الوتر  $[BC]$  ومنه  $OA = OB = OC = \frac{BC}{2}$

$$= \frac{4\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$$

ولنا  $AC = 2\sqrt{3}$  ومنه  $OA = OC = AC$

وبالتالي المثلث  $OAC$  متقايبى الذراع





4) المثلث  $AHB$  يقبل الإرتسام في الدائرة  $E$  حيث قطرها  $[AB]$  إذا  $AHB$  مثلث قائم في  $H$  وحيث  $CE(BH)$  ومنه  $[AH]$  الإرتفاع الصادر من  $A$  في المثلث  $OAC$  المتقايسى الأضلاع

$$AH = AC \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ إذا}$$

$$= 2\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= 3$$

5)  $I$  في المثلث  $BAO$  لنا:  $I$  منتصف  $[OB]$  و  $I$  منتصف  $[AB]$  ومنه  $[AI]$  المتوسط الصادر من  $A$  و  $[OI]$  المتوسط الصادر من  $O$  وحيث  $\{G\} = [AI] \cap [OI]$

إذا  $G$  مركز ثقل المثلث  $BAO$

وبالتالي:

$$IG = \frac{1}{3} IO$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{3}$$

لنا  $(OI) \perp (AB)$  في  $I$  و  $G \in (OI)$  ومنه  $AGI$  مثلث قائم في  $I$  حسب تطبيق نظرية بيتاغورس:

$$IA = \frac{AB}{2}$$

$$AG^2 = IG^2 + IA^2$$

$$= \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2 + 3^2$$

$$= \frac{6}{2} = 3$$

لأن  $I$  منتصف  $[AB]$  6/7







$$AG^2 = \frac{3}{9} + \frac{81}{9}$$

$$= \frac{84}{9}$$



وحيث  $AG > 0$  إذن  $AG$  يُعد

$$AG = \frac{\sqrt{84}}{3} = \frac{2\sqrt{21}}{3} \text{ إذا}$$

ب/ لنا  $(AB) \perp (OI)$  في  $I$  حيث  $I$  منتصف  $[AB]$   
إذا  $(OI)$  المتوسط العمودي لـ  $[AB]$  وحيث  $GE(OI)$   
إذا  $GB = GA = \frac{2}{3}\sqrt{21}$

في المثلث  $ABG$  لنا  $G$  مركز الثقل إذا  
 $(BG)$  المستقيم الحامل للمتوسط المار من  $B$   
وحيث يقطع  $[AO]$  في  $K$  إذا  $[BK]$  المتوسط

المار من  $B$  ومنه  $BG = \frac{2}{3}BK$  إذا  $BK = \frac{3}{2}BG$

$$BK = \frac{3}{2} \times \frac{2}{3}\sqrt{21} = \sqrt{21}$$

$[CK]$  الارتفاع المار من  $C$

$[AH]$  الارتفاع المار من  $A$

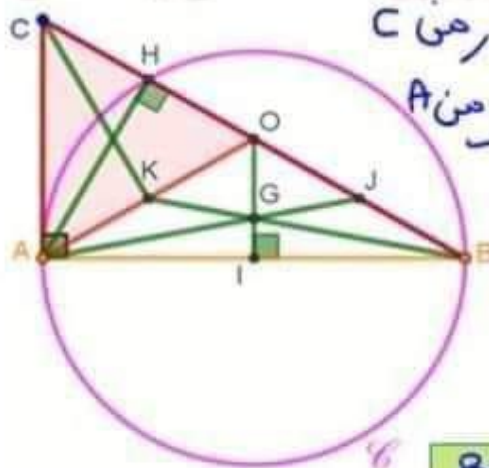
في المثلث  $AOC$

المتقاين الأضلاع

إذا  $CK = AH = 3$

ومنه:

$$\frac{BK}{CK} = \frac{\sqrt{21}}{3}$$



# مرحبا بكم علي منصة مراجعة



**COLLEGE.MOURAJAA.COM**



**NEWS.MOURAJAA.COM**

