

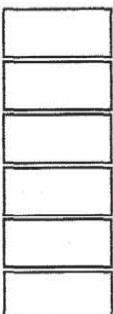


السنة التاسعة
2023

فرض مراقبة عدد 6
في الرياضيات
الثلاثي الثالث



تمرين عدد 1: أجب بصواب أو خطأ :



أ/ رباعي محدب قطراته متباين هو مستطيل

ب/ مستطيل قطراته متباين هو مربع

ج/ $(\sqrt{2}+3)^2 = 11$

د/ $9-4\sqrt{5} = (\sqrt{5}-2)^2$

هـ/ $x^2 - 4 = (x-2)^2$

وـ/ $y^2 + 25 = (x+5)(y-5)$

تمرين عدد 2:

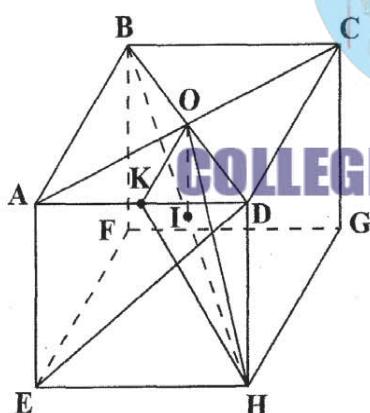
(1) حل في \mathbb{R} المعادلة $2(x+4) = 8(4-x)$

(2) مربع ضلعه 4cm و M نقطة من [AB] بحيث $AM=x$

أ/ احسب بدلالة x مساحة شبه المنحرف AMCD و مساحة المثلث MBC

ب/ أوجد البعد x عندما تكون مساحة شبه المنحرف AMCD أربع أضعاف مساحة المثلث MBC

تمرين عدد 3:



يمثل الشكل المصاحب مكعبا ABCDEFGH طول عرضه

[BH] و O مركز الوجه ABCD و I منتصف [AD]

و K منتصف [AD] احسب OH و BD و 1

أ/ بين أن (OI) // (DH) ثم احسب OI

ب/ بين أن المستقيم (OI) عمودي على المستوى (ABC)

ج/ احسب KH واستنتج أن (OK) ⊥ (KH)

د/ استنتج أن (OK) ⊥ (KD)

تمرين عدد 4:

ليكن $x \in \mathbb{R}$ والعبارات A و B و C حيث

$$C = 4x^2 - 16$$

$$B = (2-x)(3x+1) + 6 - 3x$$

$$A = (2-x)(x+3) - 2x + 4$$

(1) فك إلى جذاء عوامل كل من A و B و C

(2) لتكن $E = A + B + C$

أ/ احسب E بدلالة x

ب/ حل في \mathbb{R} المتراجحتات $E > 0$ و $E \leq 6$ و $E \geq -2$





CORRECTION

| تمرين عدد: 1 | أ / خطأ هـ / خطأ | ب / صواب و / خطأ | ج / خطأ د / صواب |
|--------------|---------------------|---------------------|---------------------|
|--------------|---------------------|---------------------|---------------------|

تمرين عدد:

$$2(x + 4) = 8(4 - x) \quad (1)$$

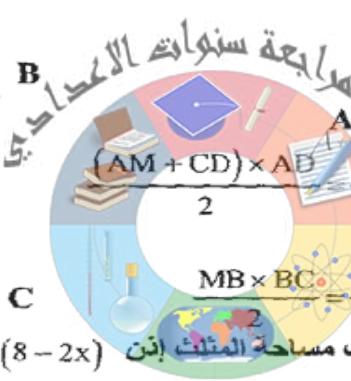
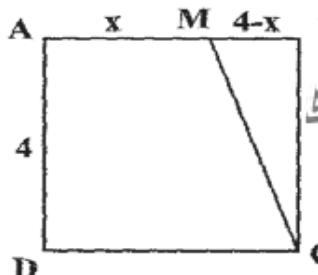
$$2x + 8 = 32 - 8x$$

$$2x + 8x = 32 - 8$$

$$10x = 24$$

$$x = \frac{24}{10} = 2,4 = \frac{12}{5}$$

$$S_{IR} = \left\{ \frac{12}{5} \right\}$$



أ/ مساحة شبه المنحرف $AMCD$

$$\frac{(AM + CD) \times AD}{2} = \frac{(x + 4) \times 4}{2} = 2(x + 4) = 2x + 8$$

مساحة المثلث MBC

$$\frac{MB \times BC}{2} = \frac{(4 - x) \times 4}{2} = 2(4 - x) = 8 - 2x$$

ب/ مساحة شبه المنحرف 4 أضعاف مساحة المثلث BC إذن

$$2x + 8 = 32 - 8x$$

$$2x + 8x = 32 - 8$$

$$10x = 24$$

$$x = \frac{24}{10} = 2,4$$

تمرين عدد:

1 حساب BD

$$BD = AB\sqrt{2} = 4\sqrt{2} \quad \text{لدينا } [BD] \text{ قطر في المربع } ABCD \text{ إذن}$$

حساب OH

لدينا $(DH) \perp (ACD)$ و $(DH) \perp (DC)$ إذن $(DH) \perp (AD)$

و $(DH) \perp (OD)$ إذن $(OD) \subset (ACD)$

ومنه المثلث ODH قائم في D وحسب نظرية بيتاغور

$$OH^2 = OD^2 + DH^2 \quad \text{ويعطى أن } O \text{ متنصف } [BD] \text{ فإن } \sqrt{2}$$

$$OD = \frac{4\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2} \quad \text{لدينا } [BD] \text{ قطر في المربع } ABCD \text{ إذن } OH^2 = (2\sqrt{2})^2 + 4^2 = 8 + 16 = 24$$

$$OH = \sqrt{24} = 2\sqrt{6}$$

أ/ في المثلث BDH O متنصف $[BD]$ و OI متنصف $[BH]$ إذن $(OI) \parallel (DH)$

$$OI = \frac{DH}{2} = \frac{4}{2} = 2$$





ج/ في المثلث KDH القائم في D لدينا $KH^2 = KD^2 + DH^2 = 2^2 + 4^2 = 4 + 16 = 20$

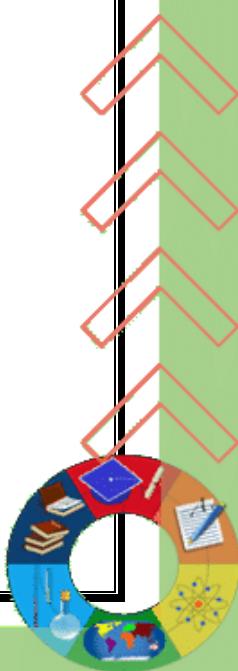
$$KH = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

* في المثلث ABD لدينا O منتصف $[BD]$ و K منتصف $[AD]$ إذن $(OK) \parallel (AB)$

$$OK = \frac{AB}{2} = \frac{4}{2} = 2$$



COLLEGE.MOURAJAA.COM





COLLEGE.MOURAJAA.COM

