



CORRECTION

التمرين 1

ضع العلامة ✓ في خانة الجواب السليم

غير ممكن	$ x \geq 2$	$ x \leq 2$ ✓	$-2 \leq x \leq 2$ يعني
متوازيان او متقاطعان او ليسا في نفس المستوي ✓	في نفس المستوي	متوازيان او متقاطعان	مستقيمان في الفضاء هما
نقطة	مستقيم	مستوي	مستويان يتقاطعان حسب
$x \in]1;2[$	$x \in [1;2[$ ✓	$x \in [1;2]$	$1 \leq x < \sqrt{2}$ يعني

التمرين 2

تكن العبارة E التالية : $E = (3x - 4)^2$ حيث $x \in \mathbb{R}$

(1) لنجد حصرا للعبارة E اذا كان $|x| \leq 1$

$$|x| \leq 1 \Rightarrow -1 \leq x \leq 1 \Rightarrow -3 \leq 3x \leq 3 \Rightarrow -7 \leq 3x - 4 \leq -1$$

$$(-1)^2 \leq (3x - 4)^2 \leq (-7)^2$$

$$1 \leq E \leq 49$$

(2) تكن العبارة F التالية : $F = 25x^2 - (3x - 4)^2$

أ. نفكك تلك العبارة الى جذاء عوامل لنجد : $F = 8(x + 2)(2x - 1)$

$$F = 25x^2 - (3x - 4)^2 = (5x)^2 - (3x - 4)^2 = [5x - (3x - 4)][5x + (3x - 4)] = (2x + 4)(8x - 4)$$

$$F = 2(x + 2)4(2x - 1)$$

$$F = 8(x + 2)(2x - 1)$$





ب. حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $F=0$

$F=0$ يعني $8(x+2)(2x-1)=0$ يعني $x+2=0$ او $2x-1=0$

ومنه $x=-2$ او $x=\frac{1}{2}$ ؛ الخلاصة : $S_{\mathbb{R}} = \left\{-2; \frac{1}{2}\right\}$

ج- نبحث عن العدد الموجب x حتى يكون المربعان متناظرين مركزيا حول C :
المربعان هما من جهة واحدة وبالنسبة الى C اذن لتحقيق التناظر يكفي ان تكون
مساحتا المربعين متساويتين اي : $|5x|^2 = |3x-4|^2$ او

$(5x)^2 = (3x-4)^2$ او $25x^2 - (3x-4)^2 = 0$ اي $F=0$ ومنه $x=\frac{1}{2}$

لانه موجب (من خلال 2) ب)

3 - لنحل في $\mathbb{R}$ المتراجحة : $\sqrt{E} > 1$

$$\sqrt{E} > 1 \Rightarrow \sqrt{(3x-4)^2} > 1 \Rightarrow |3x-4| > 1$$

مما يعطي $3x-4 > 1$ او $3x-4 < -1$

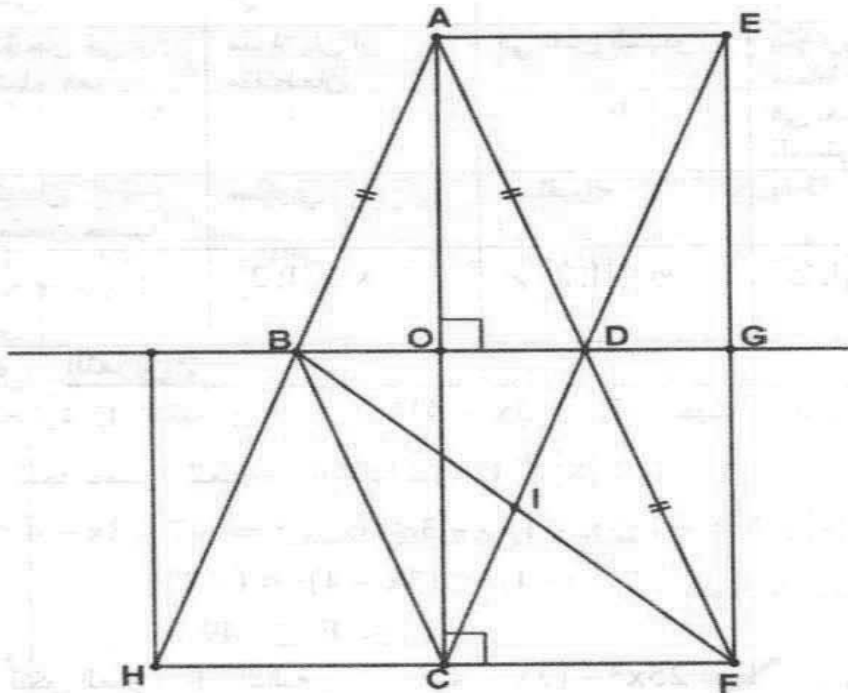
اي $3x > 5$ او $3x < 3$ ومنه $x > \frac{5}{3}$ او $x < 1$

$$S_{\mathbb{R}} =]-\infty; 1[\cup \left] \frac{5}{3}; +\infty \right[$$

الخلاصة :

التمرين 3

1) C منازرة A بالنسبة للمستقيم (BD) يعطي (BD) هو المتوسط العمودي للقطعة $[AC]$ ومنه $BA=AD$ و $BC=DC$ ونعلم ان $BA=AD=BC=DC$ مما يعطي :





(2) ليكن I منتصف [CD] والنقاط E و F بحيث E مناظرة C بالنسبة الى D و F مناظرة B بالنسبة الى I ؛ نوع الرباعي BDFC ؟ علل
قطرا الرباعي BDFC يتقاطعان في منتصفهما I اذن هذا الرباعي متوازي الاضلاع

(3) لنستنتج ان D منتصف [AF] .

BDFC متوازي الاضلاع اذن $BC=DF$ و $(BC) \parallel (DF)$ ونعلم ان $BC=AD$ و $(AD) \parallel (BC)$ ومنه $AD=DF$ (1) و $(AD) \parallel (DF)$ لانهما يوازيان نفس المستقيم (BC) ويشتركان في

D اذن $D \in [AF]$ (2) ؛ ينتج عن (1) و (2) ان D منتصف [AF]

(4) نعلم ان $(AC) \perp (BD)$ قطران في معين وأن $(DB) \parallel (FC)$ لان

BDFC متوازي الاضلاع ومنه $(AC) \perp (CF)$

(5) لنستنتج ان الرباعي AEFC مستطيل D منتصف [AF] و E

مناظرة C بالنسبة الى D اي D منتصف [CE] ومنه فالرباعي AEFC متوازي الاضلاع ولديه زاوية قائمة في C فهو مستطيل

(6) نعتبر $(O;D;A)$ معيناً في المستوي G تقاطع (BD) مع (EF) . وفقاً

للمعين $(O;D;A)$ نجد $G(2;0)$ لان $G \in [OD]$ بحيث $OG=2OD$ (يتم اثبات ان D منتصف [OG] بما ان $DG=CF:2$ و $OD=AE:2$ و $CF=AE$ (القطعة الرابطة بين منتصفي ضلعي مثلث)

و $F(2;-1)$ لان مسقط F على [OD] بموازية (OA) هو G و $x_G=2$

و مسقط F على [OC] بموازية (OD) هو C و $y_C=-1$.

(7) ابن النقطة $H(-2;-1)$ لنبين ان AEF مثلث متقايس الضلعين .

بما أن بالنظر الى $F(2;-1)$ و $H(-2;-1)$ نلاحظ انهما يشتركان في الترتيب ويتقابلان في الفاصلة اذن متناظرتان بالنسبة الى (OA) ومنه (OA) هو المتوسط العمودي لـ [HF] ؛ الا ان A نقطة من (OA) فحتماً $AH=AF$.

الخلاصة : AHF مثلث متقايس الضلعين





COLLEGE.MOURAJAA.COM





COLLEGE.MOURAJAA.COM

