



السنة الثامنة
2023

فرض مراقبة
عدد 5 في الرياضيات
الثلاثي الثالث



تمرين ع1-د

اختر الجواب السليم :

$a \in \mathbb{Q}$ ؛ تكون العبارة $(a-10)^2$ موجبة عندما	$a \geq 10$	مهما يكن a من $\mathbb{Q}$
$B = \frac{12}{25}x^3 - \frac{16}{35}x^2$ ؛ $(x \in \mathbb{Q})$ العبارة المفككة الى أقصى حد لـ B هي :	$B = \frac{4}{5}x^2 \left(\frac{3}{5}x - \frac{4}{7} \right)$	$B = x^2 \left(\frac{12}{25}x - \frac{16}{35} \right)$
في مثلث متقايس الضلعين المستقيمتين المعتبرة المارة من القمة الرئيسية	تتطابق	تتقاطع

تمرين ع2-د

- (1) احسب $\sqrt{6 + \sqrt{\frac{1}{16}}}$ و $\sqrt{\sqrt{\left(-\frac{2}{3}\right)^4}}$ و $\left(-\frac{2}{3}\right)^3$ ؛
(2) اكتب في صورة قوة لعدد كسري نسبي دليلها مخالف لـ 1 :
 $b = \left(\frac{8}{27}\right)^{17} \times \left(\frac{2}{3}\right)^{22}$ ؛ $d = \left[\left(-\frac{3}{2}\right)^7\right]^5 \times \left(-\frac{3}{2}\right)^9$ ؛
(3) اكمل الجدول التالي :

العدد	0,0037	$357,46 \times 10^6$
الكتابة العلمية		

تمرين ع3-د

نعتبر العبارة : $X = \frac{(a^{-2}b^3)^{-2} a^{-9}b^{11}}{a^{-3}b}$ حيث $a \in \mathbb{Q}^*$ و $b \in \mathbb{Q}^*$.

(1) بَيِّنْ أَنْ : $X = \frac{b^4}{a^2}$.

(2) احسب X إذا علمت أَنْ : $3b^2 = 2a$.

تمرين ع4-د

(1) أرسم معيَّنًا $ABCD$ مركزه O بحيث $AB = BD = 6cm$

لتكن I منتصف $[AB]$ و M منازرة O بالنسبة إلى I .

(2) بَيِّنْ أَنْ الرباعي $AMBO$ مستطيل .

(3) المستقيمان (AM) و (CD) يتقاطعان في N .

أ. بَيِّنْ أَنْ الرباعي $ABDN$ معيَّن .

ب. بَيِّنْ أَنْ المثلث BCN قائم الزاوية .

(4) بَيِّنْ أَنْ الرباعي $AMOD$ متوازي أضلاع .

(5) المستقيم (BN) يقطع (OM) في J و (AD) في K .

لتكن L المسقط العمودي لـ O على (AD) . بَيِّنْ أَنْ الرباعي OKL مستطيل .





CORRECTION

تمرين ع1-دد

اختر الجواب السليم :

$a \in \mathbb{Q}$ ؛ تكون العبارة $(a-10)^2$ موجبة عندما	$a \geq 10$	✓ مهما يكن a من $\mathbb{Q}$
$B = x^2 \left(\frac{12}{25}x - \frac{16}{35} \right)$	$B = \frac{4}{5}x^2 \left(\frac{3}{5}x - \frac{4}{7} \right)$ ✓	$B = \frac{12}{25}x^3 - \frac{16}{35}x^2$ ؛ $(x \in \mathbb{Q})$ ؛ العبارة المفككة الى أقصى حد لـ B هي
تتقاطع	✓ تطابق	في مثلث متقايس الضلعين المستقيمتان المعتبرة المارة من القمة الرئيسية

تمرين ع2-دد

(1) نحسب :

$$\left(-\frac{2}{3}\right)^3 = \frac{-8}{27} \quad \sqrt{\sqrt{\left(-\frac{2}{3}\right)^4}} = \sqrt{\sqrt{\left(\frac{2}{3}\right)^2}} = \sqrt{\sqrt{\frac{4}{9}}} = \sqrt{\frac{2}{3}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \quad \sqrt{6 + \sqrt{\frac{1}{16}}} = \sqrt{6 + \frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{24}{4} + \frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{25}{4}} = \frac{5}{2}$$

(2) نكتب في صورة قوة لعدد كسري نسبي دليلها مخالف لـ 1 :

$$b = \left(\frac{8}{27}\right)^{17} \times \left(-\frac{2}{3}\right)^{22} = \left(\left(\frac{2}{3}\right)^3\right)^{17} \times \left(\frac{2}{3}\right)^{22} = \left(\frac{2}{3}\right)^{51} \times \left(\frac{2}{3}\right)^{22} = \left(\frac{2}{3}\right)^{73} \quad d = \left[\left(-\frac{3}{2}\right)^7\right]^5 \cdot \left(-\frac{3}{2}\right)^9 = \left(-\frac{3}{2}\right)^{35} \cdot \left(-\frac{3}{2}\right)^9 = \left(\frac{3}{2}\right)^{44}$$

(3) نكمل الجدول التالي :

العدد	0.0037
الكتابة العلمية	$3,7 \times 10^{-3}$
	$357,46 \times 10^6$
	$3,5746 \times 10^8$

تمرين ع3-دد

نعتبر العبارة : $X = \frac{(a^{-2}b^3)^{-2} a^{-9}b^{11}}{a^{-3}b}$ حيث $a \in \mathbb{Q}^+$ و $b \in \mathbb{Q}^+$

1. نبين :

$$X = \frac{(a^{-2}b^3)^{-2} a^{-9}b^{11}}{a^{-3}b} = \frac{(a^4b^{-6}) a^{-9}b^{11} \times a^3b^{-1}}{1} = (a^4a^{-9}a^3)(b^{-6}b^{11}b^{-1}) = a^{-2}b^4 = \frac{b^4}{a^2}$$

2. نحسب X إذا علمنا أن : $3b^2 = 2a$ ؛ لدينا :

$$X = \frac{b^4}{a^2} = \left(\frac{b^2}{a}\right)^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$$

تمرين ع3-دد

1. نرسم معيّنًا $ABCD$ مركزه O بحيث $AB = BD = 6cm$

لتكن I منتصف $[AB]$ و M منظرية O بالنسبة إلى I .

2. في الرباعي $AMBO$ نجد I منتصف $[AB]$ و I منتصف $[MO]$ لأن M منظرية

O بالنسبة إلى I ؛

ومنه $AMBO$ هو متوازي أضلاع إلا أن $\widehat{AOB} = 90^\circ$ لأن في المعين القطران يتعامدان .

الخلاصة : $AMBO$ هو متوازي أضلاع فيه زاوية قائمة فهو مستطيل

3. المستقيمان (AM) و (CD) يتقاطعان في N .

أ. في الرباعي $ABDN$ نجد : $(AB) \parallel (ND)$ لأن $(AB) \parallel (CD)$ و

$N \in (CD)$ ونجد $(BD) \parallel (AN)$ لأن $(BD) \parallel (AM)$ و

$N \in (AM)$ ومنه الرباعي $ABDN$ هو متوازي أضلاع ومن ناحية أخرى نعلم أن

$AB = BD = 6cm$ أي أن له ضلعان متتاليين متقايسان فهو معيّن.

ب. نعلم أن $(AD) \parallel (BC)$ ولدينا $(BN) \perp (AD)$ لأن في المعين القطران يتعامدان ؛

ومنه $(BN) \perp (BC)$ فالمثلث BCN قائم الزاوية في B .

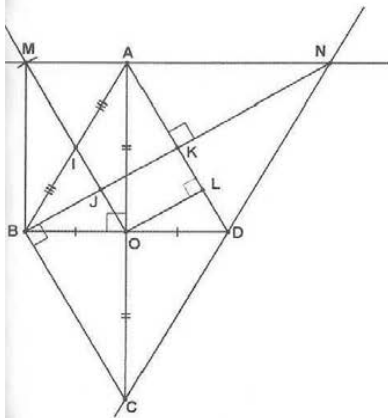
4. لدينا $(AM) \parallel (OD)$ لأن $(AM) \parallel (BO)$ و B و O و D على نفس الاستقامة ؛ ومن ناحية ثانية $AM = OD$ لأن

$AM = OB$ و $OD = OB$ ؛ الرباعي $AMOD$ له ضلعان متوازيان ومتقايسان فهو متوازي أضلاع.

5. المستقيم (BN) يقطع (OM) في J و (AD) في K . لتكن L المسقط العمودي لـ O على (AD) .

الرباعي $AMOD$ هو متوازي أضلاع إذن $(OM) \parallel (AD)$ ونعلم أن $(BN) \perp (AD)$ فحتما $(BN) \perp (OM)$ في J .

الرباعي $OJKL$ له ثلاث زوايا قائمة في J و K و L فهو مستطيل.





COLLEGE.MOURAJAA.COM

