

فرض تأليفي عدد 3 رياضيات

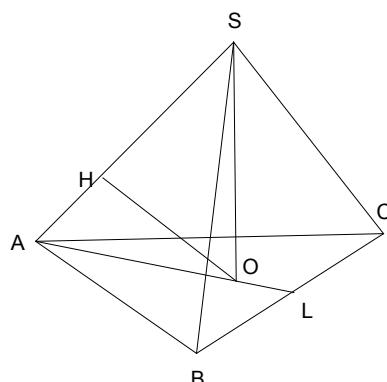
تمرين 1 (4 نقاط)

نعتبر العبارة $A = 2x - 1$ حيث العبارة x عدد حقيقي(1) احسب A إذا علمت أن $x = -\frac{1}{5}$ (2) حل في R المعادلة $A = 5$ (3) أبين أن $A^2 - 4 = (2x - 3)(2x + 1)$ ب- حل في R المعادلة $A^2 - 4 = 0$ (4) حل في R المترادفة $A = 3$

تمرين 2 (4 نقاط)

 $Z = (a - b)^2$ و $V = (a + b)^2$ و(1) أ- احسب V و Z في حالة $a = \sqrt{2}$ و $b = \sqrt{3}$ ب- بين في هذه الحالة أن x مقلوب y (2) لتكن العبارة H بحيث $H = \frac{1}{2}(a + b)^2 + (a - b)^2$ أبين أن $H = a^2 + b^2$ ب- احسب H في حالة $a = \sqrt{57}$ و $b = \sqrt{13}$

تمرين 3 (3 نقاط)

ليكن $SABC$ هرما منتظما قاعده ABC مثلثا متقارن الأضلاع بحيث $AB = 2\sqrt{3}$ و مركز ثقله النقطة O (1) لتكن L منتصف BC . احسب AL (2) احسب AS إذا علمت أن $OS = \sqrt{10}$ (3) لتكن H المسقط العمودي لـ O على AS . احسب OH 

المسألة: (9 نقاط)

وحدة قيس الطول هي الصنتمتر.

نعتبر نصف دائرة مركزها O و قطرها BC بحيث $BC = 8$ و H منتصف OC .

المستقيم العمودي على (BC) في H يقطع نصف الدائرة في A .

1) أبین أن المثلث AOC متقارن الأضلاع.

ب-استنتج AH .

ج-احسب AB .

3) المستقيم العمودي على (BC) في O يقطع AB في L .

$$\text{أ-أثبت أن: } \frac{OL}{AH} = \frac{2}{3}$$

$$\text{ب-استنتاج أن: } OL = \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

4) لتكن I منتصف OB الموسط العمودي لـ OB يقطع AB في M .

أبین أن المثلث MBO متقارن الضلعين و حد قمته الرئيسية.

$$\text{ب-أثبت أن: } IM = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

ج-استنتاج AM و OM

5) أثبت أن المثلث AOM قائم الزاوية في O .

