



السنة التاسعة 2023	فرض مراقبة عدد5 في الرياضيات الثلاثي الثالث	 COLLEGE.MOURAJAA.COM
-----------------------	---	---

تمرين عدد1: أجب بصواب أو خطأ :

☐
☐
☐
☐

- أ/ رباعي قطراه متعامدان ومتقايسان هو مربع
 ب/ ABCD مربع حيث $AB = 3\sqrt{3} - 2\sqrt{2}$ إذن $AC = 3\sqrt{6} - 4$
 ج/ EFG مثلث متقايس الأضلاع و [EH] ارتفاعه إذا كان $EH = 6$ فإن $EF = 4\sqrt{3}$
 د/ إذا كان x و y عدنان حقيقيان و $2\sqrt{3} < x < 3\sqrt{2}$ و $1 < y < 5$ فإن $2\sqrt{3} - 1 < x - y < 3\sqrt{2} - 5$

تمرين عدد2:

- نعتبر نصف دائرة C مركزها O وشعاعها 4cm وقطرها [BC]. عيّن على C النقطة E بحيث $BE = 4cm$ وليكن [OM] الارتفاع الصادر من O في المثلث OBE
 أ/ احسب البعد OM
 ب/ بيّن أن الرباعي OMEC شبه منحرف قائم
 ج/ احسب EC
 د/ احسب محيط ومساحة شبه المنحرف OMEC

تمرين عدد3: COLLEGE.MOURAJAA.COM

- أ/ حل في IR المعادلة $x(x + 24) = x^2 + 8(x + 10)$
 ب/ ABC مثلث قائم الزاوية في A حيث طول وتره [BC] يفوق طول ضلعه [AB] بـ 8
 ابحث عن محيط هذا المثلث إذا علمت أن طول الضلع [AC] هو 12.

تمرين عدد4:

نعتبر العبارتين A و B حيث $x \in \mathbb{R}$ و $A = (3x - 1)^2$ و $B = 1 - 9x^2$

(1) أ/ بين أن $A + B = -6x + 2$

ب/ حل في IR المتراجحة $A + B \leq 0$

(2) أ/ اكتب في صيغة جذاء العبارة B

ب/ بين أن $A - 2B = (3x - 1)(9x + 1)$

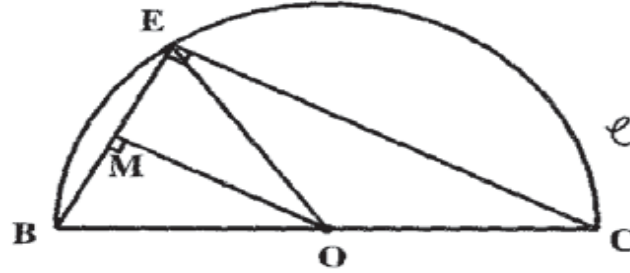
حل في IR المعادلة $A = 2B$





CORRECTION

تمرين عدد 1: أ / خطأ ب / صواب ج / صواب د / خطأ
تمرين عدد 2:



أ / حساب OM

لدينا $OB = OE = 4$ شعاعان لـ $\odot O$ و $BE = 4$
إذن $OM = \frac{4\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$
ب / لدينا $E \in \odot O$ و $[BC]$ قطر لـ $\odot O$

إذن BEC مثلث قائم في E ومنه $(EC) \perp (EB)$
ونعلم أن $(OM) \perp (EB)$ إذن $(OM) \parallel (EC)$ وبالتالي $OMEC$ شبه منحرف قائم في E و M

ج / حساب EC

في المثلث BEC قائم في E لدينا: $EC^2 = BC^2 - BE^2 = 8^2 - 4^2 = 64 - 16 = 48$
إذن $EC = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$

د / حساب محيط شبه المنحرف: $OM + ME + EC + OC =$
 $2\sqrt{3} + 2 + 4\sqrt{3} + 4 = 6 + 6\sqrt{3}$

* حساب مساحة شبه المنحرف $OMEC = \frac{(OM + EC) \times ME}{2} = \frac{(2\sqrt{3} + 4\sqrt{3}) \times 2}{2} = 6\sqrt{3}$

تمرين عدد 3:

ب / ليكن x طول الضلع $[AB]$ إذن $x+8$ طول الوتر

$[BC]$ ونعلم أن $AC=12$

وحسب نظرية فيثاغورس: $BC^2 = AB^2 + AC^2$

$$(x+8)^2 = x^2 + 12^2$$

$$x^2 + 16x + 64 = x^2 + 144$$

$$x^2 + 16x - x^2 = 144 - 64$$

$$16x = 80$$

$$x = \frac{80}{16} = 5$$

إذن $AB=5$ و $BC=5+8=13$ و $AC=12$

وبالتالي محيط المثلث $5+12+13=30$

$$x(x+24) = x^2 + 8(x+10) \quad / \text{أ}$$

$$x^2 + 24x = x^2 + 8x + 80$$

$$x^2 + 24x - x^2 - 8x = 80$$

$$16x = 80$$

$$x = \frac{80}{16} = 5 \quad S_{IR} = \{5\}$$





تمرين عدد 4

ب / $A+B \leq 0$ يعني $-6x + 2 \leq 0$

يعني $-6x \leq -2$

يعني $x \geq \frac{2}{6}$

$S_{\mathbb{R}} = \left[\frac{1}{3}; +\infty \right[$

1 / $A+B = (3x-1)^2 + (1-9x^2)$

$= 9x^2 - 6x + 1 + 1 - 9x^2$

$= -6x + 2$

2 / $B = 1 - 9x^2 = 1^2 - (3x)^2$

$= (1-3x)(1+3x)$

ج / $A-2B=0$ يعني $A=2B$

ب / $A-2B = (3x-1)^2 - 2(1-3x)(1+3x)$

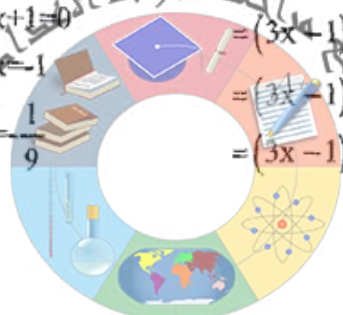
$(3x-1)(9x+1) = 0$

$3x-1=0$ أو $9x+1=0$

$3x=1$ أو $9x=-1$

$x=\frac{1}{3}$ أو $x=-\frac{1}{9}$

$S_{\mathbb{R}} = \left\{ \frac{1}{3}; -\frac{1}{9} \right\}$



COLLEGE.MOURAJAA.COM





COLLEGE.MOURAJAA.COM

