



السنة الدراسية 2019-2020

الأقسام 9 و 3 و 4

فرض مراقبة 3
رياضيات

المدرسة الإعدادية النموذجية بقابس
الأستاذة : حفصة رمضان



الاسم واللقب

تمرين عدد 1 (5 نقاط)

(1) ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة علما وانه لا يوجد إلا مقترح واحد مناسب للوضعية

أ- العبارة $a^4 + 81$ تساوي:

☐ $(a+3)^4$; ☐ $(a^2-9)^2+18a^2$; ☐ $a^4 - (-3)^4$

ب مربع مساحته $14 - 6\sqrt{5}$ فان قيس ضلعه يساوي:

☐ $3 - \sqrt{5}$ ☐ $3\sqrt{5} - 1$ ☐ $\sqrt{5} - 3$

ج- A و B نقطتان من [MN] حيث $\frac{MA}{4} = \frac{AN}{3}$ و $4MB = 3BN$ فان:

☐ $NB = AM$ ☐ $MB + AN = MN$ ☐ A منتصف [MN]

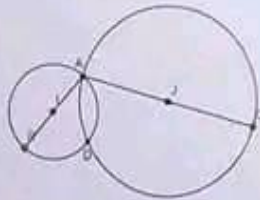
(2) اجب بصحيح أو خطأ:

أ- x و y عدنان حقيقيان موجبان حيث $x + 1 < y + 1$ يعني $(x - y) \in \mathbb{R} +$

ب- 1 و 2 دائرتان متقاطعتان في A و D

ومركزيهما I و J فان:

B و D و C على استقامة واحدة



تمرين عدد 2 (7 نقاط)

أ. لنكن العبارة A حيث $A = x^2 + 2x - 1$

(1) احسب العبارة في حالة $x = \sqrt{2} - 1$

(2) بين ان $A = (x + 1)^2 - 2$

(3) فكك العبارة A الى جذاء عوامل

(4) جد العدد x حيث $A = 0$

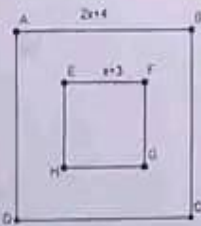
أ. لنعتبر المربع ABCD ضلعه $AB = 2x + 4$ والمربع EFGH ضلعه

$EF = x + 3$ حيث x عدد حقيقي موجب

(1) احسب S المساحة المحصورة بين المربعين ABCD و EFGH

بين ان $S = 3x^2 + 10x + 7$

(2) جد العدد x حيث $S =$ مساحة EFGH (مستغلا العبارة A اعلاه)





تمرين عدد 3 (8 نقاط)

ليكن DAB مثلثا قائما في D حيث $DB=8$ و $AD=6$ و $AB=10$

(1) لتكن النقطة C على $[AB]$ حيث $BC=4$ و الدائرة $\mathcal{C}$ التي قطرها $[BC]$ والتي تقطع $[BD]$ في نقطة ثانية E

ماهي الوضعية النسبية ل (AD) و (CE)

(2) عين النقطة M منتصف $[AB]$ المستقيمان (DM) و (CE)

يتقاطعان في H . احسب CH و CM

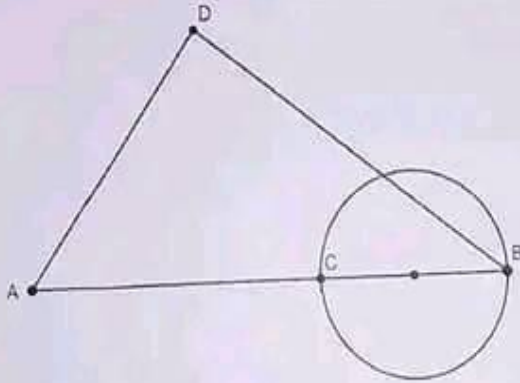
(3) العمودي على (DM) والمار من B يقطع (CE) في F

(أ) ماذا تمثل H للمثلث BDF ؟ علل جوابك

(ب) استنتج ان (BH) عمودي على (DF)

(4) لتكن النقطة G منازرة D بالنسبة لـ H

بين ان C مركز ثقل المثلث DEG





MR Aymen Salhi
Meet: Education en ligne
Classe : 9e pilote

ETUDE MATH-chbedda
53080851

السنة الدراسية 2020 - 2019
الأقسام 9 و 3 و 4

فرض مراقبة 3
رياضيات

المدرسة الإعدادية النموذجية بقابس
الامتحان : مفضلة رمضان

الاسم واللقب

تمرين عدد 1 (5 نقاط)

(1) ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة علما وانه لا يوجد إلا مقترح واحد مناسب للوضعية

أ- العبارة $a^4 + 81$ تساوي:

☐ $(a + 3)^4$; ☒ $(a^2 - 9)^2 + 18a^2$; ☐ $a^4 - (-3)^4$

ب مربع مساحته $14 - 6\sqrt{5}$ فان قيس ضلعه يساوي:

☐ $3 - \sqrt{5}$ ☐ $3\sqrt{5} - 1$ ☐ $\sqrt{5} - 3$

$(-3)^4 = 81$
لأن القوة زوجية

$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

$a^4 - (-3)^4$
خطأ $\leftarrow a^4 - 81$

$(a^2 - 9)^2 + 18a^2$

$[a^2]^2 - 2a^2 \times 9 + 9^2 + 18a^2$

$a^4 - 18a^2 + 81 + 18a^2$

$a^4 + 81$





MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe : 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda



53080851

ب مربع مساحته $14 - 6\sqrt{5}$ فان قيس ضلعه يساوي:

☒ $3 - \sqrt{5}$

☐ $3\sqrt{5} - 1$

☐ $\sqrt{5} - 3$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

طريقة 2 : نور

$$a^2 + b^2 - 2ab =$$

$$14 - 6\sqrt{5}$$

$$3^2 + (\sqrt{5})^2 - 2 \cdot 3 \cdot \sqrt{5}$$

وبالتالي

$$14 - 6\sqrt{5} = (\sqrt{5} - 3)^2$$

$$\sqrt{(\sqrt{5} - 3)^2} = |\sqrt{5} - 3| = 3 - \sqrt{5}$$

طريقة 1 : دقة

$$(\sqrt{5} - 3)^2 = (\sqrt{5})^2 - 2 \cdot 3 \cdot \sqrt{5} + 3^2$$

$$= 5 - 6\sqrt{5} + 9$$

$$= 14 - 6\sqrt{5}$$

$$\sqrt{(\sqrt{5} - 3)^2} = |\sqrt{5} - 3| = 3 - \sqrt{5}$$





MR Aymen Salhi



Meet: Education en ligne

Classe : 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda



53080851

ج- A و B نقطتين من [MN] حيث $\frac{MA}{4} = \frac{AN}{3}$ و $4MB = 3BN$ فإن :

☒ $NB = AM$

☐ $MB + AN = MN$

☐ A منتصف [MN]

⊗

$$\frac{MA}{4} = \frac{AN}{3} = \frac{MA+AN}{4+3} = \frac{MN}{7}$$

⊗

$$4MB = 3BN \Rightarrow \frac{MB}{3} = \frac{BN}{4} = \frac{MN}{7}$$

فإن

$$\frac{MA}{4} = \frac{AN}{3} = \frac{MB}{3} = \frac{BN}{4} = \frac{MN}{7}$$

$$\Rightarrow \frac{BN}{4} = \frac{MA}{4} \Leftrightarrow BN = MA$$





MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe ; 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda



53080851

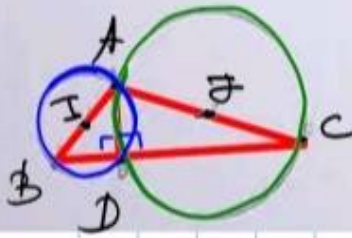
(2) اجب بصحيح أو خطأ:

ا- x و y عدنان حقيقيان موجبان حيث $x + 1 < y + 1$ يعني $(x - y) \in \mathbb{R}_+$

ب- $\mathcal{C}_1$ و $\mathcal{C}_2$ دائرتان متقاطعتان في A و D

ومركزيهما I و J فان :

B و D و C على استقامة واحدة



$$x + 1 < y + 1$$

$$(x + 1) - (y + 1) < 0$$

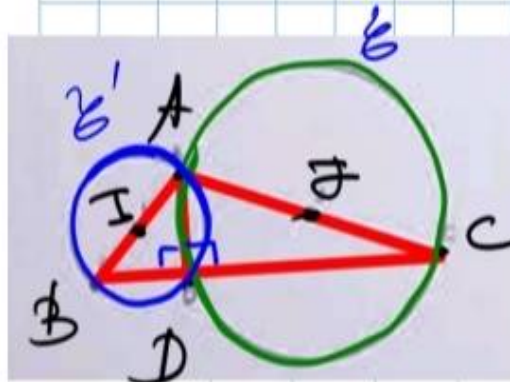
حذف الأقواس

$$x + 1 - y - 1 < 0$$

$$x - y < 0$$

$$x - y \in \mathbb{R}_-$$

(1/2)



* في الدائرة $\mathcal{C}_1$ لدينا :

$[AC]$ قطر الدائرة

المثلث ADC قابل للترسيم

في الدائرة $\mathcal{C}_2$

لدينا ADC قائم الزاوية في D

$$\angle ADC = 90^\circ$$





MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe ; 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda

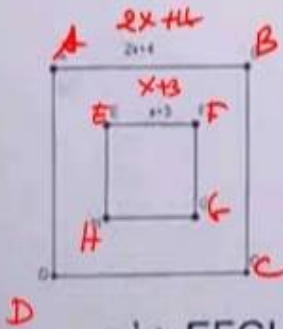


53080851

في الدائرة Γ
 EA قطر الدائرة Γ
 $\triangle ABD$ مثلث قائم الزاوية في A و $\triangle ABD$ قائم الزاوية في D

$\hat{ADB}$ و $\hat{ADC}$ زاويتان متجاورتان ومتكاملتان
 مجموع قياسهما 180° إذن A و D على استقامة واحدة

تمرين عدد 2 (7 نقاط)



I. لتكن العبارة A حيث $A = x^2 + 2x - 1$

(1) احسب العبارة في حالة $x = \sqrt{2} - 1$

(2) بين ان $A = (x + 1)^2 - 2$

(3) فكك العبارة A الى جزاء عوامل

(4) جد العدد x حيث $A = 0$

II. لنعتبر المربع ABCD ضلعه $AB = 2x + 4$ والمربع EFGH ضلعه

$EF = x + 3$ حيث x عدد حقيقي موجب

(1) احسب S المساحة المحصورة بين المربعين ABCD و EFGH

بين ان $S = 3x^2 + 10x + 7$

(2) جد العدد x حيث $S =$ مساحة EFGH (مستغلا العبارة A اعلاه)





MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe ; 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda



53080851

تمرين عدد 2 (7 نقاط)

1. لتكن العبارة A حيث $A = x^2 + 2x - 1$

(1) احسب العبارة في حالة $x = \sqrt{2} - 1$

(2) بين ان $A = (x + 1)^2 - 2$

(1) في حالة $x = \sqrt{2} - 1$

$$A = (\sqrt{2} - 1)^2 + 2(\sqrt{2} - 1) - 1$$

زيادة متفرقة
لنفسر

$$(\sqrt{2})^2 - 1\sqrt{2} + 1 + 2\sqrt{2} - 2 - 1$$
$$(2) (-2\sqrt{2} + 1) + 2\sqrt{2} - 2 - 1 = 0$$

(2) لدينا

$$\textcircled{*} (x+1)^2 - 2 = x^2 + 2x + 1 - 2$$
$$= x^2 + 2x - 1 = A$$

$$A = (x+1)^2 - 2$$

ن.د





MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe : 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda



53080851

(3) فكك العبارة A الى جذاء عوامل

$$A^2 - B^2 = (A-B)(A+B)$$

$$A = (x+1)^2 - 2 = (x+1)^2 - (\sqrt{2})^2$$

$$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b) \quad A = [x+1-\sqrt{2}][x+1+\sqrt{2}]$$

(4) جد العدد x حيث $A = 0$

$$A = 0 \Leftrightarrow (x+1-\sqrt{2})(x+1+\sqrt{2}) = 0$$

$$x+1-\sqrt{2} = 0$$

$$, \quad x+1+\sqrt{2} = 0$$

$$x = -1 + \sqrt{2}$$

$$\text{أو} \quad x = -1 - \sqrt{2}$$

$$S_R = \{-1 - \sqrt{2}, -1 + \sqrt{2}\}$$





MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe : 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda



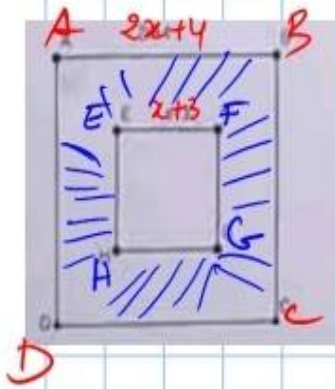
53080851

١١. لنعتبر المربع ABCD ضلعه $AB = 2x + 4$ والمربع EFGH ضلعه

$EF = x + 3$ حيث x عدد حقيقي موجب

(1) احسب المساحة المحصورة بين المربعين ABCD و EFGH

بين ان $S = 3x^2 + 10x + 7$



مساحة $ABCD$

$$A_{ABCD} = (2x+4)^2 = 4x^2 + 16x + 16$$

مساحة المربع EFGH

$$A_{EFGH} = (x+3)^2 = x^2 + 6x + 9$$

$$\begin{aligned} A_{ABCD} - A_{EFGH} &= (4x^2 + 16x + 16) - (x^2 + 6x + 9) \\ &= 4x^2 + 16x + 16 - x^2 - 6x - 9 \end{aligned}$$

$$A_{ABCD} - A_{EFGH} = 3x^2 + 10x + 7$$





MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe ; 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda

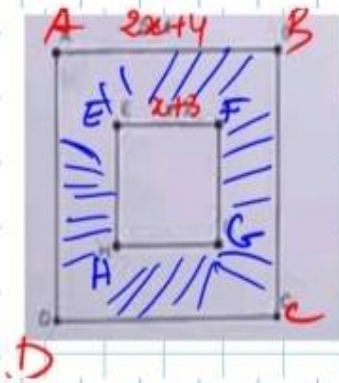


53080851

(1) احسب S المساحة المحصورة بين المربعين $EFGH$ و $ABCD$

بين ان $S = 3x^2 + 10x + 7$

(2) جد العدد x حيث (S) = مساحة $EFGH$ (مستغلا العبارة A اعلاه)



$$(x+3)^2 = 3x^2 + 10x + 7$$

$$x^2 + 6x + 9 = 3x^2 + 10x + 7$$

$$3x^2 + 10x + 7 - x^2 - 6x - 9 = 0$$

$$2x^2 + 4x - 2 = 0$$

$$2(x^2 + 2x - 1) = 0$$

$$2A = 0$$

يعني $A = 0$

$$x = \sqrt{2} - 1$$

$$x = -\sqrt{2} - 1 < 0$$

لا يمكن لان
المساحة موجبة





MR Aymen Salhi
Meet: Education en ligne
Classe : 9e pilote

ETUDE MATH-chbedda
53080851

تمرين عدد 3 (8 نقاط)

ليكن DAB مثلثا قائما في D حيث $DB=8$ و $AD=6$ و $AB=10$

(1) لنكن النقطة C على $[AB]$ حيث $BC=4$ و الدائرة $\mathcal{C}$ التي قطرها $[BC]$ والتي تقطع $[BD]$ في نقطة ثانية E

ماهي الوضعية النسبية ل (AD) و (CE)

(2) عين النقطة M منتصف $[AB]$ المستقيمان (DM) و (CE)

يتقاطعان في H . احسب CH و CM

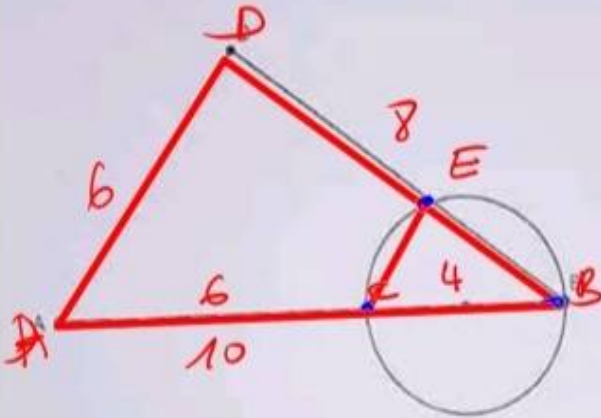
(3) العمودي على (DM) والمار من B يقطع (CE) في F

(أ) ماذا تمثل H للمثلث BDF ؟ علل جوابك

(ب) استنتج ان (BH) عمودي على (DF)

(4) لنكن النقطة G منظرية D بالنسبة لـ H

بين ان C مركز قعر المثلث DEG



* المثلث CEB قابل للإسقاط في الدائرة $\mathcal{C}$ و $[BC]$ قطر للدائرة $\mathcal{C}$

لذلك CEB قائم الزاوية في E وبإتالي

$$(CE) \perp (EB) \text{ يعني } (CE) \perp (BD)$$

* لدينا DAB مثلث قائم في D $\Rightarrow (AD) \perp (BD)$





MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe : 9e pilote



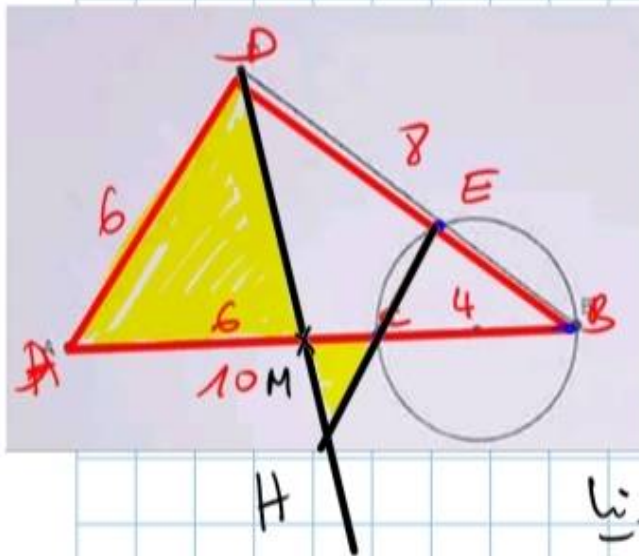
ETUDE MATH-chbedda



53080851

1. د. (CE) // (AD) (لا سنها بموديلا ذ كلى نصف) (المستقيم (BD))

(2) عين النقطة M منتصف [AB] المستقيمان (DM) و (CE) يتقاطعان في H. احسب CM و CH



$$CM = AB - (AM + CB) \\ = 10 - (5 + 4)$$

$$CM = 1$$

في المثلث ADM لدينا

$$\left\{ \begin{array}{l} H \in (DM) \\ C \in (AM) \\ (CH) \parallel (AD) \end{array} \right.$$

حسب برهنة طاللي لدينا

$$\frac{CM}{MA} = \frac{CH}{AD} = \frac{MH}{MD}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{CH}{6}$$

$$\Rightarrow CH = \frac{6}{5}$$

