



السنة التاسعة
2023

فرض مراقبة عدد
في الرياضيات
الثلاثي الثالث



التمرين 1:

- (1) فرق مربعي عددين صحيحين متتابعين هو 137. ما هما هذان العددان ؟
- (2) أجب بـ "صواب" أو "خطأ":
(أ) إذا كان مستويان عموديين على نفس المستقيم فهما متوازيان.
(ب) إذا كان مستقيم عمودياً على مستقيم من مستوي فهو عمودي على ذلك المستوي.
- (3) حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة التالية: $2 \leq \frac{|x-5|}{2} \leq 1$!!!
- (4) لتكن العبارة $E = (3x-4)^2$ حيث x عدد حقيقي ؛ أوجد حصر لـ E إذا كان $|x| \leq 1$

التمرين 2:

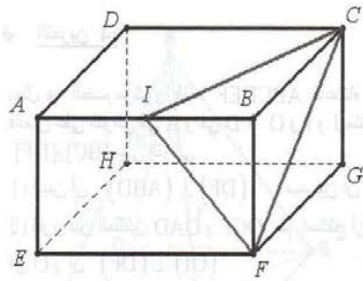
يوجد في صندوق 14 كجة مختلفة الأوزان ومصنفة إلى 4 فئات ؛ تكرر هذه الكجات حسب الوزن يبرزه الجدول أسفله :

وزن الكجة (غ)	[12;14]	[14;16]	[16;18]	[18;20]
مركز الفئة				
التكرار	5	2	4	3
التكرار التراكمي				

- (2) حدد فئة المنوال و Ma معدل الوزن في هذه السلسلة الاحصائية.
- (3) ارسم مضلع التكرارات التراكمية
- (4) اختار عشوائياً كجة من الصندوق كم هو احتمال ان تكون الكجة من ضمن التي وزنها أكبر من او يساوي 16 غ
- (5) في البقية تعتبر 4 كجات ؛ وزن كل كجة على التوالي 3 و 5 و 6 و 19 بالغم ؛ نضعها في الكيس ثم نسحب عشوائياً كجتين معا
أ- كم هو العدد الجملي لامكانيات السحب ؟ علل
ب- كم هو احتمال ان يكون مجموع وزنيهما فردياً ؟ علل
- (6) نسحب الكجة الاولى ثم نرجعها في الكيس ثم نسحب الكجة الثانية ونسجل النتيجة
أ- كم هو العدد الجملي لامكانيات السحب ؟ علل
ب- كم هو احتمال ان يكون الفرق بين وزنيهما 3 غ ؟

التمرين 3:

وحدة قياس الطول هي الصنمتر .



نجد في هذا الرسم متوازي مستطيلات ABCDEFGH بحيث

$$[AB] \text{ منتصف } I \text{ } AE = AD = 6 \text{ و } AB = 4\sqrt{2}$$

- (1) أ- بين أن (AD) و (FG) مستقيمان في نفس المستوي
ب- بين أن $ADGF$ مستطيل
ج- احسب AF ثم استنتج حساب القطر AG .
- (2) أ- ابن المستقيم Δ تقاطع المستويين (ICF) و (ADE)
ب- بين أن Δ يوازي (FC)





CORRECTION

التمرين 1

(1) فرق مربعي عددين صحيحين متتابعين هو 137. لنبحث عن هذين العددين ؟
إذا كان العدد الصحيح الاول هو x فان $x+1$ هو العدد الذي يليه ومنه :

$$(x+1)^2 - x^2 = 137 \text{ مما يؤدي الى } x^2 + 2x + 1 - x^2 = 137 \text{ أي}$$

$$2x+1=137 \text{ ومنه } 2x=136 \text{ أي } x=68 \text{ ؛ نتأكد :}$$

$$(69)^2 - (68)^2 = 4761 - 4624 = 137$$

العددان هما 68 و 69

الخلاصة :

(2) (أ) (ص)

(ب) (خ)

(3) لنحل في $\mathbb{R}$ المتراجحة التالية : $2 \leq \frac{|x|-5}{2} \leq 1$

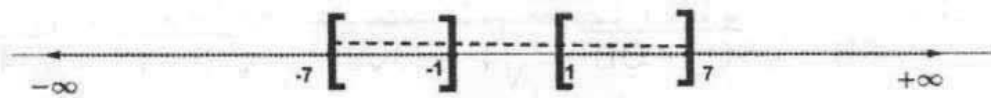
$$-2 \leq \frac{|x|-5}{2} \leq 1 \Rightarrow -4 \leq |x|-5 \leq 2 \Rightarrow 1 \leq |x| \leq 7$$

$$\Rightarrow \begin{cases} |x| \leq 7 \\ |x| \geq 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -7 \leq x \leq 7 \\ x \leq -1 \text{ أو } x \geq 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x \in [-7; 7] \\ x \in]-\infty; -1] \cup [1; +\infty[\end{cases}$$

COLLEGE.MOURAJAA.COM

$$x \in [-7; 7] \cap (]-\infty; -1] \cup [1; +\infty[)$$

لنستعين بمستقيم مدرج للوصول الى $S_{\mathbb{R}}$:



الخلاصة : $S_{\mathbb{R}} = [-7; -1] \cup [1; 7]$

(4) لتكن العبارة $E = (3x-4)^2$ لنبحث عن حصر لـ E اذا كان $|x| \leq 1$:
لدينا :

$$|x| \leq 1 \Rightarrow -1 \leq x \leq 1 \Rightarrow -3 \leq 3x \leq 3 \Rightarrow -7 \leq 3x-4 \leq -1 \Rightarrow (-1)^2 \leq (3x-4)^2 \leq (-7)^2$$

$$1 \leq E \leq 49$$





التمرين 2

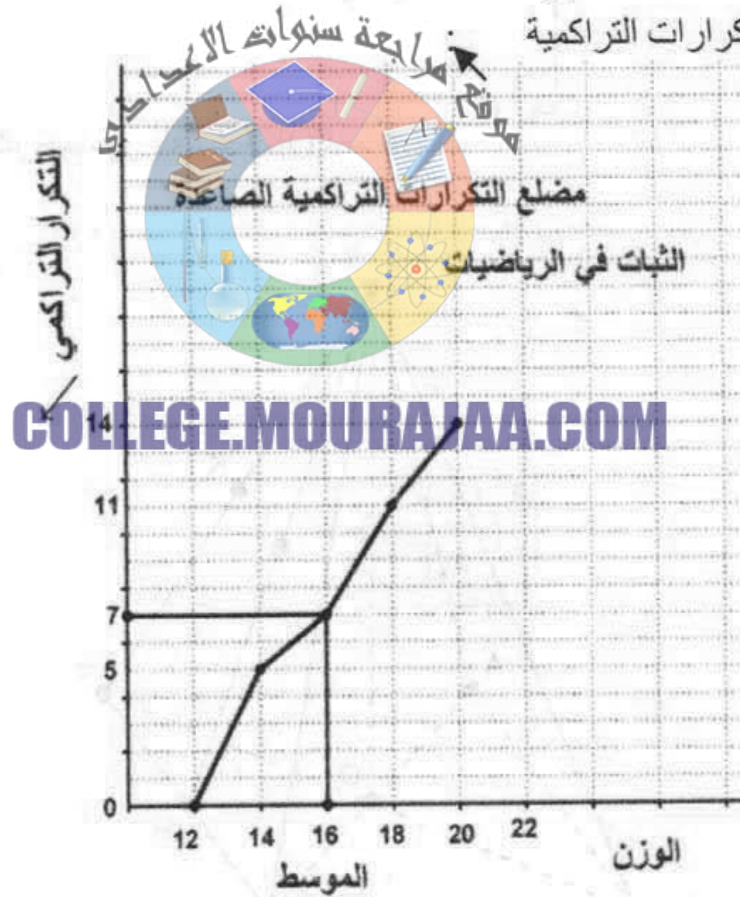
1. ننقل الجدول ثم نكملة

وزن الكفة (غ)	[12;14[	[14;16[	[16;18[	[18;20[
مركز الفئة	13	15	17	19
التكرار	5	2	4	3
التكرار التراكمي	5	7	11	14

2. فئة المنوال هي [12;14[؛ ليكن Ma معدل الوزن في هذه السلسلة الاحصائية

$$Ma = \frac{5 \times 13 + 2 \times 15 + 4 \times 17 + 3 \times 19}{14} = 15,71$$

3. مضلع التكرارات التراكمية



4. احتمال ان تكون الكفة من ضمن اللتي وزنها اكبر من او يساوي 16 غ هو $\frac{4+3}{14} = 0,5$





5. أ- العدد الجملي لامكانيات السحب هو 6 وهذه الامكانيات هي :

$$\{ \{13;15\}; \{13;16\}; \{13;19\}; \{15;16\}; \{15;19\}; \{16;19\} \}$$

ب- احتمال ان يكون وزنيهما فرديا هو $3/6 = 0,5$

$$6. \text{ أ- العدد الجملي للامكانيات هو } 4 \times 4 = 16 \text{ لان : } \begin{matrix} 13 \\ 15 \\ 16 \\ 19 \end{matrix} \rightarrow 13 \text{ (عند سحب)}$$

الكجة ذات الوزن 13 غ في المرة الاولى يمكن ان تظهر في المرة الثانية لانه سحب بالارجاع) وبهذا نحصل على 4 امكانيات وهذه الوضعية ستتكرر 4 مرات ولذلك العدد الجملي للامكانيات هو $4 \times 4 = 16$

ب- الفرق بين وزنيهما 3 غ يحصل في الحالات $\{(13;16); (16;13); (16;19); (19;16)\}$ ان احتمال حصول هذه الحالة هو $4/16 = 0,25$

التمرين 3

1. أ- لدينا $(AD) \parallel (BC)$ و $(FG) \parallel (BC)$ ان $(AD) \parallel (FG)$ ومنه المستقيمان (AD) و (FG) هما في نفس المستوى.

ب- لدينا $BC=AD$ و $FG=BC$ ان $FG=AD$ (ينتج عن 1 و 2)

ان الرباعي $ADGF$ متوازي الاضلاع ومن ناحية ثانية $\widehat{DAF} = 90^\circ$ لان (DA) يعامد كل من (AB) و (AE) وهما محتويان في (ABE) ان يعامد المستوي (ABE) في A ؛ الا ان (FA) محتوي في (ABE) ويمر من A وبالتالي :

$$(AD) \perp (FA)$$

الخلاصة : الرباعي $ADGF$ متوازي الاضلاع وله زاوية قائمة فهو مستطيل ج- المثلث AEF قائم في E فحسب بيثاغور :

$$AF^2 = EF^2 + EA^2 = (4\sqrt{2})^2 + 6^2 = 32 + 36 = 68$$

$$AF = \sqrt{68} = 2\sqrt{17}$$

حساب القطر AG :

بما ان الرباعي $ADGF$ مستطيل فان المثلث AFG قائم في F فحسب بيثاغور :

$$AG^2 = AF^2 + FG^2 = 68 + 36 = 104$$

$$AG = \sqrt{104} = 2\sqrt{26}$$





- 2- ا- بناء Δ تقاطع (CI) و (AD) لانهما في نفس المستوي يعطي النقطة الاولى ثم تقاطع (IF) و (AE) لانهما في نفس المستوي يعطي النقطة الثانية ومنه Δ يحصل من هذين النقطتين لانهما ينتميان في نفس الوقت الى المستويين (ADE) و (ICF) ب- Δ تشترك مع المستوي (ADE) في نقطتين اذن محتوي فيه ؛ وتعلم ان المستويان (ADE) و (BCF) يتوازيان اذن $(CF) \cap (ADE) = \emptyset$ وبالتالي Δ و (CF) هما مستقيمان ليسا في نفس المستوي او يتوازيان ؛ الا ان Δ و (CF) محتويان في المستوي (ICF) ومنه Δ و (CF) لا يمكن الا ان يتوازيا
- الخلاصة: $\Delta \parallel (CF)$

